

روشی جدید برای افزایش دقت مکانی تصاویر سنجش از دور با استفاده از جدول جستجو

منصور زینلی^۱ و حسن قاسمیان^{۲*}

^۱ دانشکده مهندسی برق، واحد علوم تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

^۲ آزمایشگاه پردازش تصویر و آنالیز اطلاعات، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران



چکیده

پژوهش‌های مختلفی برای افزایش دقت مکانی تصاویر با هدف تجزیه پیکسل‌های مخلوط در سنجش از دور انجام شده است. این روش‌ها و مشکلات پیش رو در این پژوهش بررسی خواهند شد. در ادامه مبحث جدیدی برای افزایش دقت مکانی تصاویر پیشنهاد خواهد شد. در این روش یک تصویر با دقت مکانی کمتر، از تصویر ورودی استخراج می‌شود که همانند یک جدول جستجو عمل می‌کند. با تعریف یک معیار برای شباهت بهینه پیکسل‌ها در دو تصویر، برای هر پیکسل از تصویر ورودی یک پیکسل مشابه در جدول جستجو می‌یابیم. نشان خواهیم داد که پیکسل‌های مشابه در دو تصویر، دارای یک ساختار مشابه از زیرپیکسل‌های تشکیل‌دهنده آن پیکسل هستند. با استفاده از این روش هر پیکسل مخلوط به تعدادی زیرپیکسل که اغلب خالص هستند، تجزیه خواهد شد. شبیه‌سازی‌های انجام شده بر روی اطلاعات ساختگی و واقعی نشان‌دهنده بهبود شاخص‌های طبقه‌بندی توسط روش پیشنهادی و تجزیه بهتر پیکسل‌های مخلوط، نسبت به روش‌های قابل مقایسه است.

واژگان کلیدی: افزایش دقت مکانی، زیرپیکسل، جدول جستجو، تجزیه پیکسل‌های مخلوط

A Novel Method for Increasing the Spatial Resolution of Remote Sensing Images Using Lookup Table

Mansoor Zeinali¹ & Hassan Ghassemlian^{*2}

¹ Department of Electrical Engineering, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

² Image processing and Information Analysis Lab, Faculty of Electrical and Computer Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran.

Abstract

Different methods have been proposed to increase the image spatial resolution by mixed pixels decomposition. These methods can be divided into two groups. Some research have been attempted to obtain percentages of sub pixels and the other try to obtain their locations. These methods and their problems will be examined in this study. Common methods are reviewed with more emphasis. Finally, a new method for increasing the spatial resolution will be proposed to resolve some deficiencies of existing methods. Especially this method, instantly takes percentages and locations of mixed pixels end members without no use of additional information. This method applies a proper lookup table, which is derived from an input image. By defining a similarity metric function, we obtain a similar pixel for every input pixel. These similar pixels have equal sub pixel structures; hence, an input pixel will be decomposed to a proper set of sub pixels. In the high quality images, these sub pixels usually, belong to pure classes. This proposed method is examined on

four sets of artificial and real data. First we degrade these data sets by averaging filtering, and then we restore degraded data, using this method and two other methods. One of these methods is a hard classification and the other is a combination of fuzzy c-means and direct method to obtain percentages and locations of sub pixels respectively. We obtain percent of correction classification and KAPPA criterions for these methods. Simulation results on artificial, real data show a good sub pixels decomposition performance of proposed method relative to those of other comparable methods. By particular, this method shows at least 7% of improvement in artificial and 2% in real data relative to other methods.

Keywords: spatial resolution, change the image scale, lookup table, subpixel decomposition

دو روش کلی برای افزایش دقت مکانی تصاویر سنجش از دور وجود دارد. در تصاویر با کیفیت بالا، که ابعاد اشیا کوچکتر از ابعاد پیکسل ها هستند، بیشینه کردن همبستگی مکانی بین زیرپیکسل ها مورد نظر است. در تصاویر با کیفیت پایین، یکسان کردن همبستگی مکانی بین زیرپیکسل ها با یک یا چند مدل اولیه که از تصاویر آموزشی به دست آمده‌اند، هدف اصلی است.

