پرکردن داده‌های گمشده در داده‌های سری زمانی چندمتغیره

نگین دانشپور* و سیده فاطمه میرابولقاسمی

دانشکده مهندسی کامپیوتر، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، تهران، ایران

چکیده

داده‌های سری زمانی چندمتغیره در زمینه‌های مختلف مانند بیوانفورماتیک، زیست‌شناسی، ژنتیک، نجوم، علوم جغرافیایی و امور مالی یافت می‌شوند. بسیاری از این مجموعه‌داده‌ها دارای داده گمشده هستند. جایگذاری داده‌های گمشده سری زمانی چندمتغیره، یکی از مباحث چالش برانگیز است و قبل از فرایند یادگیری یا پیش‌بینی سری‌های زمانی باید با دقت مورد توجه و بررسی قرار گیرد. تحقیقات فراوانی در استفاده از روش‌های مختلف برای جایگذاری داده‌های گمشده سری زمانی انجام شده است که به‌طورمعمول شامل روش‌های تجزیه و تحلیل و مدل‌سازی‌های ساده در کاربردهای خاص و یا سری‌های زمانی تک‌متغیره هستند. در این مقاله یک نسخه بهبودیافته از درون‌یابی معکوس فاصله وزن‌دار برای جایگذاری داده‌های گمشده پیشنهاد شده است. روش درون‌یابی معکوس فاصله وزن‌دار دو محدودیت اساسی دارد: ۱) یافتن بهترین نقاط نزدیک‌تر به داده‌های گمشده ۲) انتخاب توان تأثیر بهینه برای همسایگان داده گمشده. برای بهبود روش درون‌یابی، از خوشه‌بندی k-means استفاده شده است، تا همسایه‌های با بیشترین شباهت به الگوی داده‌ای انتخاب شوند. از آنجا که میزان تأثیر هر یک از همسایه‌ها بر روی داده گمشده متفاوت است، از الگوریتم جستجوی فاخته برای تعیین توان تأثیر همسایگی استفاده می‌شود. برای ارزیابی عملکرد روش پیشنهادی، از پنج معیار ارزیابی شناخته‌شده استفاده می‌شود. نتایج تجربی بر روی چهار مجموعه‌داده UCI با درصدهای مختلف گمشدگی مورد بررسی قرار گرفته و درمجموع الگوریتم پیشنهادی نسبت به سه روش مقایسه‌ای دیگر عملکرد بهتر و به‌طور میانگین حدود ۰/۰۵ خطای RMSE، ۰/۰۴ خطای MAE، ۰/۰۰۳ خطای MSE و ۵ درصد خطای MAPE داشته است. میزان همبستگی داده‌های واقعی و مقدار برآوردشده در روش پیشنهادی بسیار مطلوب و در حدود ۹۹ درصد است.

واژگان کلیدی: جایگذاری داده‌های گمشده، درون‌یابی IDW، الگوریتم جستجوی فاخته، خوشه‌بندی k-means، سری‌های زمانی چندمتغیره

Missing Data Imputation in Multivariate Time Series Data

Negin Daneshpour* & Seyede Fateme Mirabolghasemi

Faculty of Computer Engineering, Shahid Rajaee Teacher Training University, Tehran, Iran

Abstract

Multivariate time series data are found in a variety of fields such as bioinformatics, biology, genetics, astronomy, geography and finance. Many time series datasets contain missing data. Multivariate time series missing data imputation is a challenging topic and needs to be carefully considered before learning or predicting time series. Frequent researches have been done on the use of different techniques for time series missing data imputation, which usually include simple analytic methods and modeling in specific applications or univariate time series.

* نویسندهٔ عهده‌دار مکاتبات

* Corresponding author

• تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۸/۱۰/۹ • تاریخ پذیرش: ۱۳۹۹/۷/۲۲ • تاریخ انتشار: ۱۴۰۱/۷/۷ • نوع مطالعه: پژوهشی

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

In this paper, a hybrid approach to obtain missing data is proposed. An improved version of inverse distance weighting (IDW) interpolation is used to missing data imputation. The IDW interpolation method has two major limitations: 1) finding closest points to missing data 2) Choosing the optimal effect power for missing data neighbors. Clustering has been used to remove the first constraint and find closest points to the missing data. With the help of clustering, the search radius and the number of input points that are supposed to be used in interpolation calculations are limited and controlled, and it is possible to determine which points are used to determine the value of a missing data.Therefore, most similar data to the missing data are found. In this paper, the k-maens clustering method is used to find similar data. This method has been more accurate than other clustering methods in multivariate time series.

Evolutionary algorithms are used to find the optimal effect power of each data point to remove the second constraint. Considering that each sample within each cluster has a different effect on the estimation of missing data, cuckoo search is used to find the effect on missing data. The cuckoo search algorithm is applied to the data of each cluster, and each data sample that has more similarity with the missing data has more influence, and each data sample that has less similarity has less influence and has less influence in determining the amount of missing data. Among evolutionary algorithms, evolutionary cuckoo search algorithm is used due to high convergence speed, much less probability of being trapped in local optimal points, and ability to quickly solve high dimensional optimization problems in multivariate time series problems.

To evaluate the performance of the proposed method, RMS, MAE, R^2, MSE and MAPE criteria are used. Experimental results are investigated on four UCI datasets with different percentages of missingness and in general, the proposed algorithm performs better than the other three comparative methods with an average RMSE error of 0.05, MAE error of 0.04, MSE error of 0.003, and MAPE error of 5. The correlation between the actual data and the estimated value in the proposed method is about 99%.

Keywords: Missing Data imputation, IDW Interpolation, Cuckoo Search Algorithm, k-means Clustering, Multivariate Time Series.

۱- مقدمه

داده‌های سری زمانی، مجموعه‌ای از مشاهدات تصادفی هستند که به‌تدریج در طول زمان جمع‌آوری شده‌اند. در این نوع داده‌ها نمونه‌های مجاور دارای همبستگی قوی و تغییرات اندک هستند. در سری‌های زمانی چندمتغیره از چندین ویژگی وابسته به زمان برای ایجاد مدل سری زمانی استفاده می‌شود. هر متغیر نه تنها به مقادیر گذشته خود بلکه به برخی از متغیرهای دیگر نیز وابستگی دارد و از این وابستگی برای پیش‌بینی مقادیر آینده استفاده می‌شود [1]. با افزایش قدرت ذخیره‌سازی داده‌ها و پردازنده‌ها، برنامه‌های دنیای واقعی فرصتی برای ذخیره و نگهداری داده‌ها برای مدت زمان طولانی پیدا کرده‌اند؛ ازاین‌رو داده‌ها در بسیاری از کاربردهای عملی به شکل داده‌های سری زمانی ذخیره می‌شوند. برای مثال داده‌های فروش، قیمت سهام، نرخ ارز در امور مالی، اطلاعات آب و هوا و اندازه‌گیری‌های پزشکی (مانند فشار خون و اندازه‌گیری الکتروکاردیوگرام) از این قبیل هستند. بر این اساس، داده‌های سری زمانی چندمتغیره در زمینه‌های مختلف مانند بیوانفورماتیک و زیست‌شناسی، ژنتیک، نجوم، علوم جغرافیایی و امور مالی یافت می‌شوند [2]،[3]. این مقدار داده‌های سری زمانی فرصت تجزیه و تحلیل سری زمانی برای بسیاری از پژوهش‌گران در جوامع داده‌کاوی را در دهه گذشته فراهم کرده است. این داده‌ها اغلب به دلایل مختلف مانند اتفاقات پزشکی، صرفه‌جویی در هزینه‌ها، ناهنجاری‌ها، عوامل محیطی، عدم پاسخ در آزمایش‌های علمی، خطاهای انسانی در اندازه‌گیری، مشکلات انتقال داده‌ها در سیستم‌های دیجیتال و کیفیت پایین حس‌گرها ممکن است از دست بروند [4-6]؛ ازاین‌رو وجود مقادیر گمشده در مجموعه‌داده‌هایی که جمع‌آوری شده‌اند تا حدودی اجتناب‌ناپذیر است. بسیاری از روش‌های تحلیل بر روی سری‌های زمانی نیاز به مجموعه اطلاعات کامل در هر گام زمانی دارند؛ به‌طوری که ممکن است داده‌های گمشده دارای مهم‌ترین ویژگی‌های سری زمانی باشند [7]. حضور داده‌های گمشده در مجموعه‌داده به‌طور چشم‌گیری نتایج تفسیر داده‌های حاصل از فرایندهای داده‌کاوی و یادگیری ماشین را تحت تأثیر قرار می‌دهد و حتی ممکن است، باعث ایجاد نتایج اشتباه و گمراهی پژوهش‌گران شود [8]. بنابراین رسیدگی به داده‌های گمشده یک مسأله مهم قبل از به کارگیری از روش‌های داده‌کاوی و یادگیری ماشین می‌باشد.

لیتل و روبین یک طبقه‌بندی سه‌گانه برای داده‌های گمشده پیشنهاد داده‌اند که عبارتند از: گمشده به‌صورت به‌طورکامل تصادفی (MCAR[1])، گمشده به‌صورت تصادفی (MAR[2]) و به‌طور تصادفی گم‌نشده[3]

[1] Missing Completely at Random
[2] Missing at Random
[3] Missing Not at Random

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

(MNAR) [9]. وقتی مقدار گمشده از نوع MCAR است، به این معنی است که مقادیر گمشده مستقل از سایر متغیرها هستند. در حالت MAR، مقادیر گمشده را می‌توان با استفاده از مقادیر دیگر برآورد کرد. اگر مقادیر گمشده از نوع MNAR باشند، این مقادیر به سایر متغیرهای گمشده بستگی دارند و سازوکار لازم برای پرکردن داده‌های گمشده، نیاز به مدل‌سازی برای پرکردن داده‌ها دارد. ازاین‌رو مقادیر گمشده را نمی‌توان از متغیرهای موجود برآورد کرد. برای بیش‌تر رویکردها، مقادیر گمشده از نوع MAR محسوب می‌شوند [10].

در دهه‌های گذشته، بسیاری از روش‌ها برای محاسبه مقادیر گمشده توسعه یافته‌اند. روش‌های پرکردن داده‌های گمشده در داده‌های غیرزمانی نسبت به داده‌های سری زمانی به جهت وجود الگوهای زمانی مانند روند[1]، فصل[2]، تناوب[3] و تغییرات نامنظم[4] متفاوت هستند. پژوهش‌های متعددی برای نشان‌دادن اهمیت محاسبه مقادیر گمشده در سری زمانی انجام شده‌است [11]. یک راه‌حل ساده این است که داده‌های گمشده را حذف کرده و تحلیل، تنها بر روی داده‌های مشاهده شده انجام دهیم؛ اما هنگامی‌که تعداد داده‌ها کم باشد، این روش عملکرد خوبی ندارد. روش‌های هموارسازی[5]، درون‌یابی[6] [12] و اسپلاین[7][13] در جای‌گذاری داده‌های گمشده سری زمانی، ساده و کارآمد هستند؛ بنابراین به‌طور گسترده درعمل استفاده می‌شوند، اما در الگوهای پیچیده عملکرد قوی ندارند. برای تخمین بهتر داده‌های گمشده روش‌های پیچیده‌تری در جای‌گذاری داده‌های گمشده در سری زمانی نیز طراحی شده‌اند. این روش‌ها شامل تجزیه و تحلیل طیفی[8][14]، تابع‌های کرنل[9][15]، الگوریتم EM[10] [16]، تکمیل ماتریس[11][17] و فاکتورسازی ماتریس[12][18] هستند. روش جای‌گذاری چندگانه[13] [19] با اجرای روش‌های جایگذاری، عدم قطعیت[14] را کاهش می‌دهد. ترکیبی از روش‌های جایگذاری به همراه مدل‌های پیش‌بینی در سری‌های زمانی اغلب منجر به یک فرآیند دومرحله‌ای می‌شود که در آن مدل‌های جایگذاری و پیش‌بینی جدا از هم هستند. با انجام این کار اغلب الگوهای گمشده‌گی در مدل‌های پیش‌بینی در نظر گرفته نمی‌شوند و منجر به نتایج و تحلیل ضعیف می‌شود [20]. بیش‌تر روش‌های جایگذاری داده‌های گمشده دارای الزامات و محدودیت‌هایی هستند که ممکن است در دنیای واقعی برقرار نباشد. برای مثال، بسیاری از این روش‌ها تنها روی داده‌ها با نرخ گمشده‌گی کوچک کار می‌کنند، یا نمی‌توانند گمشده‌گی در داده‌هایی را که به‌طور تصادفی یا به‌طورکامل تصادفی در سری‌های زمانی با طول‌های مختلف موجودند، رسیدگی کنند.

با بررسی انجام‌شده بر روی مقالات موجود، برخی از الگوریتم‌ها فقط متناسب با برخی از سری‌های زمانی خاص مانند داده‌های پزشکی [21]، ترافیک [22]، هواشناسی و یا داده‌های جغرافیایی [23] طراحی شده‌اند و قابلیت مقیاس‌پذیری بر روی سایر سری‌های زمانی را ندارند. بسیاری از الگوریتم‌ها تنها بر روی سری‌های زمانی تک‌متغیره قابل اجرا هستند [24]،[25]. برخی از الگوریتم‌ها بر روی سری‌های زمانی غیرمتناوب دقیق عمل نمی‌کنند [26]. کاستی‌های روش‌های موجود باعث شد تا درصدد ارائه روشی بهتر برای جای‌گذاری داده‌های گمشده باشیم.

درون‌یابی، فرایند استفاده از نقاط با مقادیر معلوم یا نمونه‌برداری از نقاط معلوم برای برآورد مقادیر در سایر نقاط نامعلوم است. می‌توان از این روش برای پیش‌بینی مقادیر گمشده در هر گونه داده‌ای استفاده کرد. در این مقاله از روش درون‌یابی فضایی معکوس فاصله وزن‌دار (IDW[15])، برای تخمین داده‌های گمشده استفاده شده است [28]. درون‌یابی IDW به‌صراحت این فرضیه را پیاده‌سازی می‌کند که نقاطی که به یکدیگر نزدیکتر هستند، نسبت به مواردی که از هم دورتر هستند، شبیه‌تر هستند. IDW برای پیش‌بینی مقدار برای هر موقعیت غیرقابل اندازه‌گیری از مقادیر اندازه‌گیری‌شده در اطراف مکان پیش‌بینی استفاده می‌کند. زمانی که داده‌ها به‌اندازه کافی متراکم هستند، دقت اجرای IDW بالاتر است. روش‌های درون‌یابی به‌طورمعمول دقیق، ساده و دارای محاسبات سریع هستند البته نیاز به مقداردهی اولیه پارامترها دارند. از جمله پارامترهای درون‌یابی IDW، شعاع جستجو و تعیین توان تأثیر نقاط است. روش IDW با بررسی نقاط اطراف داده در شعاع جستجوی تعریف‌شده مقدار هر دادهٔ گمشده را محاسبه می‌کند. مقدار دادهٔ گمشده را می‌توان با میانگین‌گیری مجموع وزنی نقاط شعاع جستجو محاسبه کرد. نقاطی که از دادهٔ گمشده

[1] Trend
[2] Seasonal
[3] Cyclic
[4] Irregular
[5] Smoothing
[6] Interpolation
[7] Spline
[8] Spectral Analysis
[9] Kernel Methods
[10] Expectationmaximization
[11] Matrix Completion
[12] Matrix Factorization
[13] Multiple Imputation
[14] Uncertainty
[15] Inverse Distance Weighting

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

دورتر هستند، نسبت به نقاط نزدیک‌تر تأثیر کمتری در مقدار گمشده دارند. یکی از معایب روش‌های درون‌یابی این است که همبستگی داده‌ها را در نظر نمی‌گیرند [29]،[30].