در تصاویر با دقت کیفیت بالا، که در این پژوهش بررسی می‌شوند، پس از تعیین درصد زیرپیکسل ها، به طور معمول آنها را در نگاشت زیرپیکسل ها به نحوی قرار می‌دهند که همبستگی مکانی تصویر بیشتر شود؛ بنابراین بررسی مسائل زیرپیکسل ها در این تصاویر را می‌توان به دو دستهٔ نحوده محاسبه نسبت طبقه‌های تشکیل دهنده یک پیکسل و نحوه تعیین محل زیرپیکسل ها، تقسیم کرد.

۱-۲- روش‌های محاسبه نسبت طبقه‌ها

با توجه به پیشرفت‌های اخیر در زمینه مکان‌یابی جغرافیایی و کسب اطلاعات سطح زمین، نیاز زیادی به مقایسه تصاویر با مقیاس‌های مختلف و روش‌های ارزان قیمت در اکتساب اطلاعات است. در سال‌های گذشته سعی شده که بر اساس تجزیه طیفی یا استفاده از ویژگی‌های مکانی نوع زیرپیکسل ها و محل آنها در تصاویر با تفکیک کم تخمین زده شود.

تحلیل مخلوط طیفی یکی از روش‌های تحلیل زیرپیکسل در آشکارسازی الگوها است. فرض اصلی در این روش آن است که سیگنال ضبط شده توسط سنجنده‌های ماهواره برای هر پیکسل یک ترکیب خطی وزن داده شده از K جزء طیفی است^{[1],[2]}.

$$r_{ij}^l = \sum_{k=1}^K f_{ijk} c_k^l + \varepsilon_{ij}^l, \quad \sum_{k=1}^K f_{ijk} = 1 \quad (1)$$

شدت بازتابش‌های خالص به سختی از نواحی آموزشی خالص به دست می‌آید^{[3],[4]}. جدا از سادگی و توانایی این روش در تخمین دقیق زیرپیکسل ها در شرایط خاص مشکلاتی در

۱- مقدمه

مشکل بزرگی که اغلب تصاویر با کیفیت پایین دارند، وجود بیش از یک نوع طبقهٔ پوشش زمین در یک پیکسل است که به نام پیکسل مخلوط شناخته می‌شود. این مشکل زمانی رخ می‌دهد که ابعاد پیکسل از ابعاد طبقه‌های موجود در آن (زیرپیکسل) بزرگ‌تر بوده یا طبقه‌ها در هم ادغام شده باشند.

پیکسل‌های مخلوط تأثیر زیادی در میزان دقت اطلاعات اکتسابی از تصاویر ماهواره‌ای، به خصوص در طبقه‌بندی مرسوم (طبقه‌بندی سخت) که هر پیکسل نمایش دهنده یک طبقه است، دارد. درنتیجه برای افزایش دقت طبقه‌بندی اطلاعات، نیاز به افزایش دقت مکانی با هدف کاهش پیکسل‌های مخلوط داریم.

در این مقاله روش جدید افزایش دقت مکانی تصاویر، بدون نیاز به اطلاعات اضافی یا ایجاد پیکسل‌های مخلوط جدید پیشنهاد خواهد شد.

این مقاله شامل پنج بخش است که در بخش نخست مقدماتی در مورد مسئله بیان شد. در بخش دوم روش‌های قبلی افزایش دقت مکانی تصاویر سنجش از دور بررسی شده و یک مبحث جدید برای افزایش دقت مکانی پیکسل ها در بخش سوم معرفی می‌شود که شیوهٔ نوینی در این زمینه بوده و هیچ مشابهتی با روش‌های موجود ندارد و به طور هم‌زمان نسبت و محل زیرپیکسل ها را تخمین می‌زند. بخش‌های چهارم و پنجم به ترتیب شامل نتایج شبیه‌سازی ها و جمع‌بندی است.

۲- مروری بر روش‌های افزایش دقت مکانی در سنجش از دور

r_{ij}^l شدت بازتابش پیکسل در باند l ، f_{ijk} نسبت طبقه خالص k ام در پیکسل c_k^l شدت بازتابش طبقه خالص در باند l و ε_{ij}^l خطای باقیمانده است. در آنالیز مخلوط طیفی



احتمال تعلق یک بردار شامل اطلاعات پیکسل در باندهای مختلف به یک طبقه را به صورت یک تابع چگالی گوسی در نظر می‌گیرد. با توجه به اینکه هر طبقه با یک مدل گوسی به دست آمده از طبقه‌های آموزشی شبیه‌سازی می‌شود، احتمال تعلق پیکسل به هر یک از این مدل‌ها معادل با نسبت طبقه در آن پیکسل در نظر گرفته می‌شود. توانایی این روش بیشتر از مدل مخلوط طیفی و در حد شبکه‌های عصبی است. این مدل نیازمند طبقه‌های آموزشی خالص بوده و در صورت نوافه‌ای بودن یا مخلوط بودن طبقه‌های آموزشی با مشکل مواجه می‌شود.

۲-۲-روش‌های تعیین محل زیرپیکسل‌ها

در این قسمت روش‌های تعیین محل زیرپیکسل‌ها معرفی می‌شوند که به‌طور معمول براساس بیشینه‌کردن تابع همبستگی تصویر می‌باشند. یکی از این روش‌ها جابه‌جاکردن پیکسل‌ها است. توجه به روش‌های جابه‌جاکردن پیکسل‌ها در سال‌های اخیر زیاد بوده است؛ چون این روش‌ها نسبت به شبکه‌های عصبی محاسبات ساده‌تری دارند. در این روش که در تصاویر با کیفیت بالا استفاده می‌شود به زیرپیکسل‌ها اجازه جابه‌جاشدن درون همان پیکسل را برای افزایش تابع خودهمبستگی تصویر می‌دهد، بنابراین نسبت طبقه‌های درون پیکسل ثابت می‌ماند. در این روش زیرپیکسل‌هایی که در ابتدا اشتباه جایابی می‌شوند، در طی تکرارها با هم یک خوش شده و یک ساختار مکانی تشکیل می‌دهند. همچنین درخت‌ها و پرچین‌ها ساختار طیفی شبیه پس‌زمینه دارند که جداسازی آنها را مشکل می‌کند [16]. این روش برای زیرپیکسل‌های کوچکتر از نصف پیکسل نتایج مناسبی ندارد و بیشتر برای زیرپیکسل‌های خطی مناسب است.

[17] روش‌های مستقیم نگاشت پیکسل‌ها بر اساس اطلاعات مکانی اطراف پیکسل را بررسی کرده است. در روش مستقیم نگاشت پیکسل‌ها فرض بر این است که زیرپیکسل‌ها باید جذب مکانی شوند که تجمع پیکسل‌های مشابه در آنجا بیشتر است. این روش بیشتر برای دوبرابر کردن دقت به کار رفته و ممکن است نقاط سیاه ایجاد کند. نحوه نگاشت زیرپیکسل‌های آموزشی اولیه صحت روش را به شدت تحت تاثیر قرار می‌دهد. در صورت وجود جزیره‌های کوچک در تصویر مرجع روش مشکل اساسی پیدا می‌کند. با وجود مشکلات بالا این روش همچنان مهم‌ترین روش مکانیابی زیرپیکسل‌ها است [18].

به غیر از دو روش بالا، سایر روش‌های نگاشت

زمینه استفاده از آن وجود دارد. از جمله، استفاده از معیار حداقل مربعات باعث مشکلاتی در تشخیص مرزبندی‌ها می‌شود. محدودیت‌های دیگر این روش، محدودبودن تعداد اجزا، فرض اینکه هر عنصر فقط یک بازتاب دارد، مجزا بودن امراض الکترومغناطیس طبقه‌های خالص، حساسیت به نوافه و خطی بودن آن است. مدل‌های غیرخطی تجزیه طیفی نیز بررسی شده‌اند [7]. [5].