هدف از این مقاله، پرکردن داده‌های گمشده در سری‌های زمانی چندمتغیره است. این مقاله به‌دنبال ارائه روشی است که با وجود پیچیدگی‌های توزیع، غیرمتناوب‌بودن و یا غیرفصلی‌بودن سری‌های زمانی بتواند داده‌های مشابه و هم‌ساختار با داده گمشده را بیابد. همچنین دارای قدرت تخمین داده‌های بسیار متغیر نیز باشد و همبستگی متقابل دنبالهٔ داده‌ها را نیز در نظر بگیرد. با توجه به اینکه داده‌های سری زمانی داده‌های حجیم و پرتراکم هستند، یکی از روش‌های مناسب برای تخمین داده‌های گمشده در این داده‌ها درون‌یابی IDW است. درون‌یابی IDW قادر به پیش‌بینی در سری‌های زمانی چندمتغیره است. روش درون‌یابی IDW دو محدودیت اساسی دارد: ۱) یافتن بهترین نقاط نزدیک‌تر به داده‌های گمشده ۲) انتخاب بهترین توان تأثیر برای همسایگان داده گمشده. در این مقاله برای رفع محدودیت نخست و درواقع پیداکردن نزدیک‌ترین نقاط به داده‌های گمشده، به الگویابی داده‌ها پرداخته شده است تا داده‌هایی پیدا شوند که بیشترین شباهت و ساختار مشابه با داده گمشده را دارند. برای پیداکردن داده‌های مشابه، در این مقاله از روش خوشه‌بندی k-means استفاده شده‌است. با پژوهش‌ها و بررسی‌های انجام‌شده، این روش دقت بالاتری نسبت به سایر روش‌های خوشه‌بندی در سری‌های زمانی چندمتغیره داشته است [31]،[32]. در روش خوشه‌بندی پیشنهادی از معیار اندازه‌گیری پیچش زمانی پویا[1] (DTW) استفاده شده است. روش DTW روشی است که تطبیق بهینه بین دو دنباله زمانی با محدودیت‌های معین را پیدا می‌کند. با DTW می‌توان نقاط فضای nبعدی را به هم متصل و آن‌ها را با یکدیگر مقایسه کرد. این روش، زمانی مفید است که همه متغیرها استفاده شوند؛ بنابراین این روش برای سری‌های زمانی چندمتغیره مناسب است. با DTW می‌توان دنباله‌هایی از سری زمانی را پیدا کرد که دارای همبستگی متقابل هستند [33]. روش DTW حتی همبستگی اندک بین دنباله‌ها را نشان می‌دهد. برای بررسی میزان همبستگی دنباله‌ها می‌توان از یک روش تکاملی استفاده کرد. روش‌های تکاملی از نظر کاوش در فضای راه‌حل بسیار انعطاف‌پذیر و به‌نسبه سریع هستند؛ بنابراین برای رفع محدودیت دوم از الگوریتم‌های تکاملی برای جستجوی بهترین همسایگی‌ها و پیداکردن توان تأثیر بهینه هر نقطه داده استفاده شده است. بین الگوریتم‌های تکاملی، الگوریتم تکاملی جستجوی فاخته به جهت مواردی که در ادامه بیان می‌شوند، مناسب‌تر است: دقت و سرعت بالا، توانایی جستجوی محلی در کنار جستجوی کلی، احتمال بسیار کمتر گیرافتادن در بهینه‌های محلی، حرکت کلی جمعیت به سمت نقاط بهتر با نابودشدن جواب‌های نامناسب‌تر و توانایی حل سریع مسائل بهینه‌سازی در ابعاد بالا، هم‌گرایی سریع و داشتن پارامترهای کم جهت مقداردهی اولیه برای پیداکردن نقاط بهینه همسایگی و تعیین توان تأثیر همسایگی [34]،[35]. روش پیشنهادی، مناسب برای پرکردن داده‌های گمشده در سری‌های زمانی چندمتغیره است.

در ادامه مروری بر ادبیات موضوع صورت می‌گیرد. در بخش سوم توصیف زمینه‌های نظری لازم برای درک روش پیشنهادی ارائه شده است، سپس الگوریتم ترکیبی پیشنهادی معرفی می‌شود. این روش‌ها روی داده‌های معیار اعمال می‌شوند و در بخش پنجم و ششم آزمایش‌ها بر روی مجموعه‌داده‌های معیار انجام شده و نتایج با استفاده از تجزیه و تحلیل آماری غیرپارامتری، ارزیابی می‌شود. در بخش آخر به نتیجه‌گیری می‌پردازیم.

۲- پیشینهٔ پژوهش

روش‌های فراوانی در مقالات برای پرکردن داده‌های گمشده در سری‌های زمانی ارائه شده است. اگرچه الگوریتم‌های زیادی وجود دارند، اما آن‌ها اغلب در حوزه‌های خاص یا حتی برای مجموعه‌داده‌های خاص استفاده شده‌اند، برای مثال حمل و نقل [36]، هواشناسی [37] و دیگر کاربردها [38]. ازاین‌رو، از آن‌ها به‌طور عمومی استفاده نمی‌شود. در ادامه به بررسی مقالات عمومی تخمین داده‌های گمشده در سری‌های زمانی می‌پردازیم.

در مقاله [27] مدل یادگیری عمیق GRU-D بر روی سری‌های زمانی چندمتغیره براساس واحدهای بازگشتی شبکه عصبی بازگشتی عمل می‌کند. در این روش از یک معماری مدل عمیق استفاده شده است به‌طوری که علاوه بر اینکه وابستگی‌های زمانی طولانی مدت را در سری‌های زمانی حفظ می‌کند، از الگوهای گمشده نیز برای پیش‌بینی بهتر استفاده می‌کند. این مدل با رشد اندازه داده‌ها مقیاس‌پذیر است. فرایند یادگیری این الگوریتم بسیار زمان‌بر است و برای نخستین آموزش داده‌ها ۴۸ ساعت زمان لازم است. اگر داده گمشده حاوی اطلاعات مفید نباشد و یا ارتباط بین الگوهای داده‌های گمشده و پیش‌بینی‌ها مشخص نباشد این مدل ممکن است پیشرفت محدودی داشته باشد و یا حتی شکست

[1] Dynamic Time Warping

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

بخورد. این مدل نمی‌تواند در روش‌های بدون نظارت و بدون برچسب مورد استفاده قرار گیرد.

در روشی دیگر [39]، از معیار پیچش زمانی پویا برای پرکردن سری‌های زمانی تک‌متغیره استفاده شده‌است. برای به‌دست‌آوردن مقدار گمشده، بزرگ‌ترین زیردنباله مشابه با زیردنباله قبلی از داده گمشده را می‌یابد؛ سپس داده گمشده را با مشابه‌ترین زیردنباله کامل می‌کند. در این مقاله از الگوریتم پیچش زمانی پویا برای مقایسه زیردنباله‌ها و از الگوریتم استخراج shape-feature برای کاهش محاسبات استفاده شده است. روش موجود، در سری‌های زمانی چندمتغیره قابل اجرا نیست روش پیشنهادی در سری‌های زمانی با همبستگی متقابل[1] بالا، خودهمبستگی، توزیع‌های پیچیده و سری‌های فصلی قوی عمل می‌کند. از محدودیت‌های این الگوریتم فرض اولیه آن است که سری‌های زمانی دارای همبستگی متقابل بالا و دارای داده‌های تکراری باشند. این الگوریتم برای شکاف‌های بزرگ به زمان محاسبه زیاد نیاز دارد.

در [40] یک روش اصلاح الگوی پیش‌بینی مبتنی بر دنباله (PSF[2]) ارائه شده است. در ابتدا الگوریتم PSF برچسب‌گذاری داده‌های سری زمانی را با استفاده از خوشه‌بندی انجام می‌دهد و سپس پیش‌بینی مبتنی بر دنباله انجام می‌شود. در الگوریتم PSF از خوشه‌بندی k-means برای تقسیم‌بندی سری زمانی استفاده شده است. دنباله‌ها با برچسب‌های تولیدشده حاصل از خوشه‌بندی به‌عنوان ورودی به الگوریتم PSF داده می‌شوند. الگوریتم PSF دارای سه مرحله است: انتخاب بهینه پنجره، تطابق الگوی دنباله‌ها و تخمین. الگوریتم imputPSF نیز براساس اصول الگوریتم PSF برای سری‌های زمانی طراحی شده است. این الگوریتم با تجزیه سری‌های زمانی ورودی با مقادیر گمشده در یک ماتریس به‌عنوان یک مرحله مقدماتی، برای تعیین مقدار ویژگی‌های گمشده آغاز می‌شود. یکی از دنباله‌ها به اندازه W برای جستجو انتخاب می‌شود. این دنباله در مجموعه ورودی جستجو می‌شود. اگر این الگوی پنجره در مجموعه‌داده‌های دارای برچسب تکرار شود، مقدار بعدی آن در یک بردار برای مقدار پیش‌بینی‌شدهٔ بعدی استفاده می‌شود. اگر هیچ تکراری برای دنباله پیدا نشود، اندازه پنجره یک واحد کاهش می یابد. این روند تا زمانی که الگوی موجود در یک پنجره انتخاب شده دست‌کم یک‌بار در مجموعه‌داده ورودی پیدا شود، تکرار می‌شود. روش بالا زمانی که داده‌های گمشده در پنجره‌های پشت سر هم رخ می‌دهند، پاسخ‌های مناسبی ارائه می‌دهد. این الگوریتم برای سری‌های زمانی تصادفی‌تر که دارای اختلال[3] هستند و یا گام‌های تصادفی دارند، مناسب نیست و هم‌چنین در مجموعه‌داده‌هایی که دارای داده‌های گمشده به‌طورکامل تصادفی هستند و غیرمتناوب می‌باشند، کاربردی نیست. نویسنده پیشنهاد می‌کند در این شرایط از روش‌های درون‌یابی برای پیداکردن داده‌های گمشده استفاده شود. تعداد محاسبات الگوریتم پیشنهادی در مجموعه‌داده‌های خیلی بزرگ زیاد می‌شود.

روش جایگذاری در [41] مبتنی بر شناسایی و مقایسه شباهت زیردنباله‌های موجود است. به‌منظور مقایسه زیردنباله‌ها یک معیار اندازه‌گیری شباهت جدید با استفاده از درون‌یابی قوانین فازی چندگانه ایجاد شده است. نکته مهم دیگر این رویکرد این است که هر سیگنال ناقص به‌عنوان دو سری زمانی جدا از هم که عبارتند از یک سری زمانی قبل از داده گمشده Q_a و یک سری زمانی بعد از این شکاف Q_b پردازش می‌شود. این دو سری به‌عنوان مرجع برای جستجو در نظر گرفته می‌شوند. مشابه‌ترین زیردنباله‌ها به زیردنباله‌های Q_a و Q_b جستجو و پیدا می‌شوند. برای اندازه‌گیری شباهت زیردنباله‌ها از امتیازات فازی براساس قوانین منطق فازی استفاده شده است. سرانجام داده گمشده با مقدار میانگین زیردنباله‌ها پر می‌شود. رویکرد پیشنهادی در پرکردن سری‌های زمانی با شکاف‌های بزرگ و با وجود عدم همبستگی بین متغیرها دقت مطلوب دارد. این روش در مجموعه‌داده‌های بزرگ پاسخ‌های بهتری را ارائه می‌کند. در این روش از مجموعه‌های فازی ساده استفاده شده است که نیاز است با مجموعه‌های فازی پیچیده هم امتحان شود.

یکی از روش‌های دیگر [42] یک رویکرد ترکیبی است که از روش فازی C-Means با الگوریتم ژنتیک برای تخمین داده‌های گمشده ترافیک استفاده کرده است. با استفاده از شباهت هفتگی بین داده‌ها، ابتدا ساختار داده‌های مبتنی بر بردار به الگوی داده‌ای مبتنی بر ماتریس تبدیل می‌شود؛ سپس از GA[4] برای بهینه‌سازی کارکرد تابع عضویت و انتخاب مرکزها در مدل FCM استفاده شده است. در این روش یک ساختار جدید ماتریس با چند ویژگی ساخته شده است تا بتواند شباهت‌های هفتگی را روزبه‌روز و بهتر تفسیر کند. هر داده گمشده به‌احتمال به بیش از یک مرکز خوشه متعلق است. این رویکرد، نتایج پایدارتری از تخمین داده‌های گمشده نسبت به C-means ساده ایجاد می‌کند.

[1] Cross correlation
[2] Pattern Sequence Forecasting
[3] Noise
[4] Genetic Algorithm

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

(جدول-۱): مقایسه روش‌های پیشین

(Table-1): Comparison of previous methods

شماره مرجع روش	نوآوری روش	سری زمانی	کارآیی	مقیاس‌پذیری	دقت
[27]	استفاده از مدل یادگیری عمیق GRU-D برای پرکردن داده‌های گمشده، حفظ وابستگی‌های زمانی طولانی مدت در ضمن پرکردن داده‌های گمشده، استفاده از الگوهای داده گمشده	چندمتغیره	متوسط	متوسط	خوب
[39]	استفاده از معیار پیچش زمانی پویا برای پیداکردن بزرگترین زیردنباله مشابه، استفاده از الگوریتم استخراج shape-feature برای کاهش محاسبات	تک‌متغیره	متوسط	خوب	ضعیف
[40]	اصلاح الگوریتم PSF برای پرکردن داده‌های گمشده، پیداکردن زیردنباله‌های مشابه و استفاده از خوشه‌بندی K-means برای برچسب‌گذاری دنباله‌ها	تک‌متغیره	ضعیف	متوسط	خوب
[41]	معرفی یک معیار شباهت جدید براساس قوانین فازی، پیداکردن زیردنباله‌های قبل و بعد از داده گمشده	چندمتغیره	متوسط	خوب	ضعیف
[42]	استفاده از ماتریس برای نمایش داده‌های گمشده، تطبیق الگوریتم فازی C-means برای پرکردن داده‌های گمشده، استفاده از الگوریتم ژنتیک برای بهینه‌سازی الگوریتم فازی C-means	تک‌متغیره	متوسط	متوسط	خوب
[43]	تطبیق الگوریتم اتورگرسیو برای تخمین داده‌های گمشده، پیدا کردن ضرایب اتو رگرسیو	چندمتغیره	متوسط	متوسط	خوب
[44]	ترکیب برنامه‌نویسی ژنتیک و درون‌یابی لاگرانژ برای پرکردن داده‌های گمشده، حفظ خصوصیات آماری در ضمن پرکردن داده‌های گمشده	چندمتغیره	متوسط	متوسط	ضعیف
[45]	اصلاح درون‌یابی IDW، استفاده از مجموعه راف برای پیداکردن متغیرهای وابسته، استفاده از کلاس تولرانس برای پیداکردن داده‌های مشابه	چندمتغیره	خوب	متوسط	متوسط

مقاله [43] برای تخمین داده‌های گمشده از یک مدل مبتنی بر اتورگرسیو[1] استفاده می‌کند. این روش در شرایطی که یک نقطه خاص از زمان شامل داده گمشده باشد یا کل نقاط زمانی گمشده باشند، مؤثر است. خروجی پیش‌پردازش داده‌ها به پیش‌بینی‌کننده خطی و درجه دوم داده می‌شود. ضرایب اتورگرسیو براساس داده‌های مشابه داده گمشده تخمین زده و سپس مقدار داده گمشده تخمین زده می‌شود. در این الگوریتم، روش اتورگرسیو برای پیش‌بینی داده‌های گمشده توسعه داده شده است. این روش در شرایطی که یک ستون داده‌های گمشده زیادی داشته باشد، نتایج مطلوبی دارد؛ اما این الگوریتم برای شرایطی که بیش از یک ستون داده گمشده داشته باشد، طراحی نشده و عملکرد مطلوب ندارد.