روش اصلی دیگر به کار رفته در طبقه‌بندی نرم (تعیین درصد زیرپیکسل‌ها)^۱ FCM می‌باشد [8]. این روش یک الگوریتم خوشبندی است که اطلاعات را به c طبقه تقسیم می‌کند؛ گرچه این روش ابتدا برای خوشبندی بدون نظارت مطرح شد؛ ولی با تعمیم روش می‌توان بر خوشبندی اولیه نظارت کرد [9]. در FCM تعیین درجه فازی بودن توسط کاربر، بسیار مهم بوده و در دقت روش، تأثیر زیادی دارد. نتایج نهایی وابسته به خوشبندی تصادفی اولیه هستند. همچنین اگر در ورودی نمونه‌ای از یک طبقه پیش‌بینی نشده داشته باشیم، روش آن را در یکی از طبقه‌های موجود طبقه‌بندی می‌کند. برای حل این مشکل روش PCM^۲ پیشنهاد شده [10]، که شبیه FCM بوده ولی مجموع عضویت‌های فازی یک پیکسل می‌تواند مساوی یک نباشد. بهبود این روش در آن است که عضویت به دست آمده تحت تأثیر وجود طبقه‌های غیرتریبیت‌کننده قرار نمی‌گیرد. در صورت عدم وجود این طبقه‌ها صحت FCM بیشتر است.

در سال‌های گذشته از شبکه‌های عصبی پیش‌خور برای تشخیص زیرپیکسل‌ها استفاده شده است [12], [11]. یک ویژگی جالب شبکه‌های عصبی برای طبقه‌بندی نرم آن است که در مرحله تربیت آنها می‌توان از پیکسل‌های مخلوط استفاده کرد [13]. انواع شبکه‌های عصبی مانند هایپلید بر حسب نوع اطلاعات ورودی برای طبقه‌بندی نرم و یا جایابی زیرپیکسل‌ها استفاده شده‌اند که پارامترهای هر کدام جداگانه تعریف می‌شود. درنهایت هدف آنها بیشینه کردن همبستگی مکانی بین زیرپیکسل‌ها است و به‌طور معمول در تفکیک مکانی پایین به کار می‌روند [14]. عدم پاسخ‌گویی مناسب به اطلاعات غیرآموزش‌دهنده، پیچیدگی محاسبات و وقت‌گیر بودن از مشکلات معمول آنها است.

[15] از آنالیز مخلوط گوسی مجزا کننده برای طبقه‌بندی زیرپیکسل‌ها استفاده کرده است. این مدل

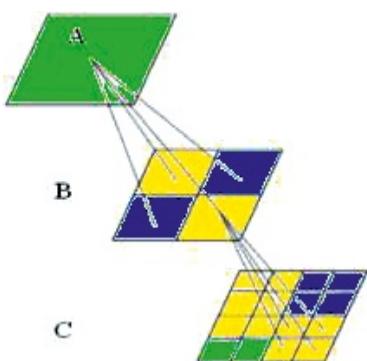
^۱ c-میانگین فازی)

^۲ probability c-means)

بودن این کار، معیار خطایا صحتی در کاربردهای واقعی وجود ندارد. مشکل دیگری که روش‌های بازسازی‌کننده زیرپیکسل‌ها با آن مواجه هستند، این است که به خاطر پاسخ ضربه سنجنده‌ها، تمام اطلاعات اکتسابی از آنها دارای ابهام می‌باشد و محدوده زیرپیکسل‌های تشکیل‌دهنده یک پیکسل مخلوط بسیار گستردگ است. این نه تنها دقیق تخمین زیرپیکسل‌ها را کاهش می‌دهد، بلکه مطالعات در زمینه تغییر در تناسب زیرپیکسل‌ها را محدود می‌کند. به دلایل بالا پیدا کردن روش‌های بهبودیافته برای تعیین نسبت و یا مکان زیرپیکسل‌ها به طور همزمان، جای تحقیق زیادی دارد. در ادامه روشی پیشنهاد می‌شود که بدون نیاز به هیچ گونه اطلاعات اضافی و هیچ شباهتی با روش‌های قبلی، پیکسل‌های مخلوط را به ترکیب مناسبی از زیرپیکسل‌ها تجزیه می‌کند.

۳- روش جدید افزایش دقیق مکانی تصاویر سنجش از دور با استفاده از جدول جستجو

از آنجا که اطلاعات تصاویر با کاهش تفکیک مکانی از بین می‌روند یا به نوعی در هم‌دیگر ادغام می‌شوند، اگر بتوان نحوه ادغام سنجنده را به دست آورد، می‌توان تا حدی به تصویر اولیه نزدیک شد. شکل (۱) نحوه ادغام را نشان می‌دهد:



(شکل-۱): چگونگی ادغام پیکسل‌ها برای ایجاد تصاویر با دقیق مکانی مختلف

(Figure-1): The way of pixel merging to produce different resolution images

فرض کنیم r شدت بازتابش یک پیکسل باشد. این شدت به عواملی مانند شدت بازتابش زیرپیکسل‌ها (طبقه‌ها) و محل آنها و همچنین شدت بازتابش زیرپیکسل‌ها در پیکسل‌های مجاور بستگی دارد:

$$r = G\{c_i, p_i, q_i\}, \quad i = 1:K \quad (2)$$

زیرپیکسل‌ها نیازمند اطلاعات دیگری علاوه‌بر تصویر اصلی هستند که در ادامه مهم‌ترین آنها معرفی خواهد شد.

[19] با استفاده از روش‌های نگاشت زیرپیکسل و مدل‌های تصادفی مارکف سعی در کاهش مقیاس کرده است. فرض اصلی در این روش، مساوی بودن احتمال پیکربندی یک پیکسل به شرط پیکربندی تمام تصویر، با احتمال پیکربندی آن پیکسل به شرط پیکربندی پیکسل‌های مجاور است (مدل مارکف تصادفی). مدل مارکف تصادفی به طور کاملاً دقیقی وابستگی مکانی را توصیف می‌کند. وجود یا عدم وجود مدل تصادفی مارکف در تصویر مشخص نبوده و وابستگی نتایج نهایی به نگاشت اولیه زیرپیکسل‌ها زیاد است.

برای آموزش مناسب تعداد نمونه‌های زیادی مورد نیاز است. همچنین [20] از شبکه‌های عصبی به همراه ضرایب موجک تخمینی، برای نگاشت زیرپیکسل‌ها استفاده کرده است. ضرایب موجک از تصاویر آموزشی در تفکیک‌های مکانی مختلف به دست می‌آیند. ارتباط بین تفکیک‌های مکانی مختلف با مقایسه ضرایب موجک در نظر گرفته می‌شود. این روش فقط برای تصویرهای اخذشده از یک سنجنده کاربرد دارد.

[21],[22] از روش‌هایی بر اساس الگوریتم تولید مثل در سامانه‌های ایمنی هوش مصنوعی برای نگاشت زیرپیکسل‌ها استفاده کرده است که وابستگی مکانی را بیشینه می‌کند. این روش نیازمند تعریف دقیق پیکسل‌های خالص و اطلاعات آموزشی بوده و هنوز برای تصاویر پیچیده به کار نرفته است.

[23] یک روش کاهش مقیاس با استفاده از شبیه‌سازی‌های آماری به دست آمده از تصاویر آموزشی معرفی کرده است. میزان صحت این روش وابسته به شباهت‌های تصاویر ورودی و آموزش‌دهنده است.