در مقاله [44] از برنامه‌نویسی ژنتیک[2] و درون‌یابی لاگرانژ[3] برای پرکردن داده‌های گمشده استفاده شده است. روش ابتکاری پیشنهادی یک مدل رگرسیون قابل تفسیر است که ویژگی‌های آماری سری زمانی مانند میانگین، واریانس و خودهمبستگی[4] را بررسی می‌کند. همچنین برای برآورد داده‌های گمشده از ایجاد ارتباط بین سری‌های چندمتغیره استفاده می‌کند. روش پیشنهادی بدون ازبین‌بردن خصوصیات آماری قادر به تخمین داده‌های گمشده است. این روش براساس دو مفهوم اساسی ساخته شده است: ۱)سری‌های زمانی فرایندهای تصادفی هستند که دارای ویژگی‌هایی از جمله میانگین، واریانس و خودهمبستگی هستند که باید در هنگام تخمین داده‌های گمشده، حفظ این خصوصیات اصلی مورد توجه قرار گیرد، ۲)یک الگوریتم برنامه‌نویسی ژنتیک قادر است یک مدل رگرسیون جامع ایجاد کند و امکان درک بهتر از الگوی داده‌های گمشده را فراهم می‌کند و برای استخراج دانش از آن استفاده می‌شود. الگوریتم پیشنهادی از لحاظ دقت عملکرد و حفظ خصوصیات اصلی توزیع داده‌ها عملکرد مطلوبی دارد؛ اما به‌دلیل ویژگی تصادفی، فرایند برنامه‌نویسی ژنتیک، الگوریتم باید بیش از یک‌بار اجرا شود تا نتایج خوبی را تضمین کند. بهتر است این الگوریتم برروی زیردنباله‌هایی از سری زمانی که دارای توزیع یکسان هستند و هر قطعه رفتار متفاوتی ندارند، اجرا شود. این تغییر ممکن است، عملکرد الگوریتم را در سری‌های زمانی غیرایستا افزایش دهد و تابع رگرسیون دقیق‌تری پیدا شود.

در مقاله [45] از روش اصلاح‌شده درون‌یابی IDW برای پرکردن داده‌های گمشده استفاده شده است. در این مقاله از روش مجموعه‌های راف برای پیداکردن متغیرهای وابسته با یکدیگر استفاده شده است و از کلاس تولرانس برای پیداکردن داده‌های مشابه با داده‌های گمشده استفاده

[1] Autoregression
[2] Genetic Programming
[3] Lagrange Interpolation
[4] Autocorrelation

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

شده است، سپس از الگوریتم بهینه‌سازی ذرات برای پیداکردن توان تأثیر هر یک از همسایگان استفاده شده است و درنهایت با پیداکردن نزدیکترین همسایگان و توان تأثیر هر همسایه از درون‌یابی IDW برای پرکردن داده‌های گمشده استفاده شده است. این روش در راستای برطرف‌کردن محدودیت‌های درون‌یابی IDW بوده است و برای داده‌های پزشکی که سری‌های زمانی در فاصله‌های زمانی غیرمنظم اندازه‌گیری شده‌اند، مفید است. با افزایش میزان گمشدگی دقت عملکرد الگوریتم در این روش کاهش پیدا می‌کند.

در جدول (۱) مقایسه‌ای بر روی کارهای ارائه‌شده در این بخش صورت گرفته است. در این جدول نوآوری هر کار به‌صورت خلاصه آورده شده و دستاوردهای هرکدام مورد بررسی قرار گرفته است. ویژگی تک‌متغیره و یا چندمتغیره‌بودن سری‌های زمانی و سه پارامتر کارآیی، مقیاس‌پذیری و دقت در این بررسی مورد توجه قرار گرفته است. کارآیی، بیان‌گر نرخ تعداد مراحل لازم برای اجرای الگوریتم، برحسب طول داده ورودی است. مقیاس‌پذیری، مناسب‌بودن روش برای اجرا بر روی مجموعه‌داده‌های بزرگ را نشان می‌دهد. دقت نیز صحت تخمین داده‌های گمشده را برای هر روش مشخص می‌کند.

۳- مبانی نظری

هدف از این مقاله، پرکردن داده‌های گمشده در سری‌های زمانی چندمتغیره است. در روش پیشنهادی از درون‌یابی IDW برای جایگذاری داده‌های گمشده استفاده شده است. روش IDW محدودیت‌هایی دارد که هدف برطرف‌کردن این محدودیت‌ها در جهت ارتقای الگوریتم و افزایش دقت جایگذاری داده‌های گمشده است. در ادامه، پیش از پرداختن به جزئیات روش پیشنهادی، یک مرور کلی از برخی از مفاهیم پایه‌ای در روش پیشنهادی خواهیم داشت. در بخش ۳-۱ معیار فاصله DTW که در خوشه‌بندی‌های سری زمانی استفاده شده، مورد بررسی قرار می‌گیرد. در بخش ۳-۲ خوشه‌بندی k-means و در بخش ۳-۳ الگوریتم تکاملی جستجوی فاخته و ۳-۴ درون‌یابی معکوس فاصله وزن‌دار (IDW) شرح داده شده است.

۳-۱- معیار فاصله DTW

خوشه‌بندی، عمل یافتن الگوهای پنهان یا گروه‌های مشابه در داده‌ها است. خوشه‌بندی در سری زمانی نیز برای به‌دست‌آوردن بینش نسبت به داده‌ها استفاده می‌شود [46]. همان‌طور که در پژوهش‌ها نشان داده شده است، روش‌های خوشه‌بندی عمومی، مانند k-means، برای داده‌های سری زمانی طراحی نشده و بنابراین ممکن است در سری‌های زمانی عملکرد خوبی نداشته باشند. این به‌طور عمده ناشی از این واقعیت است که بیش‌تر روش‌های خوشه‌بندی عمومی با معیار اندازه‌گیری فاصله اقلیدسی ساخته شده‌اند که به نظر می‌رسد اندازه‌گیری خوبی برای داده‌های سری زمانی نباشد [39]،[47]. معیارهای اندازه‌گیری مختلفی برای تشابه و عدم‌تشابه سری‌های زمانی پیشنهاد شده است. معیار اندازه‌گیری پیچش زمانی پویا (DTW) مناسب‌ترین روش برای اندازه‌گیری فاصله در سری‌های زمانی است که استفاده از آن در خوشه‌بندی باعث بهبود عملکرد خوشه‌بندی در سری‌های زمانی می‌شود [47]. برای تعیین فاصله DTW بین دو سری زمانی به‌ترتیب با طول‌های n و m، ابتدا یک ماتریس هزینه $(n\times m)$ محاسبه می‌شود. عنصر (i,j) در این ماتریس فاصله بین دو نقطه x_i و y_j در دو سری زمانی i و j است. این فاصله به‌طورمعمول به‌عنوان اختلاف درجه دوم تعریف می‌شود: $d(x_i,y_j)=(x_i-y_j)^2$. سپس مسیر پیچش $W=w_1,w_2,...,w_k$ به‌دست می‌آید که هر عنصر W نشان‌دهنده فاصله بین یک نقطه i در سری زمانی Q و نقطه j در سری زمانی C و $\max(m,n)\le k\le m+n-1$ است. مسیر پیچش تحت سه شرط به‌دست می‌آید: شرط مرزی، شرط پیوستگی و شرط مونوتونیک.

شرط مرزی: نقطه شروع و پایان مسیر در گوشه پایین سمت چپ و بالا سمت راست ماتریس است: $w_1=(1,1)$ و $w_k=(n,m)$

شرط پیوستگی: فقط عناصر مجاور همسایگی (از جمله مورب) در ماتریس در مسیر مجاز به انتخاب هستند که شامل عناصر مجاور قطری است. برای دو دنباله T_2 و T_1 فاصله پیچش زمانی پویا در ماتریس از طریق رابطه بازگشتی (۱) به‌دست می‌آید.

$$d(i.j)=D_{i,j}+\min\begin{cases} d(i.j-1)\\ d(i-1.j)\\ d(i-1.j-1)\end{cases} \qquad (۱)$$

$$i=1,\ldots,n \quad j=1,\ldots,m$$

که $D_{i,j}$ فاصله دو نقطه i و j می‌باشد.

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

شرط مونوتونیک: مراحل بعدی در مسیر باید به‌صورت یک‌نواخت در زمان قرار بگیرند. به‌عنوان مثال در گام دوم باید مقادیر غیرکاهشی باشند.

برای اجرای این الگوریتم از روش برنامه‌نویسی پویا برای پیداکردن کمینه مسیر W با توجه به رابطه (۱) استفاده می‌شود؛ سپس فاصله DTW با مجذور حداقل فاصله تجمعی عناصر مسیر مطابق رابطه (۲) به‌دست می‌آید.

$$d_{DTW}(x,y) = \min \sqrt{\sum_{k=1}^{K} w_k} \qquad (۲)$$

که در این رابطه w_k فاصله مربوط به عنصر kام در مسیر W است [51-47].

از این معیار فاصله DTW می‌توان در سایر خوشه‌بندی‌های سری‌های زمانی استفاده کرد.

۳-۲- خوشه‌بندی k-means

روش‌های خوشه‌بندی، داده‌ها را به گروه‌هایی تقسیم می‌کنند که بیشترین شباهت را به همدیگر داخل گروه و بیشترین تفاوت را با داده‌های گروه‌های دیگر داشته باشند. خوشه‌بندی k-means که یکی از روش‌های خوشه‌بندی است، نمونه‌های n را به k خوشه (k پارامتر ورودی) گروه‌بندی می‌کند؛ به‌طوری که شباهت درون‌خوشه‌ای بالا، اما شباهت بین خوشه‌ای کم باشد. شباهت خوشه‌ها با توجه به میانگین نمونه‌های داخل خوشه سنجیده می‌شود. خوشه‌بندی k-means شامل مراحل زیر است [52]،[53]:

مجموعه $X = \{x_1, x_2, x_3, \ldots x_n\}$، مجموعه n نمونه داده است.

۱) به‌طور تصادفی k مرکز خوشه از داده‌ها انتخاب می‌شود مانند $\{v_1, v_2, v_3, \ldots v_k\}$.

۲) فاصله هر یک از نمونه‌ها با مرکز خوشه‌ها محاسبه می‌شود.

۳) هر یک از نمونه‌ها به یکی از مراکز خوشه‌ها نزدیک تر هستند و کمترین فاصله را دارند. نمونه داده در گروه آن خوشه قرار می‌گیرد.

۴) دوباره مرکز خوشه‌های جدید v_i، $1 \le i \le k$ محاسبه می‌شود.

برای iامین خوشه داریم:

$$v_i = \frac{1}{c_i} \sum_{j=1}^{c_i} x_j \qquad (۳)$$

که c_i نشان‌دهنده تعداد نقاط نمونه iامین خوشه و x_j نقطه داده‌ها در iامین خوشه $1 \le j \le c_i$ است.

۵) فاصله بین هر نمونه و مراکز خوشه‌ای به‌دست‌آمده دوباره محاسبه می‌شود.

۶) درصورتی‌که هیچ نمونه‌ای تغییر خوشه نداشته باشد، الگوریتم متوقف، در غیر این صورت از مرحله سوم تکرار می‌شود.

۳-۳- الگوریتم جستجوی فاخته (Cuckoo search)

الگوریتم بهینه‌سازی فاخته یکی از قوی‌ترین روش‌های بهینه‌سازی تکاملی است. در این مقاله از این الگوریتم برای پیداکردن ضریب اهمیت هر یک از نقاط استفاده می‌شود. این الگوریتم دارای سرعت و دقت بالا است و هم‌گرایی سریعی دارد؛ هم‌چنین توانایی جستجوی محلی در کنار جستجوی کلی دارد. احتمال گیرافتادن در نقاط بهینه محلی کمتر است. حرکت کلی جمعیت به سمت نقاط بهتر با نابودشدن جواب‌های نامناسب اتفاق می‌افتد. الگوریتم فاخته با الهام از روش زندگی پرنده‌ای به نام فاخته است که در سال ۲۰۰۹ توسط شین او یانگ و دب ساوش توسعه یافته است [54]. الگوریتم فاخته بعدها در سال ۲۰۱۱ توسط رامین رجبیون با جزئیات بیشتر مورد بررسی قرار گرفت که از این نسخه در این مقاله استفاده شده است. مانند سایر الگوریتم‌های تکاملی، این الگوریتم نیز با جمعیتی از فاخته‌ها کار خود را شروع می‌کند. فاخته‌ها تعدادی تخم در لانه بعضی پرندگان میزبان می‌گذارند. بعضی از این تخم‌ها که شباهت بیشتری به تخم‌های پرنده میزبان دارند، برای رشد و پرنده بالغ‌شدن، فرصت بیشتری دارند. سایر تخم‌ها توسط پرندگان میزبان شناسایی و از بین می‌روند. تخم‌های رشدیافته در یک منطقه، شایستگی لانه‌ها را در آنجا نشان می‌دهند. پس از چند تکرار تمام جمعیت فاخته‌ها به یک نقطه بهینه با بیشینه شباهت تخم‌ها به تخم‌های پرندگان میزبان و همچنین به محل بیشترین منابع غذایی می‌رسد. این محل بیشترین سود کلی را خواهد داشت و در آن کمترین تعداد تخم‌ها از بین خواهند رفت.

فاخته‌ها در جستجوی یافتن مناسب‌ترین منطقه برای تخم‌گذاری، به‌منظور افزایش نرخ بقای تخم‌هایشان هستند. بعد از اینکه تخم‌های باقی‌مانده رشد کردند و تبدیل به یک پرنده بالغ شدند، اجتماعاتی را تشکیل می‌دهند. هر گروه محدوده سکونت مختص خودش را برای زندگی دارد و بهترین منطقه سکونت تمام گروه‌ها

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

مقصد بعدی فاخته‌ها در سایر گروه‌ها خواهد بود؛ بنابراین آن‌ها به سمت بهترین زیستگاه، مهاجرت خواهند کرد. آن‌ها در جایی نزدیک به بهترین زیستگاه، ساکن خواهند شد. با توجه به تعداد تخم‌هایی که هر فاخته دارد و نیز فاصله فاخته تا نقطه هدف (بهترین زیستگاه)، تعدادی شعاع تخم‌گذاری نسبت به آن مشخص می‌شود؛ سپس پرنده شروع به تخم‌گذاری تصادفی در لانه‌های درون شعاع تخم‌گذاری خود می‌کند. این فرآیند تا زمانی که بهترین موقعیت با ارزش سود بیشینه کسب شود ادامه می‌یابد و بیشتر جمعیت فاخته‌ها اطراف بهترین موقعیت جمع می‌شوند.

خوشه‌بندی در الگوریتم جستجوی فاخته کمک می‌کند تا محیط را به‌سرعت به چندین بخش تقسیم کرده و بهترین ناحیه را به‌صورت تخمینی مشخص کند. این ناحیه به احتمال زیاد شامل نقطه بهینه کلی است؛ سپس تمام فاخته‌ها به سمت این ناحیه مهاجرت و داخل آن ناحیه را به‌صورت بهتری جستجو می‌کنند. این امر موجب هم‌گرایی بسیار سریع‌تر الگوریتم فاخته می‌شود [54].