در این بخش روش‌هایی برای تعیین نسبت و یا مکان زیرپیکسل‌ها بیان شدند. فواید و معایب هر کدام بیان شد. نیاز به تعیین اطلاعات طبقه‌های خالص یکی از مشکلات فراگیر در این روش‌ها است. در بیشتر موارد نیاز به اطلاعاتی به غیر از تصویر موجود مشاهده می‌شود که به علت عدم رعایت نرخ نمونه‌برداری است. همچنین پاسخ‌گویی روش‌ها به ورودی‌هایی که در مرحله آموزش وجود ندارند، مناسب نیست. درنهایت یک اتفاق نظر کلی بر روی یک روش خاص که بدون نیاز به اطلاعات اضافی پیکسل‌های مخلوط را تجزیه کند، وجود ندارد و همچنان روش طبقه‌بندی سخت مناسب‌ترین گزینه موجود است. با توجه به وجود ماهیت غیرعلی

بنابراین اگر حداقل دو باند مستقل وجود داشته باشد، با توجه به مستقل بودن بازتابش های عناصر خالص خواهیم داشت:

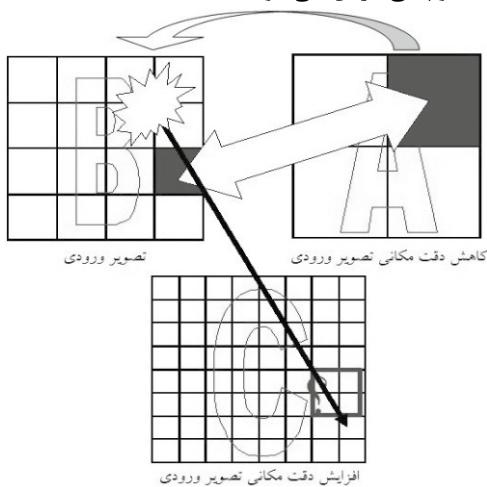
$$(f_{ij}^{Be} \cong f_{mn}^{Ae}), (f_{ij}^{Be} \cong f_{mn_2}^{Ae}) \quad (7)$$

بنابراین در صورت مساوی بودن دامنه دو پیکسل در نواحی متناظر از **A**, **B** نسبت طبقه های تشکیل دهنده آنها نیز مساوی خواهد بود.

از آنجا که سنجنده ها نسبت به جابه جایی زیر پیکسل ها حساس نیستند، گزینه هایی با ساختارهای مختلف مکانی از زیر پیکسل ها خواهیم داشت که در رابطه (8) صدق می کنند. برای انتخاب بهترین گزینه نکته مهم دیگری در مورد تصاویر با کیفیت بالا را در نظر می گیریم. در این تصاویر زیر پیکسل ها در مکان هایی قرار می گیرند که حداقل تجمع از طبقه های مشابه وجود دارد. به عبارت دیگر هر زیر پیکسل جذب بیشترین وزن از طبقه مشابه در پیکسل های همسایه خواهد شد. بنابراین مکان هر زیر پیکسل تابعی از ساختار مکانی پیکسل های همسایه است. با توجه به نکات بالا، برای یک پیکسل B_{ij} , پیکسل مشابه در **A** با حداقل کردن معیار زیر در یک جستجوی محلی به دست می آید:

$$\arg \left\{ \min_{r_3, r_4} \sum_{r_1=-2}^2 \sum_{r_2=-2}^2 \sum_{l=1}^L \left| B_{(i+r_1)(j+r_2)}^l - A_{(\lfloor \frac{i}{s} \rfloor + r_1, \lfloor \frac{j}{s} \rfloor + r_2)}^l \right|^2 \right\} \quad (8)$$

که $\lfloor i/s \rfloor$ نشان دهنده جزء صحیح i/s بوده که برای در نظر گرفتن طبقه های مشابه در دو تصویر استفاده شده و r شاعر ناحیه جستجو است که برای اجتناب از طبقه های غیر مؤثر عدد کوچکی فرض می شود.