در این مقاله هر چقدر تعداد فاخته‌ها در یک لانه بیشتر باشد، یعنی شباهت بیشتری با تخم داخل لانه داشته است و در نتیجه این لانه توان اهمیت بیشتری دارد. این لانه‌ها همان نزدیکترین همسایگی به داده گمشده هستند. با استفاده از الگوریتم فاخته می‌توان توان بهینه اهمیت همسایگان داده گمشده را پیدا کرد.

۴-۳- درون‌یابی معکوس فاصله وزن‌دار (IDW)

روش درون‌یابی IDW یا همان معکوس فاصله وزن‌دار یکی از روش‌های معمول و پرکاربرد درون‌یابی است. هدف اصلی در درون‌یابی، مشخص‌کردن اندازه یک پارامتر گمشده در مناطقی است که در آن‌ها نمونه‌برداری انجام نشده و یا داده گمشده است. درون‌یابی فاصله معکوس وزن‌دار (IDW) یک تخمین ریاضیاتی (قطعی) است و فرض می‌کند که مقادیر نزدیک‌تر نسبت به مقادیر دورتر با عملکرد داده‌مان مرتبط‌تر هستند. درصورتی‌که اطلاعات متراکم و در فاصله‌های زمانی مساوی باشند، IDW بهتر عمل می‌کند [28].

یکی از پیش‌فرض‌های استفاده از IDW وجود خودهمبستگی فضایی بین داده‌ها است و دنبال پیداکردن الگوهای تکراری در داده‌های سری زمانی است. از خودهمبستگی فضایی در آمار و تحلیل سری‌های زمانی استفاده می‌شود. خودهمبستگی فضایی به معنی همبستگی بین مشاهدات به عنوان تابعی از زمان است. خودهمبستگی فضایی برای به‌دست‌آوردن درجه شباهت یک شیء به اشیای نزدیک به خود است. یکی از دلایل اصلی این که چرا خودهمبستگی سری زمانی اهمیت دارد، این است که در آمار به مشاهدات مستقل از یکدیگر می‌پردازد. اگر خودهمبستگی در یک مجموعه‌داده وجود داشته باشد، مشاهدات مستقل از یکدیگر را نقض می‌کند. یکی دیگر از کاربردهای آن تجزیه و تحلیل خوشه‌ها و پراکندگی در داده‌های محیط زیست و بیماری است.

درون‌یابی فقط از تعداد نقاط شناخته‌شده در شعاع جستجوی خود استفاده می‌کند. به‌طورمعمول از این نقاط یک میانگین وزن‌دار گرفته می‌شود و نتیجه برای نقطه مجهول ثبت می‌شود. در اینجا وزنی که هر نقطه معلوم با آن در میانگین مشارکت می‌کند، اهمیت پیدا می‌کند. در روش درون‌یابیIDW فرض براین است که تأثیر هر پدیده متناسب با توانی از معکوس فاصله آن است؛ بنابراین تأثیر پدیدهٔ مورد نظر با افزایش فاصله، کاهش می‌یابد.

براساس این روش، ارتباط با نقاط گمشده، با افزایش فاصله کاهش می‌یابد. به‌عنوان مثال، ما سه نقطه داریم که مختصاتشان را می‌دانیم. با توجه به این روش درون‌یابی می‌توانیم به این نتیجه برسیم که نقطهٔ مجهولی که مختصاتش را نمی‌دانیم، بیشترین شباهت را به نزدیکترین نقطه دارد؛ بنابراین برای تخمین نقاط مجهول، نمونه‌های اطراف باید مشارکت بیشتری نسبت به آن‌ها که دورترند، داشته باشند.

زمانی که نزدیک‌ترین نقاط مشخص شدند، حالا باید توان‌ها را در IDW یاد بگیریم. نقاط درون‌یابی‌شده براساس فاصله آن‌ها از مقدار نقاط شناخته شده برآورد می‌شوند. نقاطی که به مقادیر شناخته شده نزدیکتر هستند نسبت به نقاطی که دورتر هستند بیشتر باید تأثیر بگذارند. در درون‌یابی IDW با استفاده از رابطه (۴) می‌توان با استفاده از همسایگی‌ها و میزان اهمیتشان نقاط گمشده را تخمین زد [33].

$$z_p = \frac{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{z_i}{(d_i)^{p_i}}\right)}{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{1}{(d_i)^{p_i}}\right)} \qquad (۴)$$

در این رابطه z_p ویژگی داده گمشده، $i = 1, \ldots, N$ همسایگان معلوم داده گمشده، z_i ویژگی نظیر داده گمشده در همسایگان، d_i فاصله اقلیدسی همسایه iام از داده گمشده و p_i توان تأثیر همسایه iام داده گمشده است.

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

۴- روش پیشنهادی

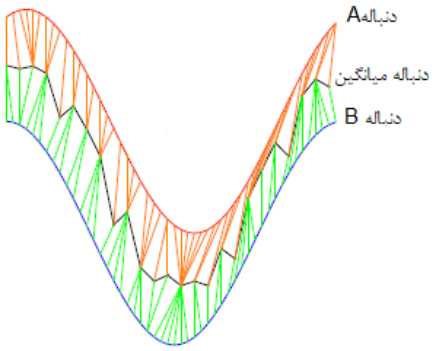
روش پیشنهادی چندین مرحله اصلی دارد. در این روش نسخه‌ای بهبودیافته از درون‌یابی IDW برای تخمین داده های گمشده پیشنهاد شده است. در روش درون‌یابی IDW فرض اصلی این است که میزان همبستگی و تشابه بین همسایه‌ها با فاصله بین آن‌ها متناسب است. IDW دو محدودیت اصلی دارد: ۱) در این روش درون‌یابی، باید از روشی مناسب برای انتخاب بهترین نقاط نزدیک‌تر به دادهٔ گمشده استفاده شود، ۲) انتخاب توان تأثیر برای همسایگان داده گمشده نیز باید بهینه باشد. مجموعه‌داده‌های ورودی، سری‌های زمانی چندمتغیره هستند. این روش درون‌یابی مناسب برای سری‌های زمانی ای هست که علاوه بر زمان به ویژگی‌های دیگر نیز وابسته و چندمتغیره هستند.

در روش‌های ابتدایی از یک شعاع جستجوی ثابت با فاصله مشخص و یا کمینه تعداد نقاط مورد نیاز برای ورودی درون‌یابی IDW استفاده شده است. اما در روش پیشنهادی، برای رفع محدودیت نخست، برای پیداکردن نزدیکترین نقاط، از خوشه‌بندی داده‌های سری زمانی استفاده شده است. به کمک خوشه‌بندی، شعاع جستجو و تعداد نقاط ورودی که قرار است از آن‌ها در محاسبات مربوط به درون‌یابی استفاده شود، محدود و کنترل می‌شوند و می‌توان تعیین کرد که کدام نقاط برای تعیین ارزش یک داده گمشده به‌کار گرفته شود. خوشه‌بندی سری‌های زمانی یک مسأله چالش برانگیز است. در وهله نخست سری‌های زمانی اغلب بسیار بزرگ هستند. دومین چالش این است که سری‌های زمانی اغلب با ابعاد بالا هستند و در نهایت معیار شباهت که برای ایجاد خوشه‌ها استفاده می‌شود، مورد اهمیت است. از طرفی دیگر روش‌های عمومی خوشه‌بندی برای داده‌های سری‌های زمانی طراحی نشده‌اند و ممکن است عملکرد خوبی نداشته باشند. این امر هم اغلب از این واقعیت ناشی می‌شود که بیشتر روش‌های خوشه‌بندی عمومی از فاصله اقلیدسی استفاده می‌کنند که روش اندازه‌گیری خوبی برای داده‌های سری زمانی نیست. وجود این ویژگی‌ها نشان می‌دهد که از روش‌های موجود در خوشه‌بندی نمی‌توان به‌سادگی در دسته‌بندی سری‌های زمانی استفاده کرد. در روش پیشنهادی از روش خوشه‌بندی k-means برای پیداکردن داده‌های مشابه استفاده شده است. با پژوهش‌ها و بررسی‌های انجام شده خوشه‌بندی k-means دقت بالاتری نسبت به سایر روش‌های خوشه‌بندی در سری‌های زمانی چندمتغیره داشته است [31]،[32].

معیارهای اندازه‌گیری شباهت Lock-step برای داده‌های سری زمانی مناسب نیستند. دلیل آن نیز محدودیت این معیارها در مدیریت اختلال، تأخیرهای زمانی و پرش‌های زمانی است. از طرفی سری‌های زمانی ممکن است در سرعت و زمان متفاوت باشند. با استفاده از تابع فاصله DTW می‌توان سری‌های زمانی را که ساختارهای مشابه دارند ولی در دوره‌های زمانی متفاوت هستند، مشابه قلمداد کرد. با استفاده از تابع DTW ماتریس فاصله بین مرکز خوشه‌ها و داده‌ها محاسبه می‌شود. مسأله بعدی در خوشه‌بندی سری‌های زمانی، خوشه‌بندی براساس نقطه داده‌ها، کل سری زمانی و یا زیر دنباله‌ای از داده‌ها است. سری‌های زمانی به‌طور طبیعی دارای اختلال و داده‌های پرت و تغییر مکان (شیفت) هستند و از طرفی طول سری‌های زمانی متفاوت است و کارکردن با سری‌های زمانی با طول زیاد فرایندی پیچیده است. برای اینکه بهبود در دقت عملکرد خوشه‌بندی و افزایش سرعت حاصل شود، به‌دنبال پیداکردن زیردنباله‌های مشابه از طریق DTW هستیم. مجموعه‌ای از زیردنباله‌ها از سری زمانی با استفاده از sliding window استخراج می‌شوند. برای تعیین بهترین تعداد خوشه از تحلیل حساسیت بر روی خطای RMSE استفاده شده است. به‌عنوان مثال مطابق شکل (۲) با توجه به نتیجه تحلیل حساسیت در درصد گمشدگی ۳۰٪ بر روی مجموعه‌داده Energy، بهترین تعداد خوشه هشت است. برخلاف حالت معمول که چندین نقطه داده به‌عنوان مرکز خوشه انتخاب می‌شوند در اینجا چندین زیردنباله از سری‌های زمانی به‌عنوان مراکز خوشه انتخاب می‌شوند. بعد از انتخاب مراکز اولیه، نزدیک‌ترین زیردنباله‌ها به مراکز اولیه یافته می‌شوند. در مرحله بعدی برای پیداکردن مراکز جدید خوشه‌ها نمی‌توان از میانگین‌گیری معمول استفاده کرد؛ زیرا به‌دنبال پیداکردن دنباله‌هایی هستیم که ساختار مشابه دارند و ممکن است زیردنباله‌ها در سرعت و زمان متفاوت باشند. در هنگام استفاده از معیار DTW نقاط اتصالی بین دو دنباله در یک نمودار مشابه شکل (۱) ایجاد می‌شوند [55]. برای پیداکردن دنباله مرکز خوشه جدید از میانگین مؤلفه‌های متصل به هم استفاده می‌شود. استفاده از این روش باعث می‌شود ساختار زیردنباله‌ها حفظ شود و دقت بالاتری در میانگین‌گیری زیردنباله‌ها داشته باشیم. این عملیات تکرار می‌شوند تا زمانی که هیچ دنباله‌ای از داده‌ها جابه‌جا نشوند. در نهایت بررسی می‌شود که دنباله داده گمشده به کدام خوشه متعلق می‌باشد. بنابراین نزدیکترین همسایگان نسبت به داده گمشده که بیشترین شباهت الگویی را دارند، پیدا می‌شوند.

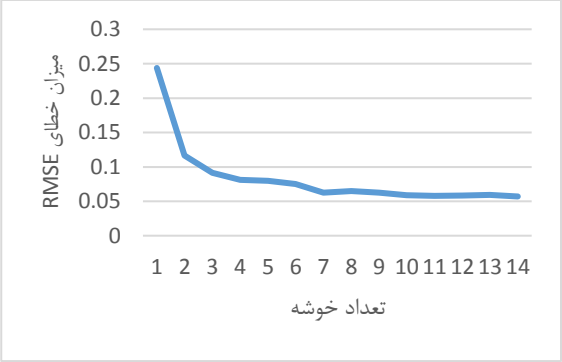
[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]



(شکل-۱): میانگین‌گیری دو زیر دنباله سری زمانی [55]

(Figure-1): The averaging two subsequence time series [55]



(شکل-۲): تحلیل حساسیت تعداد خوشه بر روی مجموعه‌داده Energy در درصد گمشده‌گی ۳۰٪

(Figure-2): Sensitivity analysis of the number of clusters on the Energy data set at a missing rate of 30%

برای رفع محدودیت دوم، از الگوریتم تکاملی جستجوی فاخته برای پیداکردن توان تأثیر استفاده می‌شود. با توجه به اینکه هر کدام از نمونه‌های داخل هر خوشه تأثیر متفاوتی در برآورد داده گمشده دارند از جستجوی فاخته برای پیداکردن توان تأثیر بر روی داده گمشده استفاده می‌شود. الگوریتم جستجوی فاخته بر روی داده‌های هر خوشه اعمال می‌شود و هر نمونه داده که شباهت بیشتر را با داده گمشده داشت توان تأثیر بیشتر و هر نمونه داده که شباهت کمتر داشت توان تأثیر کم‌تر می‌گیرد و تأثیر کمتر در تعیین مقدار داده گمشده می‌گذارد. در الگوریتم فاخته تخم‌هایی که شباهت بیشتری به تخم‌های پرنده میزبان دارند، شانس بیشتری برای رشد و تبدیل‌شدن به فاخته بالغ خواهند داشت. سایر تخم‌ها توسط پرنده میزبان شناسایی شده و از بین می‌روند؛ بنابراین موقعیتی که در آن بیشترین تعداد تخم ها نجات یابند پارامترهایی خواهد بود که الگوریتم جستجوی فاخته قصد بهینه‌سازی آن را دارد. تخم‌گذاری در منطقه با بیشترین سود ادامه می‌یابد. این رویه تا رسیدن به بهترین محل با بیشترین تعداد فاخته‌ها ادامه می‌یابد. از همین ویژگی الگوریتم فاخته برای پیداکردن توان تأثیر هر یک از داده‌ها بر روی داده گمشده استفاده شده است. ابتدا متغیرهای مسأله به فرم یک آرایه شکل $habitat = [x_1.x_2 \dots x_{N_{var}}]$ می‌گیرند و از یک آرایه برای ذخیره موقعیت فعلی زندگی فاخته‌ها استفاده می‌شود. تعداد پارامترهایی که لازم است بهینه شوند نیز به‌صورت یک آرایه است که برابر تعداد داده‌های داخل خوشه است. این پارامترها همان توان تأثیر هر یک از داده‌ها هستند و مقداری بین صفر و یک دارند. میزان مناسب بودن یا مقدار سود با ارزیابی تابع سود maxprofit به‌دست می‌آید که میزان شباهت به داده گمشده را نشان می‌دهد. برخلاف ساختار عمومی جستجوی فاخته، این مقاله به‌دنبال بیشینه‌سازی سود است؛ بنابراین یک منفی در کنار maxprofit درنظر گرفته می‌شود. برای شروع الگوریتم بهینه‌سازی یک ماتریس habitat به ابعاد $N_{population} \times N_{variable}$ تولید می‌شود و به هر کدام از این habitatها تعدادی تصادفی تخم تخصیص داده می‌شود. جمعیت اولیه داده‌ها به‌صورت تصادفی بین صفر و یک تولید می‌شود. در هر دوره تخم‌گذاری تعداد تصادفی دو تا سه بردار ریاضی (فاخته) تولید می‌شود. حرکت فاخته‌ها به‌صورت دایره‌ای و در یک دامنه خاص قادر به تخم‌گذاری است. بعد از هر تخم‌گذاری ۱۰٪ از فاخته‌ها که مقدار تابع سود آن‌ها کمتر است، نابود می‌شوند. فاخته‌هایی که شباهت بیشتری به محل زندگی خود دارند به habitatهای بهتر مطابق رابطه (۵) مهاجرت می‌کنند.

$$ELR = \alpha \times \frac{N}{T} \times (Var_{hi} - Var_{low}) \qquad (۵)$$

در رابطه (۵) آلفا متغیری است که بیشینه مقدار ELR[1] با آن تنظیم می‌شود. N تعداد تخم‌های فعلی فاخته، T تعداد کل تخم‌ها و دو متغیر Var_{hi} و Var_{low} حد بالا و پایین متغیرهای مسأله هستند. هر فاخته فقط ۲٪ از کل مسیر را به سمت هدف ایده‌آل فعلی طی می‌کند و یک انحراف $(-\frac{\pi}{6}.\frac{\pi}{6})$ نیز دارد. این دو پارامتر به فاخته‌ها کمک می‌کند تا محیط بیشتری را جستجو کنند. از خوشه‌بندی k-means در الگوریتم جستجوی فاخته استفاده شده است. این خوشه‌بندی کمک می‌کند تا محیط را به‌سرعت به چندین بخش تقسیم کرده و بهترین ناحیه را به‌صورت تخمینی مشخص کنند. این ناحیه به‌احتمال زیاد شامل نقطه بهینه کلی است. پس از چند تکرار تمام جمعیت فاخته‌ها به یک نقطه بهینه با بیشینه شباهت تخم‌ها به محل میزبان می‌رسند. در واقع محل بهینه جایی است که بیشتر فاخته‌ها در آن گرد می‌آیند و

[1] Egg Laying Area

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

جایی است که بیشترین شباهت را با داده گمشده دارد. زمانی که بردار ریاضی تمام فاخته‌ها که تولید می‌کنند مشابه هم شدند و یا اینکه انحراف معیار داده‌ها از ۰,۰۰۰۰۰۱ کمتر شد، الگوریتم متوقف می‌شود. بدین ترتیب مقادیر توان تأثیر بهینه هر یک از داده‌ها نسبت به داده گمشده مشخص می‌شود. مقداردهی اولیه متغیرهای الگوریتم جستجوی فاخته در جدول (۲) نشان داده شده است.

(جدول-۲): مقداردهی اولیه متغیرهای الگوریتم جستجوی فاخته

(Table-2): initialization of cuckoo search algorithm variables

نام متغیر	مقدار متغیر
بیشینه تعداد فاخته‌های زنده	۳۰
تعداد اولیه فاخته‌ها	۱۰
بیشینه تخم‌گذاری هر فاخته	۳
کمینه تخم‌گذاری هر فاخته	۲
ضریب α	۱
درصد حرکت در کل مسیر	۲
زاویه انحراف	$(-\frac{\pi}{6}.\frac{\pi}{6})$
درصد نابودی فاخته‌های نامناسب	۱۰
تعداد دسته‌های خوشه‌بندی k-means	۲
حداکثر تعداد تکرار	۴

درنهایت در مرحله آخر از درون‌یابی IDW برای تخمین داده‌های گمشده استفاده شده است. با استفاده از رابطه (۴) و نزدیکترین همسایگان داده گمشده و توان تأثیر هر یک از همسایگان، مقدار نقاط گمشده برآورد می‌شود.

روند اجرای الگوریتم روش پیشنهادی مطابق شبه کد الگوریتم (۱ تا ۵) است.

(الگوریتم-۱): شبه کد خوشه‌بندی k-means در سری زمانی

Input: X (time series set), K (number of cluster)
Output: Clusters $C = \{C_1. C_2 \dots C_k \dots C_K\}$
Generate the subsequence by sliding window
While termination is not satisfied **do**
foreach subsequence x_p **do**
Calculate the distance of x_p to each cluster by DTW distance
Assign x_p to the closest centroid
end
Update centroids by averaging subsequence by DTW within each cluster
end

(الگوریتم-۲): شبه کد معیار اندازه‌گیری فاصله DTW

Input: vectors $v_1 = (a_1 \dots . a_n)$, $v_2 = (b_1 \dots . b_m)$ are the time series with n and m time points
Output: $DTW\ [n.m]$
$DTW\ [0.0] = 0$ //Let a two dimensional data matrix DTW be the store of similarity measures such that $DTW\ [0 \dots n.0 \dots . m]$, and i, j, are loop index, cost is an integer. // initialize the data matrix
for $i = 1$ to m **do loop**
$DTW[0.i] = \infty$
end
for i=1 to n **do loop**
$DTW[i.0] = \infty$
end
//Using pairwise method, incrementally fill in the time similarity matrix with the difference of the two series
for $i = 1$ to n **do loop**
for $j = 1$ to m **do loop**
cost= $d(v_1[i], v_2[i])$
$DTW\ [i.j]$ =cost + $MIN\ (DTW\ [i-1.j]$,
$DTW\ [i.j-1]$,
$DTW\ [i-1.j-1])$
end
end
Return $DTW\ [n.m]$

(الگوریتم-۳): شبه کد میانگین سری‌های زمانی با استفاده از معیار اندازه‌گیری DTW

Input: $a = a_1. a_2 \dots . a_n$. the first time series with length n
$x_1 = x_{11}. x_{12} \dots . x_{1m_1}$. the first time series with length m_1
$x_2 = x_{21}. x_{22} \dots . x_{2m_2}$. the first time series with length m_2
.
.
.
$x_N = x_{N1}. x_{N1} \dots . x_{Nm_N}$. the first time series with length m_N
output: $y = y_1. y_2 \dots . y_n$, average of time series $x_1. x_2 \dots . x_N$;
DTWavg(a, $x_1. x_2 \dots x_N$):
Let $T = [\varphi. \varphi \dots . \varphi]$, an empty vector with n element;
for $k = 1.2 \dots . N$ do
$i = n$
$j = m_k$
while $i \geq 1$ and $j \geq 1$ do
$T_i = T_i \cup x_{kj}$
$(i.j) \leftarrow path_{i.j}$
end
end
for $i = 1.2 \dots . n$ do
y_i= average of elements located in T_i
end

(الگوریتم-۴): شبه کد الگوریتم تکاملی جستجوی فاخته

Input: Define fitness function F(x), $x = [x_1. x_2 \dots . x_d]^T$
Generate initial habitats with some random points the profit function x_i $(i = 1.2.3 \dots . n)$
Generate random keys for each x_i
While (n<Maximum Generation) or (stop criterion)
Get a cuckoo(say, x_i) randomly
Define ELR for each cuckoo
Let cuckoo to lay eggs inside their corresponding ELR
Generate a new solution x'_i

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

Evaluate the habitat of each newly grown cuckoo
If $F(x_i) > F(x_j)$
Replace x_j by the new solution x_i
end
Cluster cuckoo and find best group and select goal habitat
From the available m host nest, poor quality nests (p_a) are left
Keep the best solution (or nest)
Arrange solutions according to their fitness value and select the solution with highest fitness value
end while
Post processing of the generated results
end

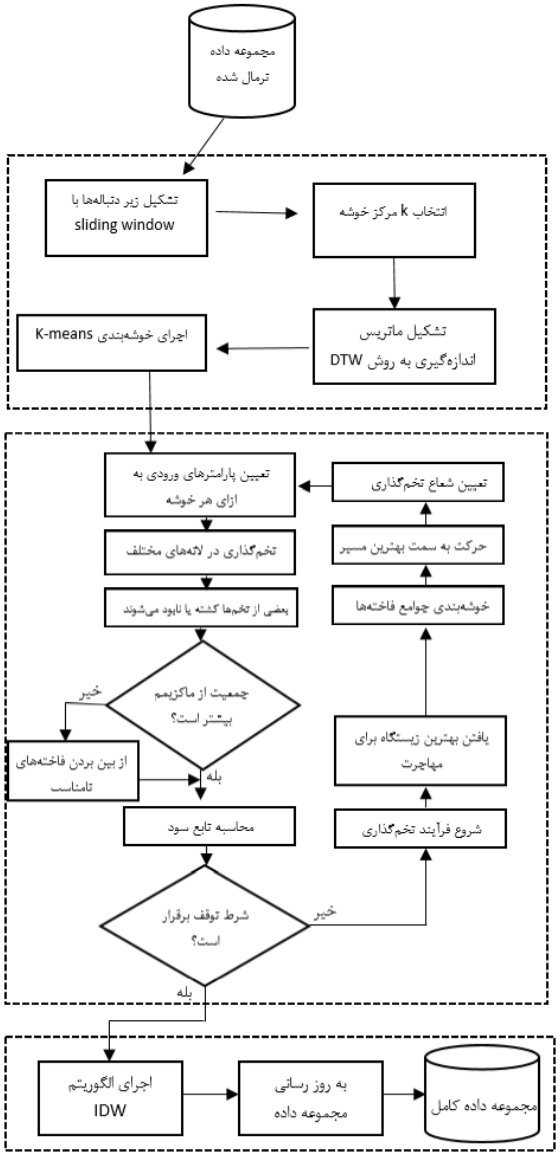
(الگوریتم-۵): شبه کد درون‌یابی IDW در سری‌های زمانی

Input: Clusters $= \{C_1. C_2 \dots C_k \dots C_K\}$, keys for each x_i , The missing data is displayed with Z, z_p is a missing attribute
Output: complete data set
foreach missing value M in dataset
Evaluate Eq 4
Replace Update the z_p value in Z
end
end

در شکل (۳) نمودار فرایند روش پیشنهادی نشان داده شده است. همان‌طور که در روندنما نشان داده شده، روی مجموعه‌داده سری زمانی چندمتغیره، الگوریتم خوشه بندی k-means اجرا؛ سپس بررسی می‌شود که هر داده گمشده به کدام خوشه تعلق دارد. داده‌های آن خوشه نزدیکترین همسایگان داده گمشده هستند؛ سپس بر روی داده‌های آن خوشه، الگوریتم جستجوی فاخته را نسبت به داده گمشده اجرا کرده و توان تأثیر بهینه را که میزان اهمیت هر داده نسبت به داده گمشده را نشان می‌دهد به‌دست می‌آوریم؛ سپس با توجه به نزدیک‌ترین همسایگان به‌دست‌آمده برای داده گمشده و توان تأثیر، از درون‌یابی IDW برای تخمین داده گمشده استفاده می‌شود.

۱-۴- پیچیدگی زمانی روش پیشنهادی

در روش پیشنهادی از الگوریتم k-means برای خوشه‌بندی سری‌های زمانی استفاده شده است. از معیار فاصله DTW نیز برای پیداکردن فاصله بین زیردنباله‌ها در خوشه‌بندی k-means استفاده شده است. برای به‌دست‌آوردن مقدار DTW نیاز است ماتریس فاصله‌ها تشکیل شود تا مسیر کمینه فاصله بین دو زیردنباله به‌طول n و m به‌دست آورده شود. براساس برنامه‌نویسی پویا این الگوریتم با $O(n \times m)$ به‌دست می‌آید. با توجه به اینکه زیردنباله‌ها دارای طول یکسان هستند، بنابراین الگوریتم DTW با پیچیدگی زمانی $O(n^2)$ اجرا می‌شود. این پیچیدگی زمانی درجه دوم است. در DTW چون دو سری زمانی با یکدیگر مقایسه می‌شوند و نیاز به تشکیل ماتریس فاصله‌ها است یک فرایند زمان‌بر است. مرتبه زمانی الگوریتم k-means با توجه به معیار فاصله DTW مرتبه زمانی $O(n^2ikm)$ است که در آن i تعداد تکرارها، k تعداد خوشه‌ها و m تعداد زیر دنباله‌ها است.



(شکل-۳): نمودار فعالیت روش پیشنهادی
(Figure-3): Flowchart of the proposed method

در بخش بعدی روش پیشنهادی، از الگوریتم جستجوی فاخته استفاده شده است. مرحله نخست ایجاد تعداد اولیه لانه‌های میزبان است. پیچیدگی این بخش $O(h \times z)$ است که h تعداد فاخته است که هر کدام راه‌حل به اندازه z را نگهداری می‌کنند. در مرحله تخم‌گذاری p تعداد از خانه‌ها که دارای سود بیشتر هستند انتخاب می‌شوند و به‌ازای هر یک، h تعداد فاخته با

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

راه‌حل‌هایی به اندازه n ایجاد می‌شود که پیچیدگی این بخش $O(h \times z \times p)$ است. راه‌حل‌ها رتبه‌بندی می‌شوند و بهترین راه‌حل فعلی پیدا می‌شود. این کار مستلزم مرتب‌سازی است. این مرتب‌سازی وابسته به تعداد راه‌حل‌ها است. اگر s راه حل داشته باشیم آن را می‌توان با پیچیدگی زمانی $O(slogs)$ انجام داد. در مرحله بعد خوشه‌بندی k-means بر روی فاخته‌ها انجام می‌شود تا محیط به چندین بخش تقسیم شود. مرتبه زمانی اجرای الگوریتم k-means از مرتبه $O(i'k'm')$ است که در آن i' تعداد تکرارها، k' تعداد خوشه‌ها و m' تعداد نقاط است. الگوریتم فاخته g بار تکرار می‌شود؛ بنابراین پیچیدگی زمانی الگوریتم جستجوی فاخته از مرتبه $O(g(phz + slogs + i'k'm'))$ است.

الگوریتم درون‌یابی IDW به‌ازای D داده گمشده اجرا می‌شود؛ بنابراین از مرتبه زمانی $O(D)$ برخوردار است.

بدین ترتیب پیچیدگی زمانی الگوریتم پیشنهادی از مرتبه زمانی $O(D + n^2ikm + g(phz + slogs + i'k'm'))$ می‌باشد.

۵- طراحی آزمایش‌ها

در این بخش جزئیات آزمایش‌های تجربی نشان داده شده است که شامل معرفی مجموعه‌داده‌های مورد استفاده، معیارهایی که در مقایسه‌ها استفاده شده‌اند و نتیجه آزمایش‌ها است. کدهای روش پیشنهادی در متلب اجرا شده است.

۵-۱- مجموعه‌داده‌ها و پیش‌پردازش داده‌ها

آزمایش‌ها بر روی چهار مجموعه‌داده واقعی از مخزن یادگیری ماشین UCI انجام شد [56]. این مجموعه‌داده‌ها شامل مجموعه‌داده‌های مصرف برق، انرژی خورشیدی، سهام و ترافیک هستند. این مجموعه‌داده‌ها سری‌های زمانی چندمتغیره هستند. این مجموعه‌داده‌ها در تعداد داده‌ها و ویژگی‌ها متفاوت هستند و سعی شده است مجموعه‌داده‌هایی با حجم، تعداد ویژگی و یا کاربرد متفاوت برای انجام آزمایش‌ها انتخاب شوند.

شرحی مختصر از هر مجموعه‌داده در جدول (۳) ارائه شده است. هیچ کدام از این مجموعه‌داده‌ها مقادیر گمشده ندارند. مجموعه‌داده‌های کاملی هستند که برای مقایسه نتایج مناسب هستند. برای اینکه مقایسه نتایج بر روی مجموعه‌داده‌های مختلف معنی‌دار باشد، مقادیر هر ویژگی از این مجموعه‌داده‌ها نرمال‌سازی شده‌اند [56]. مقیاس هر کدام از ویژگی‌ها در محدوده [0,1] قرار می‌گیرد. به این منظور، برای هر ورودی یک مجموعه‌داده، به‌عنوان مثال x_i^j برای تبدیل مقیاس از رابطه (۶) استفاده می‌شود.

$$(normalized)x_i^j = \frac{x_i^j - x^{j,\min}}{x^{j,\max} - x^{j,\min}} \qquad (۶)$$

برای نرمال‌کردن یک عنصر آن عنصر را منهای مینیمم ($x^{j,\min}$) کرده و بر دامنه تغییرات ($x^{j,\max} - x^{j,\min}$) تقسیم می‌نماییم. با این کار داده هایی که در محدوده‌های متفاوتی قرار دارند در یک دامنه مشابه قرار می‌گیرند تا اهمیت داده‌ها به واحد اندازه‌گیری‌شان بستگی نداشته باشد و در تحلیل نتایج اثر نامطلوبی ایجاد نکند.

(جدول-۳): مجموعه‌داده‌های استفاده شده در آزمایش‌ها
(Table-3): The dataset used in the experiments

مجموعه‌داده	تعداد نمونه‌ها	تعداد ویژگی
Electricity	۱۴۰۲۵۶	۳۷۰
Energy	۱۹۷۳۵	۲۹
Exchange	۵۳۶	۸
Traffic	۱۳۵	۱۸

۵-۲- روش‌های مقایسه

روش پیشنهادشده با سه روش پرکردن داده‌های گمشده به نام‌های روش بیشینه احتمال EM برای سری زمانی چندمتغیره [57]، روش FLK-NN [58] و روش TRiBS مقایسه شده است [45].

در روش بیشینه احتمال EM برای سری زمانی چندمتغیره فرض می‌کند داده‌ها توزیع گاوسی دارند. پارامترهای توزیع را برای داده‌های بدون داده گمشده به‌دست می‌آورد. در یک روند تکراری پارامترهای توزیع را اصلاح می‌کند. در این مقاله الگوهای مختلف داده‌های گمشده سری زمانی را نیز در نظر می‌گیرد [57]. در روش FLK-NN از ترکیب فوریه و نزدیک‌ترین همسایگی برای پرکردن داده‌های گمشده سری زمانی استفاده می‌کند [58]. روش TRiBS از ترکیب درون‌یابی IDW، مجموعه راف، کلاس تولرانس و الگوریتم تکاملی بهینه‌سازی ذرات برای پرکردن داده‌های گمشده سری زمانی استفاده می‌کند [45].

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

۳-۵- معیارهای ارزیابی

از ابزارهای آماری برای یافتن دقت پیش‌بینی انجام‌شده در روش پیشنهادی استفاده می‌شود. میزان دقت و کارآیی روش پیشنهادی با استفاده از پنج معیار ارزیابی شناخته شده بررسی می‌شود. معیارهای ارزیابی عبارتند از: جذر میانگین مربعات خطا (RMSE[1])، میانگین مطلق خطا (MAE[2])، ضریب تعیین (R^2)، میانگین مربعات خطا (MSE[3]) و درصد میانگین مطلق خطا (MAPE[4]).

جذر میانگین مربعات خطا (RMSE) به‌طورمعمول برای بررسی کارآیی در مقادیر کمی استفاده می‌شود. این معیار اختلاف میانگین بین مقادیر واقعی و مقادیر برآورد شده در یک مدل را محاسبه می‌کند [58]. میانگین مطلق خطا (MAE) فاصله بین مقدار پیش‌بینی و واقعی را به‌عنوان معیار استفاده کرده ولی جهت این تفاضل را در نظر نمی‌گیرد؛ بنابراین در محاسبه خطا MAE فقط میزان فاصله و نه جهت فاصله به کار می‌رود [60]. هرچقدر مقدار RMSE و MAE کمتر باشد، میزان خطا کمتر بوده و مدل خوب پیش‌بینی انجام داده است. ضریب تعیین (R^2) میزان احتمال همبستگی میان دو دسته داده را مشخص می‌کند و به ما این امکان را می‌دهد که تعیین کنیم چقدر می‌توانیم به پیش‌بینی یک مدل مطمئن باشیم. این معیار تفاوت میانگین و واریانس مدل‌ها را بهتر نشان می‌دهد [61]. اگر این همبستگی زیاد باشد مدل داده‌ها را برازش کرده است درحالی‌که اگر همبستگی پایین (نزدیک به صفر) باشد، مدل برازش خوبی از داده‌ها ارائه نداده است. میانگین مربعات خطا (MSE) مقدار میانگین مربعات فاصله بین مقدار پیش‌بینی و واقعی را نشان می‌دهد. هرچقدر مقدار آن به صفر نزدیکتر باشد، نشان‌دهنده میزان کمتر خطاست. معیار درصد میانگین مطلق خطا (MAPE) میانگین فاصله مقدار پیش‌بینی شده و مقدار واقعی تقسیم بر مقدار واقعی را در نظر می‌گیرد. مزیت استفاده از این شاخص این است که می توان برای پیش‌بینی سری‌هایی که دارای مقیاس متفاوت هستند از آن استفاده کرد؛ زیرا این معیار وابسته به مقیاس نیست و بیشتر برای مقایسه چند سری زمانی مختلف کاربرد دارد [62]. در رابطه‌های (۷) تا (۱۱) نحوه محاسبه این معیارهای ارزیابی نشان داده شده است.

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(y_i - \hat{y}_i)^2} \quad (۷)$$

$$MAE = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}\left|y_i - \hat{y}_i\right| \quad (۸)$$

$$R^2 = \left(\frac{\sum_{i=1}^{n}(y_i - \bar{y})(y_i - \hat{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n}(y_i - \bar{y})^2}\sqrt{\sum_{i=1}^{n}(y_i - \hat{y})^2}}\right)^2 \quad (۹)$$

$$MSE = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(y_i - \hat{y}_i)^2 \quad (۱۰)$$

$$MAPE = \frac{100}{n}\sum_{i=1}^{n}\left|\frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i}\right| \quad (۱۱)$$

در این رابطه‌ها y_i مقدار واقعی و $\hat{y}_i$ مقدار پیش‌بینی شده است. $\bar{y}$ میانگین داده‌های مشاهده شده و n تعداد کل نمونه‌ها در مجموعه‌داده است.

برای ارزیابی دقت خوشه‌بندی انجام شده بر روی داده‌های سری زمانی نیاز به استفاده از یک معیار ارزیابی است. یکی از شاخص‌های ارزیابی درونی در خوشه‌بندی، شاخص دان[5] است. شاخص دان با دو معیار فاصله و قطر، میزان فشردگی و تفکیک‌پذیری را محاسبه می‌کند. در رابطه (۱۲) نحوه محاسبه این معیار ارزیابی نشان داده شده است [63].

$$V_D = \left[\frac{\min_{i=1\le j\le k} D(C_i, C_j)}{\max_{1\le l\le k} diam(C_l)}\right] \quad (۱۲)$$

در صورت این کسر، فاصله بین دو خوشه به‌عنوان معیاری برای تفکیک‌پذیری و در مخرج نیز قطر هر خوشه دیده می‌شود. نسبت این دو، مقیاسی برای سنجش فاصله بین دو خوشه خواهد بود. هر چه مقدار این شاخص بزرگتر باشد، بیان‌گر تفکیک‌پذیری بهتر و در نتیجه خوشه‌بندی مؤثرتر است.

برای بررسی معنی‌داربودن بهبود روش پیشنهادی نسبت به سایر روش‌ها از آزمون آماری t-test استفاده شده است. ستون‌های T در جدول‌های (۵ تا ۸) نشان‌دهنده آزمایش‌های معنی‌داری ستون‌های قبل نسبت به روش پیشنهادی است. مقدار احتمال در سطح اطمینان (p-value<0.1) ۹۰٪، (p-value<0.05) ۹۵٪ و (p-value<0.01) ۹۹٪ است که به‌ترتیب با "*"، "**" و "***" نشان داده شده است. اگر هیچ نمادی روی روشی قرار نگیرد بدین معنا هست که هیچ تفاوت معناداری با روش پیشنهادی ندارد.

[1] Root Mean Square Error
[2] Mean Absolute Error
[3] Mean Squared Error
[4] Mean Absolute Percentage Error
[5] Dunn's Index

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]
[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

۶- تحلیل و بررسی نتایج آزمایش‌ها

این بخش نتایج آزمایش‌ها انجام شده برای ارزیابی عملکرد روش ترکیبی پیشنهادی ارائه می‌دهد. آزمایش‌ها شامل بررسی معیارهای ارزیابی بر روی پرکردن داده‌های گمشده با استفاده از روش درون‌یابی در ترکیب با روش‌خوشه‌بندی k-means و جستجوی فاخته است. درنهایت نتایج با دو روش دیگر پرکردن داده‌های گمشده مقایسه شده است. روش‌ها در درصدهای مختلف گمشدگی ۳۰، ۴۰، ۵۰ و ۶۰ درصد بررسی می‌شوند تا حالت‌های مختلف مورد سنجش قرار گیرد و تأثیر آن مورد بررسی قرار گیرد.

در بخش نخست ابتدا خوشه‌بندی k-means بر روی مجموعه‌داده اعمال می‌شود. بعد از پیاده‌کردن خوشه‌ها بررسی می‌شود هر داده گمشده به کدام خوشه تعلق دارد. سپس الگوریتم جستجوی فاخته برای پیداکردن توان بهینه تأثیر هر یک از همسایگان بر داده گمشده اجرا می‌شود و درنهایت درون‌یابی IDW انجام می شود. هر یک از این روش‌ها بر روی چهار مجموعه‌داده اعمال شده و معیارهای اندازه‌گیری خطا بر روی آن اعمال شده و نتایج در جدول‌های (۵ تا ۸) نمایش داده شده است.

برای ارزیابی خوشه‌بندی k-means بر روی چهار مجموعه‌داده از شاخص دان استفاده شده است. نتایج حاصل از این ارزیابی در جدول (۴) نشان داده شده است. به‌طور متوسط میزان این شاخص در هر چهار مجموعه حدود ۱/۴ بوده است که نشان از دقت مطلوب خوشه‌بندی k-means پیشنهادی بر روی داده‌های سری زمانی دارد.

همان‌طور که پیش‌بینی می‌شد با افزایش میزان گمشدگی از سی تا شصت درصد میزان خطا افزایش پیدا کرده است. میزان خطای روش پیشنهادی در دو مجموعه‌داده Electricity و Energy نسبت به دو مجموعه‌داده Exchange و Traffic کمتر بوده و میزان خطای RMSE آن به طور میانگین در حدود ۰/۰۵ در دو مجموعه نخست و حدود ۰/۰۶ در دو مجموعه دوم بوده است. با توجه به اینکه دو مجموعه‌داده Electricity و Energy دارای تعداد نمونه و ویژگی بیشتری هستند، پیش‌بینی می‌شد که دقت عملکرد بالاتری داشته باشند. با توجه به معیارهای MAE و MSE وMAPE بهترین پاسخ مربوط به دو مجموعه‌داده Electricity و Energy با تعداد نمونه بیشتر نسبت به سایر مجموعه‌داده‌ها است و روش خوشه‌بندی k-means در ترکیب با روش درون‌یابی پاسخ‌های بهتری برای پرکردن داده‌های گمشده نسبت به سایر روش‌ها داشته است. میزان خطا MAE در این روش در حدود ۰/۰۴ بوده است. مجموعه‌داده Exchange و Traffic که تعداد نمونه‌های کمتری دارند، میزان خطای بیشتری نسبت به مجموعه‌داده‌های دیگر در هر سه روش دارند.

مقدار R^2 که میزان همبستگی بین مجموعه‌داده‌های واقعی و مقدار تخمین زده‌شده را در روش پیشنهادی را نشان می‌دهد در حدود ۹۹ درصد است که نشان از دقت بالای تخمین مقادیر گمشده است. روش پیشنهادی در دو مجموعه‌داده Electricity و Energy که تعداد نمونه بیشتری دارند، میزان دقت بالاتری دارد که این یک حسن است. با توجه به اینکه سری‌های زمانی به‌طورمعمول داده‌های حجیم هستند، این روش برای پرکردن داده‌های گمشده در این مجموعه‌داده‌ها مناسب‌تر است. روش EM دقت عملکرد بهتری نسبت به روش FLK-NN دارد. میزان خطا RMSE در روش EM در دو مجموعه‌داده حجیم Electricity و Energy در حدود ۰/۰۶ و در دو مجموعه‌داده Exchang و Traffic در حدود ۰/۰۸ می‌باشد که در روش پیشنهادی این میزان خطا به ۱/۲ تا ۱/۳ کاهش یافته است. میزان خطای RMSE در FLK-NN در دو مجموعه‌داده نخست در حدود ۰/۰۸ است و در مجموعه‌داده سوم و چهارم در حدود ۰/۰۹ است. با توجه به معیارهای MAE و MSE وMAPE میزان خطا در روش پیشنهادی نسبت به سایر روش‌ها در هر چهار مجموعه‌داده کمتر بوده است. میزان همبستگی داده‌های واقعی و تخمین زده‌شده در روش‌های مقایسه‌ای نسبت به روش پیشنهادی کمتر و در حدود ۸۵ درصد بوده است. همان‌طور که پیش‌بینی می‌شد میزان خطا در تمام روش‌ها با افزایش درصد گمشدگی داده‌ها افزایش می‌یابد.

میزان خطای روش TRiBS در مجموعه‌داده Energy مشابه با میزان خطای روش پیشنهادی است و در درصدهای گمشدگی ٪۳۰ و ٪۴۰ نیز از روش پیشنهادی بهتر عمل کرده است.

با توجه به نتایج حاصل از آزمایش‌ها، روش پیشنهادی خطای کمتری نسبت به سایر روش‌ها دارد. هر چقدر تعداد نمونه‌ها و ویژگی‌ها در مجموعه‌داده‌ها بیشتر باشد میزان خطا کمتر می‌شود. میزان همبستگی داده‌های واقعی و مقدار برآوردشده در روش پیشنهادی بسیار مطلوب و در حدود ۹۹ درصد است.

تحلیل آماری از نتایج t-test نشان می‌دهد که تفاوت معناداری در میانگین مقدار RMSE، R^2 و MSE در روش پیشنهادی نسبت به سایر روش‌ها است که نشان‌دهنده عملکرد قابل اطمینان‌تر روش پیشنهادی

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

نسبت به سه روش EM و FLK-NN و TRiBS در ۴ مجموعه‌داده است.

(جدول-۴): اجرای شاخص ارزیابی دان برای بررسی کیفیت خوشه‌بندی K-means بر روی چهار مجموعه‌داده

(Table-4): Implementation of Dunn Evaluation Index to evaluate the quality of K-means clustering on four data sets

معیار اندازه‌گیری دان	Electricity	Energy	Exchange	Traffic
روش پیشنهادی	۱/۱۱۳	۱/۲۳۱	۱/۶۸۵۸	۱/۵۸۰۲

(جدول-۵): مقایسه روش پیشنهادی با درصدهای گمشدگی متفاوت در مجموعه‌داده Electricity در مقایسه با سایر روش‌ها

(Table-5): Comparison of Proposed Method with Different Missing Percentages in Electricity Data Set Compared to Other Methods

روش	درصد گمشده‌گی	RMSE	T	MAE	T	R^2	T	MSE	T	MAPE	
روش پیشنهادی	۳۰٪	۰,۰۴۷۳۲۴		۰,۰۳۳۴۰۸		۰,۹۹۴۶۹		۰,۰۰۲۲۳۹۵		۵,۶۴۳۸	
	۴۰٪	۰,۰۴۷۳۷۲		۰,۰۳۳۴۹۵		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۲۲۴۴۱		۵,۶۵۹۳	
	۵۰٪	۰,۰۴۷۳۵۲		۰,۰۳۳۴۹۶		۰,۹۹۴۶۶		۰,۰۰۲۲۴۵۱		۵,۶۵۸۹	
	۶۰٪	۰,۰۴۷۳۶۱		۰,۰۳۳۴۹۸		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۲۲۴۳۱		۵,۶۶۱۵	
EM	۳۰٪	۰,۰۶۳۶۵۱	***	۰,۰۵۵۰۵۲	**	۰,۸۸۵۷۲	***	۰,۰۰۴۰۵۱۴	***	۱۶,۵۲۳	
	۴۰٪	۰,۰۶۳۲۹۸	***	۰,۰۵۷۱۸۵	**	۰,۸۸۶۹۳	***	۰,۰۰۴۰۶۶	***	۱۶,۰۲۳	**
	۵۰٪	۰,۰۶۴۷۸	***	۰,۰۵۸۹۷۴	***	۰,۸۹۸۷۶	***	۰,۰۰۴۱۹۶۴	***	۱۶,۵۲۱	***
	۶۰٪	۰,۰۶۴۳۳۱	***	۰,۰۵۸۱۲۴	***	۰,۸۹۶۳	***	۰,۰۰۴۱۳۸۴	***	۱۶,۸۵۶	***
FLK-NN	۳۰٪	۰,۰۸۹۷۶۵	**	۰,۰۶۴۹۰۷	***	۰,۸۴۷۱۱	***	۰,۰۰۸۰۵۷۷	***	۱۶,۹۶۵	**
	۴۰٪	۰,۰۸۹۷۸۵	***	۰,۰۶۴۸۶	**	۰,۸۶۲۹۸	***	۰,۰۰۸۰۶۱۳	**	۱۶,۹۸۹	*
	۵۰٪	۰,۰۸۴۱۱۹	***	۰,۰۶۳۹۴۴	*	۰,۸۶۰۹۷	***	۰,۰۰۷۰۷۶۰	***	۱۶,۵۸۹	
	۶۰٪	۰,۰۸۴۷۰۲	***	۰,۰۶۳۸۷۷	***	۰,۸۶۱۷۹	***	۰,۰۰۷۱۷۴۴	***	۱۶,۴۵۶	**
TRiBS	۳۰٪	۰,۰۸۲۲۲۰	***	۰,۰۶۷۸۵۴	**	۰,۸۲۶۵۱	***	۰,۰۰۶۷۶۰۱	***	۱۵,۱۲۵	***
	۴۰٪	۰,۰۸۹۳۳۹	***	۰,۰۶۸۹۵۷	***	۰,۸۸۹۶۸	***	۰,۰۰۷۹۸۴۵	***	۱۵,۴۸۳	**
	۵۰٪	۰,۰۹۵۸۵۳	***	۰,۰۸۵۲۶۶	**	۰,۸۶۲۵۷	**	۰,۰۰۹۱۸۷۷	***	۱۶,۸۶۷	**
	۶۰٪	۰,۰۹۲۹۲۶	***	۰,۰۸۲۵۶۹	**	۰,۸۶۲۳۲	**	۰,۰۰۸۶۳۵۲	***	۱۶,۴۳۶	**

(جدول-۶): مقایسه روش پیشنهادی با درصدهای گمشدگی متفاوت در مجموعه‌داده Energy در مقایسه با سایر روش‌ها

(Table-6): Comparison of the proposed method with the percentage of different missing data in the Energy dataset compared to other methods

روش	درصد گمشده‌گی	RMSE	T	MAE	T	R^2	T	MSE	T	MAPE	T
روش پیشنهادی	۳۰٪	۰,۰۵۷۳۷۹		۰,۰۴۳۴۸۷		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۳۲۹۲۳۴		۵,۶۶۲۴	
	۴۰٪	۰,۰۵۷۳۶۱		۰,۰۴۳۴۶۷		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۳۲۹۰۲۸		۵,۶۵۸	
	۵۰٪	۰,۰۶۷۴۰۹		۰,۰۴۳۵۰۷		۰,۹۹۴۶۷		۰,۰۰۴۵۴۳۹۷		۵,۶۶۵۳	
	۶۰٪	۰,۰۵۷۳۵۹		۰,۰۴۳۴۶۳		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۳۲۹۰۰		۵,۶۵۸۲	
EM	۳۰٪	۰,۰۶۶۳۷۸	***	۰,۰۵۸۸۵۲	**	۰,۹۶۹۴۳	***	۰,۰۰۴۴۰۶۰	***	۱۳,۸۵۹	
	۴۰٪	۰,۰۶۸۴۵۲	***	۰,۰۵۹۳۶۷	**	۰,۹۶۵۷۲	***	۰,۰۰۴۶۸۵۶	***	۱۳,۴۵۲	**
	۵۰٪	۰,۰۶۵۵۲۶	***	۰,۰۵۹۵۸۳	***	۰,۹۵۰۲۷	***	۰,۰۰۴۲۹۳۶	***	۱۳,۴۵۶	**
	۶۰٪	۰,۰۶۷۷۸۴	**	۰,۰۵۹۵۸۹	***	۰,۹۵۶۰۸	***	۰,۰۰۴۵۹۴۶	*	۱۳,۴۸۹	***
FLK-NN	۳۰٪	۰,۰۷۵۳۲۱	***	۰,۰۳۸۸۰۹	***	۰,۸۵۰۸۵	***	۰,۰۰۵۶۷۳۲	***	۱۳,۸۵۶	
	۴۰٪	۰,۰۷۷۶۷۳	***	۰,۰۴۰۴۴۷	**	۰,۸۴۱۸۹	**	۰,۰۰۶۰۳۳۰	***	۱۳,۵۹۸	**
	۵۰٪	۰,۰۷۴۸۹۴	***	۰,۰۳۸۸۱۱	**	۰,۸۵۱۵۴	***	۰,۰۰۵۶۰۹۱	***	۱۲,۹۴۸	**
	۶۰٪	۰,۰۷۶۸۵۶	***	۰,۰۳۹۸۵۳	***	۰,۸۴۳۵۵	***	۰,۰۰۵۹۰۶۸	***	۱۳,۹۳۶	
TRiBS	۳۰٪	۰,۰۴۶۳۶۰		۰,۰۳۹۲۰۱	***	۰,۹۹۲۳۱	**	۰,۰۰۲۱۴۹۲		۵,۸۹۲۳۸	**
	۴۰٪	۰,۰۴۱۶۶۱	**	۰,۰۳۸۵۶۲	***	۰,۹۹۵۲۰	**	۰,۰۰۱۷۳۵۶	*	۵,۲۳۹۳	**
	۵۰٪	۰,۰۵۳۸۷۲	*	۰,۰۴۳۸۵۲	**	۰,۹۹۴۱۶	**	۰,۰۰۲۹۰۲۱	**	۵,۴۹۱۳	*
	۶۰٪	۰,۰۵۹۸۹۵	**	۰,۰۴۵۴۲۳	**	۰,۹۹۸۵۲	*	۰,۰۰۳۵۸۷۴	**	۵,۸۹۸۶	*

(جدول-۷): مقایسه روش پیشنهادی با درصدهای گمشدگی متفاوت در مجموعه‌داده Exchang در مقایسه با سایر روش‌ها

(Table-7): Comparison of the proposed method with the percentage of different missing data in the Exchang e dataset compared to other methods

روش	درصد گمشده‌گی	RMSE	T	MAE	T	R^2	T	MSE	T	MAPE	T
روش پیشنهادی	۳۰٪	۰,۰۶۷۳۵۸		۰,۰۵۳۴۷		۰,۹۹۴۶۸		۰,۰۰۴۵۳۷۱		۷,۶۵۵۴	
	۴۰٪	۰,۰۶۷۳۹۵		۰,۰۵۳۵۰۱		۰,۹۹۴۶۷		۰,۰۰۴۵۴۲۰		۷,۶۵۹۹	
	۵۰٪	۰,۰۶۷۴۴		۰,۰۵۳۵۱۷		۰,۹۹۴۶۶		۰,۰۰۴۵۴۸۱		۷,۶۶۱۸	
	۶۰٪	۰,۰۷۴۱۸		۰,۰۵۳۵۲		۰,۹۹۴۶۷		۰,۰۰۵۵۰۲۶		۷,۶۶۶۱	
EM	۳۰٪	۰,۰۸۸۴۵	***	۰,۰۶۴۵۲۶	***	۰,۸۸۹۰۸	***	۰,۰۰۷۸۲۳۴	***	۱۴,۱۲۸	***

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

	۴۰٪	۰,۰۸۸۹۶۵	***	۰,۰۶۸۴۵۶	***	۰,۸۸۷۱۹	***	۰,۰۰۷۹۱۴۷	***	۱۴,۴۴۳	***
	۵۰٪	۰,۰۸۹۲۳۵	***	۰,۰۶۸۵۹۶	**	۰,۸۸۸۰۹	***	۰,۰۰۷۹۶۲۸	***	۱۶,۴۲۷	**
	۶۰٪	۰,۰۸۸۲۳۸	***	۰,۰۶۶۵۳	**	۰,۸۸۵۶۲	***	۰,۰۰۷۷۸۵۹	***	۱۸,۵۹۶	
FLK-NN	۳۰٪	۰,۰۹۶۷۸	***	۰,۰۸۳۵۷۶	**	۰,۸۶۷۱۷	***	۰,۰۰۹۳۶۶۳	***	۱۳,۵۱	**
	۴۰٪	۰,۰۹۶۷۶	***	۰,۰۸۳۵۸۹	**	۰,۸۶۷۱۶	***	۰,۰۰۹۳۶۲۴	*	۱۳,۳۱۲	
	۵۰٪	۰,۰۹۷۵۲	***	۰,۰۸۳۶۵۹	**	۰,۸۶۷۰۹	***	۰,۰۰۹۵۱۰	**	۱۳,۴۵۶	*
	۶۰٪	۰,۰۹۷۸۹	***	۰,۰۸۳۷۱۴	**	۰,۸۶۷۱۴	***	۰,۰۰۹۵۸۲۴	***	۱۳,۵۶۹	**
TRiBS	۳۰٪	۰,۰۹۵۳۱۴	***	۰,۰۷۸۹۵۶	***	۰,۸۵۲۳۶	**	۰,۰۰۹۰۸۴۷	***	۱۳,۲۸۹۴	**
	۴۰٪	۰,۰۹۲۸۵۵	***	۰,۰۷۳۶۳۸	***	۰,۸۸۵۶۲	***	۰,۰۰۸۶۲۲۰	***	۱۳,۲۶۹۸	**
	۵۰٪	۰,۰۹۴۱۲۷	***	۰,۰۸۲۵۸	***	۰,۸۱۲۰۳	**	۰,۰۸۸۵۹۸	***	۱۳,۶۵۸۹	***
	۶۰٪	۰,۰۹۹۸۵۹	***	۰,۰۸۸۹۶	***	۰,۸۲۰۵۵	***	۰,۰۰۹۹۷۱۸	***	۱۳,۸۹۵۶	***

(جدول-۸): مقایسه روش پیشنهادی با درصدهای گمشدگی متفاوت در مجموعه‌داده Traffic در مقایسه با سایر روش‌ها

(Table-8): Comparison of the proposed method with the percentage of different missing data in the Traffic dataset compared to other methods

روش	درصد گمشده‌گی	RMSE	T	MAE	T	R^2	T	MSE	T	MAPE	T
روش پیشنهادی	۳۰٪	۰,۰۸۸۱۴۵		۰,۰۳۲۸۱۷		۰,۸۵۹۰۸		۰,۰۰۷۷۶۹		۱۴,۱۲۸	
	۴۰٪	۰,۰۸۸۸۵۶		۰,۰۳۳۴۹۵		۰,۸۴۷۱۹		۰,۰۰۷۹۰۱۴		۱۴,۴۴۳	
	۵۰٪	۰,۰۸۸۰۵۵		۰,۰۳۵۹۹۳		۰,۸۴۸۰۹		۰,۰۰۷۷۵۳۶		۱۶,۴۲۷	
	۶۰٪	۰,۰۸۹۲۳۱		۰,۰۳۹۵۶۲		۰,۸۹۶۶۲		۰,۰۰۷۹۶۲۱		۱۸,۵۹۶	
EM	۳۰٪	۰,۰۸۷۵۲۶	***	۰,۰۶۲۳۵۲	***	۰,۸۶۹۰۸	***	۰,۰۰۷۶۶۰۸	***	۱۵,۱۲۸	**
	۴۰٪	۰,۰۸۸۸۹۶	**	۰,۰۶۳۴۲۵	*	۰,۸۵۷۱۹	***	۰,۰۰۷۹۰۲۴	***	۱۵,۴۴۳	***
	۵۰٪	۰,۰۸۹۰۵۵	***	۰,۰۶۵۹۹۳	**	۰,۸۵۸۰۹	***	۰,۰۰۷۹۳۰۷	***	۱۸,۴۲۷	***
	۶۰٪	۰,۰۸۵۲۳۱	***	۰,۰۶۹۵۸۲	**	۰,۸۹۵۶۲	**	۰,۰۰۷۲۶۴۳	***	۱۶,۵۹۶	***
FLK-NN	۳۰٪	۰,۰۹۶۶	***	۰,۰۷۳۳۶۶	**	۰,۸۶۷۲۹	**	۰,۰۰۹۳۳۱۵	**	۱۳,۵۴۴	*
	۴۰٪	۰,۰۹۶۶۵	***	۰,۰۷۳۴۱۷	**	۰,۸۶۷۲۵	**	۰,۰۰۹۳۴۱۲	***	۱۳,۵۸۹	
	۵۰٪	۰,۰۹۶۴۵	***	۰,۰۷۱۳۱۲	***	۰,۸۷۳۵۵	***	۰,۰۰۹۳۰۲۶	***	۱۳,۶۲۳	**
	۶۰٪	۰,۰۹۸۵۶	***	۰,۰۷۳۵۶	**	۰,۸۵۲۶۳	***	۰,۰۰۹۷۱۴۰	***	۱۳,۶۴۵	**
TRiBS	۳۰٪	۰,۰۹۸۱۳	**	۰,۰۷۸۵۲	***	۰,۸۸۵۲	***	۰,۰۰۹۶۲۹۴	**	۱۵,۴۳۲	**
	۴۰٪	۰,۰۹۸۰۷۲	***	۰,۰۷۷۰۲۵	**	۰,۸۹۸۵۶	***	۰,۰۰۹۶۱۸۱	***	۱۵,۴۴۳	**
	۵۰٪	۰,۰۹۹۱۰۹	***	۰,۰۸۱۴۸۲	***	۰,۸۱۲۰۵	**	۰,۰۰۹۸۲۲۵	***	۱۶,۲۲۷	***
	۶۰٪	۰,۰۹۹۹۳۰	***	۰,۰۸۵۹۶	***	۰,۸۱۵۲۳	*	۰,۰۰۹۹۸۶۰	***	۱۶,۴۲۱	***

۷- نتیجه‌گیری

پرکردن داده‌های گمشده یک گام مهم در پیش‌پردازش داده‌های سری زمانی است. با توجه به این‌که داده‌ها در بازه‌های زمانی جمع‌آوری می‌شوند، احتمال وجود داده گمشده در این نوع از داده‌ها نسبت به سایر مجموعه‌ها بیشتر است. در این مقاله یک روش ترکیبی برای پرکردن داده‌های گمشده پیشنهاد شد. ایده اصلی، بهبود عملکرد و رفع محدودیت‌های درون‌یابی IDW بود. از روش خوشه‌بندی k-means برای الگویابی داده‌های سری زمانی استفاده شد. سپس بررسی شد هر داده گمشده به کدام خوشه تعلق دارد. اعضای هر خوشه به‌عنوان نزدیک‌ترین همسایگان به داده گمشده در نظر گرفته شدند؛ سپس از الگوریتم تکاملی جستجوی فاخته برای پیداکردن توان تأثیر بهینه هر یک از همسایگان استفاده شد. روش پیشنهادی با سه روش دیگر مورد مقایسه قرار گرفت. آزمایش‌های تجربی بر روی چهار مجموعه‌داده مختلف اعمال شد. در بیش‌تر موارد روش پیشنهادی نسبت به سایر روش‌ها از نظر معیارهای RMSE، MAE و R^2 برتر بود و دقت عملکرد و کارایی بالاتری داشت. در مجموعه‌داده‌های سری زمانی با تعداد نمونه بیشتر دقت عملکرد افزایش می‌یابد. این روش در سری‌های زمانی با طول‌های مختلف قابل اجرا است. چون روش پیشنهادی به داده‌های متوالی وابسته نیست در شرایطی که شکاف‌های بزرگ متوالی از گمشدگی ایجاد شده باشد، عملکرد مطلوبی دارد. با توجه به اینکه به‌طورمعمول سری‌های زمانی مجموعه‌های حجیم هستند این روش مناسب برای پرکردن داده‌های گمشده در این مجموعه‌داده‌ها است.

در روش پیشنهادی کمبودهایی وجود دارد. از معایب این روش این است که بیش از بیشینه و یا کمتر از کمینه مقادیر را نمی‌تواند تخمین بزند. اجرای الگوریتم‌ها نیازمند هزینه زمانی زیادی است. پیشنهاد می‌شود روش‌های دیگری نیز برای پیداکردن بهترین همسایگی بررسی شوند. هم چنین بر روی ویژگی‌های استخراج‌شده از

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

داده‌های سری‌های زمانی کار شود، زیرا داده‌های خام دارای اختلال زیاد هستند.

۸- مراجع 8- References

[1] R. H. Shumway and D. S. Stoffer, "Time series analysis and its applications: with R examples", Springer Science & Business Media, Fourth edition, 2017.

[2] Ratanamahatana C., "Multimedia retrieval using time series representation and relevance feedback", *in: Proceedings of 8th International Conference on Asian Digital Libraries*, 2005, pp. 400–405.

[3] C.Ratanamahatana, V. Niennattrakul, "Clustering multimedia data using time series", *in: Proceedings of the International Conference on Hybrid InformationTechnology*, ICHIT ’06, 2016, pp.372–379.

[4] M.S. Mahmoud, M.F. Emzir, "State estimation with asynchronous multi-rate multi-smart sensors", *Information Sciences*, vol.196, pp.15-27, 2012.

[5] S. Mohamed, T. Marwala, "Neural network based techniques for estimating missing data in databases", pp. 27-32, 2005.

[6] W. Qiao, Z. GAO, R.G. Harley, "Continuous on-line identification of nonlinear plants in power systems with missing sensor measurements ,"*IEEE*, pp. 1729-1734, 2005.

[7] J. Honaker, G. King, "What to do about missing values in time-series cross-section data", *American Journal of Political Science*, vol.54 (2), pp.561–581, 2010.

[8] J. Lin, E. Keogh, S. Lonardi, J. Lankford, D. Nystrom, "Visually mining and monitoring massive time series ,"*in: Proceedings of 2004ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and data Mining – KDD ’04*, 2004, 460-475.

[9] R.J.A. Little, D.B. Rubin, "Statistical analysis with missing data," 3rd Edition, 2014.

[10] M. Amiri, R. Jensen, "Missing data imputation using fuzzy-rough methods", *Neurocomputing*, vol.196, pp.15-27, 2016.

[11] C.K. Enders, “Applied Missing Data Analysis”, Guilford Press. ISBN 978-1-60623-639-0 .2010.

[12] D. M. Kreindler, C. J. Lumsden, "The effects of the irregular sample and missing data in time series analysis", *Nonlinear Dynamics Psychology and Life Sciences*, vol.10(2), pp.187-214, 2012.

[13] C.De Boor, E. Mathématicien, “A practical guide to splines”, *Mathematical Sciences*, vol. 27, 2005.

[14] D. Mondal, D. B. Percival, “Wavelet variance analysis for gappy time series”, *Annals Inst. Stat. Math*, vol.62, pp. 943–966, 2010.

[15] K. Rehfeld, N. Marwan, J. Heitzig, “Comparison of correlation analysis techniques for irregularly sampled time series”, *Nonlinear Process. Geophys*, vol.18, 2011.

[16] P.J. Garca-Laencina, J.-L Sancho-Gómez. “Pattern classification with missing data: a review”, *Neural Comput*, vol.19**,** 2010.

[17] R. Mazumder, T. Hastie, R. Tibshirani, “Spectral regularization algorithms for learning large incomplete matrices”, *Machine learning research*, vol.11, pp. 2287–2322, 2010.

[18] Y. Koren, R. Bell, C. Volinsky, “Matrix factorization techniques for recommender systems”, *Comput*, vol.42, 2009.

[19] I. R. White, P. Royston, A. M. Wood, “Multiple imputation using chained equations: issues and guidance for practice”, *Stat. medicine*, vol.30, pp. 377–399, 2011.

[20] B. J. Wells, K. M. Chagin, A. S. Nowacki, M. W. Kattan, “Strategies for handling missing data in electronic health record derived data,” EGEMS 1, 2013.

[21] C. Lipton, C. Kale,” Modeling Missing Data in Clinical Time Series with RNNs”, *Machine Learning for Healthcare*, pp.56, 2016.

[22] Li. Li, J. Zhang, Y. Wang, “Missing Value Imputation for Traffic-Related Time Series Data Based on a Multi-View Learning Method”, *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems*, vol.20, pp. 2933 – 2943, 2019.

[23] A. McLinden, V. Fioletov, W. Shephard, N. Krotkov, “Space-based detection of missing sulfur dioxide sources of global air pollution”, *Nature Geoscience***,** vol.9, pp. 496–500, 2016.

[24] R. Mahmoudvand, P. Canas, “Missing value imputation in time series using Singular Spectrum Analysis**”,** *International Journal of Energy and Statistics*, vol. 04,165005, 2016.

[25] N. Bokde, W. Beck, “A novel imputation methodology for time series based on pattern sequence forecasting”, *Pattern Recognition Letters*, vol.116, pp.88-96, 2018.

[26] T.T. Hong Phan, E. Poisson Caillault, A. Lefebvre, A. Bigand, "Dynamic Time Warping-based imputation for univariate time series data", Pattern Recognition Letters, 2017.

[27] Z. Che, S. Purushotham, K. Cho, D. Sontag, Y. Liu."Recurrent Neural Networks for Multivariate Time Series with Missing Values", *Scientific reports*, vol.6085, pp.85-99, 2018.

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

on pattern sequence forecasting", *Pattern Recognition Letters*, pp. 88-96, 2018.

[41] T.T. Hong Phan, A. Bigand, É. P. Caillault," A New Fuzzy Logic-Based Similarity Measure Applied to Large Gap Imputation for Uncorrelated Multivariate Time Series", *Computational Intelligence and Soft Computing*, pp. 1-15, 2018.

[42] J. Tang, G. Zhang, Y. Wang, H. Wang," A hybrid approach to integrate fuzzy C-means based imputation method with genetic algorithm for missing traffic volume data estimation", *Transportation Research*, vol. 51, pp. 29-40, 2015.

[43] S. Sridevi, S. Rajaram, C. Parthiban, S. SibiArasan, C. Swadhikar, "Imputation for the Analysis of Missing Values and Prediction of Time Series Data", International Conference on Recent Trends in Information Technology,2011.

[44] C. O. Resende, A. Santana, F. Lobato, "Time series imputation using genetic programming and Lagrange interpolation", 5th Brazilian Conference on Intelligent Systems, 2016.

[45] Y. Jane Nancya, H.Nehemiah Khannaa, K.Arputharaj, "Imputing missing values in unevenly spaced clinical time series data to build an effective temporal classification framework", vol.112, pp. 63-79, 2017.

[46] S. Aghabozorgi, A. SeyedShirkhorshidi, T. YingWah,"Time-seriesclustering–A decadereview", *Information Systems*, vol.53, pp.16–38, 2015.

[47] P. Roelofsen, "Time series clustering", Master thesis Business Analytic, Vrije Universiteit Amsterdam, 2018.

[48] C. Cassisi, P. Montalto, M. Aliotta, A. Cannata, A. Pulvirenti, "Similarity measures and dimensionality reduction techniques for time series data mining", *In A. Karahoca (Ed.), Advances in Data Mining Knowledge Discovery and Applications*, Chapter 03, pp.71 – 96, 2012.

[49] Aach, J. and G. M. Church. "Aligning gene expression time series with time warping algorithms", *Bioinformatics*, vol.17, no.6, pp. 495–508, 2001.

[50] T. Gorecki, "Classification of time series using combination of dtw and lcss dissimilarity measures", *Communications in Statistics, Simulation and Computation*, pp.1–14, 2017.

[51] Y. Chen, X. Liu, X. Li, X. Liu, Y. Yao, G. Hu, F. Pei. "A dynamic time warping (DTW) distance based k -medoids method". *Landscape and Urban Planning, vol.*160, pp.48–60, 2017.

[52] Kanungo, T., Mount, D. M., Netanyahu, N. S., Piatko, C. D., Silverman, R., & Wu, A. Y." An

[28] W.S. David, Wong. "Interpolation: Inverse-Distance Weighting", *The International Encyclopedia of Geography*, pp.156-173, 2017.

[29] G. Mei, N. Xu & L. Xu, "Improving GPU-accelerated adaptive IDW interpolation algorithm using fast kNN search", pp.1389, 2016.

[30] J. Pratama, H. Pramoedyo, R. Fitriani, "comparison of inverse distance weighted and natural neighbor interpolation method at air temperature data in malang region**",** *Cauchy*, vol.5, pp.48-54, 2018.

[31] S. Aghabozorgi, A. SeyedShirkhorshidi, T. YingWah,"Time-seriesclustering–A decadereview", *Information Systems*, vol.53, pp.16–38, 2015.

[32] P. Roelofsen, "Time series clustering", Master thesis Business Analytic, Vrije Universiteit Amsterdam, 2018.

[33] Z. Bankó, J. Abonyi, "Correlation based dynamic time warping of multivariate time series", *Expert Systems with Applications*, vol.39, no.17, pp.12814-12823, 2012.

[34] Guanyu Wang, "A Comparative Study of Cuckoo Algorithm and Ant Colony Algorithm in Optimal Path Problems", MATEC Web of Conferences 232, 03003, 2018.

[35] M. Jalal, M. Goharzay, "Cuckoo search algorithm for applied structural and design optimization: float system for experimental setups", *Computational Design and Engineering*, vol.6, no.159-172, 2018.

[36] J. Tang, G. Zhang, Y. Wang, H. Wang, F. Liu, "A hybrid approach to integrate fuzzy C-means based imputation method with genetic algorithm for missing traffic volume data estimation", *Transportation Research Part C: Emerging Technologies*, vol.51, no. 29-40, 2015.

[37] W.L. Junger, A.P. de Leon, "Imputation of missing data in time series for air pollutants", *Atmospheric Environment*, vol. 102, pp. 96-104.2015.

[38] L. Folguera, J. Zupan, D. Cicerone, J.F. Magallanes, "Self-organizing maps for imputation of missing data in incomplete data matrices", *Chemometrics and Intelligent Laboratory Systems*, vol. 143, pp.146–151,2015.

[39] T.T. Hong Phan, E. Poisson Caillault, A. Lefebvre, A. Bigand, "Dynamic Time Warping-based imputation for univariate time series data", Pattern Recognition Letters S0167-8655(17)30275-1, 2017.

[40] N. Bokde, M. W. Beck, F. Marttinez," A novel imputation methodology for time series based

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

efficient k-means clustering algorithm: analysis and implementation", *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol.24, pp.881-892.2002.

[53] Celebi, M. E., H. A. Kingravi, and P. A. Vela "A comparative study of efficient initialization methods for the k-means clustering algorithm". *Expert Syst*, Appl. 40(1), 200–210.2003.

[54] R. Rajabioun, "Cuckoo Optimization Algorithm", *Applied Soft Computing*, Vol.11, No.8, pp. 5508- 5518, 2011.

[55] F. Petitjean, A. Ketterlin, P. Gancarski, "A global averaging method for dynamic time warping, with applications to clustering", *Pattern Recognition*, vol. 44, no.3, pp. 678-693,2011.

[56] M.Lichman, "UCI machine learning repository". http://archive.ics.uci.edu/ml .2013.

[57] W.L. Junger, A.P. de Leon, "Imputation of missing data in time series for air pollutants", *Atmospheric Environment*, vol.102, pp. 96-104,2015.

[58] S.A Rahman, Y. Huang, J. Claassen, "Combining Fourier and Lagged *k*-Nearest Neighbor Imputation for Biomedical Time Series Data", *Nathaniel Heintzman, and Samantha Kleinberg", J Biomed Inform*, vol.58, pp.198–207, 2016.

[59] M. G. Rahman, M. Z. Islam, "Missing value imputation using a fuzzy clustering-based EM approach", *Knowledge and Information Systems, vol.46* (2), pp. 389–422, 2016.

[60] R. Deb, A. Liew. "Missing value imputation for the analysis of incomplete traffic accident data," *Information Sciences*, vol.339, pp274–289 .2016.

[61] M.E. Quinteros, S. Lu, C. BlazquezCárdenas-R, J.P., X. Ossa, J.-M. DelgadoSaborit, R.M. Harrison, P. Ruiz-Rudolph, "Use of data imputation tools to reconstruct incomplete air quality datasets: A case-study in Temuco, Chile", Atmospheric Environment, 2018.

[62] B. Golden, B. Grand, F. Rossi. "Mean Absolute Percentage Error for regression models", *Neurocomputing*, vol.192, pp.38–48. 2016.

[63] M. Misuraca, M. Spano, S. Balbi, "BMS: An improved Dunn index for Document Clustering validation", *Communications in Statistics*, pp. 0361-0926, 2018.

سیده فاطمه میرابوالقاسمی مدرک کارشناسی خود را در رشته مهندسی کامپیوتر-نرم‌افزار در سال ۱۳۹۲ از دانشگاه تربیت دبیر شریعتی و مدرک کارشناسی ارشد خود را نیز در رشته مهندسی کامپیوتر-نرم‌افزار، در سال ۱۳۹۹ از دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی دریافت کرد. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان عبارتند از: پایگاه داده تحلیلی، داده‌کاوی و پیش‌پردازش داده.
نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:
fmirabolghasemi@yahoo.com

نگین دانشپور مدرک کارشناسی خود را در سال ۱۳۷۷ از دانشگاه شهید بهشتی و درجه کارشناسی ارشد و دکترای خود را در رشته مهندسی کامپیوتر-نرم‌افزار از دانشگاه صنعتی امیر کبیر در سال‌های ۱۳۸۰ و ۱۳۸۹ دریافت کرده است. در حال حاضر وی عضو هیئت علمی و دانشیار دانشکده مهندسی کامپیوتر دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی است. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان عبارتند از: داده‌کاوی و پیش‌پردازش و مدیریت داده‌ها، پایگاه داده تحلیلی و سامانه‌های تصمیم‌یار.
نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:
ndaneshpour@sru.ac.ir

[Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39]

[DOI: 10.52547/jsdp.19.2.39] [Downloaded from jsdp.rcisp.ac.ir on 2026-09-15]