(شکل-۲): نمایش گرافیکی فرآیند جستجو در الگوریتم پیشنهادی افزایش دقت مکانی

(Figure-2): The graphical display of proposed search algorithm

که p_i درصد طبقه در پیکسل و q_i درصد طبقه در پیکسل های مجاور می باشد که G لزوماً یکتابع خطی نیست. مشخص است که به دست آوردن دقیق مجھولات بالا کار مشکل و حتی غیرممکنی است و تنها با آزمایش های مختلف روی سنجنده می توان مجھول ها را تعیین کرد. با ساده سازی هایی که انجام شده وابستگی به پیکسل های مجاور و همچنین فرض غیرخطی بودن حذف شده و شدت بازتابش به صورت یک ترکیب خطی از بازتابش طبقه ها در نظر گرفته شده است (رابطه ۱). چنانچه در بحث تجزیه مخلوط طیفی بیان شد، با حل معادله های بالا نسبت طبقه ها به دست می آید.

در روش جدید، برای حل دستگاه معادلات، ابتدا یک فضا از گزینه های مناسب برای جواب ایجاد می کنیم و در بین آنها به دنبال بهترین گزینه ممکن می گردیم. در الگوریتم پیشنهادی **B** یک مجموعه اطلاعات شامل L باند از تصاویر $M \times N$ پیکسل، **A** کاهش دقت یافته اطلاعات موجود با میانگین گیری یکنواخت از بلوک های $s \times s$ و **C** افزایش دقت مکانی یافته تصاویر موجود است. هدف یافتن بلوک هایی برای تصویر **C** است که پس از کاهش دقت (میانگین گیری) به پیکسل های **B** تبدیل شده اند. اکنون

تجزیه طیفی پیکسل های **B** را در نظر می گیریم:

$$r_{ij}^{Bl} = \sum_{k=1}^K f_{ijk}^{Be} c_k^{el} + \varepsilon_{ij}^{Be}, \quad \sum_{k=1}^K f_{ijk}^{Be} = 1 \quad (2)$$

f_{ijk}^{Be} نسبت طبقه های خالص در یک پیکسل تصویر را نشان می دهد. واضح است که L معادله و K مجھول وجود دارد. از آنجا که به طور معمول تعداد باندهای مستقل و بدون نویه از تعداد طبقه ها کمتر بوده و شدت بازتابش عناصر خالص، (c_k^{el}) در کل تصویر ثابت نیست، جواب یکتایی برای رابطه (3) وجود ندارد. نکته ظرفی آن است که در تصاویر با کیفیت بالا دامنه یک پیکسل به طور معمول تابعی از شدت بازتابش دو یا حداقل سه طبقه مجاور ($c_1^{el}, c_2^{el}, c_3^{el}$) بوده و سایر طبقه های دورتر بی تأثیر هستند پس رابطه (3) چنین ساده می شود:

$$r_{ij}^{Bl} = \sum_{k=1}^3 f_{ijk}^{Be} c_k^{el} + \varepsilon_{ij}^{Be}, \quad \sum_{k=1}^3 f_{ijk}^{Be} = 1 \quad (4)$$

شدت بازتابش یک پیکسل **A** در ناحیه متناظر با پیکسل بالا

که شامل طبقه های مشابه می باشد، چنین است:

$$r_{mn}^{Al} = \sum_{k=1}^3 f_{mnk}^{Ae} c_k^{el} + \varepsilon_{mn}^{Ae}, \quad \sum_{k=1}^3 f_{mnk}^{Ae} = 1 \quad (5)$$

اگر دامنه دو پیکسل در نواحی متناظر **A**، **B** که شامل طبقه های مشابه هستند، مساوی باشد:

$$r_{ij}^{Bl} \cong r_{mn}^{Al} \leftrightarrow (f_{ij1}^{Be} - f_{mn}^{Ae})(c_1^{el} - c_3^{el}) - (f_{ij}^{Be} - f_{mn2}^{Ae})(c_2^{el} - c_3^{el}) \cong 0 \quad (6)$$

ورودی در یک دقت مکانی خاص بهره می‌برند و بهنام روش‌های کور شناخته می‌شوند. در این قسمت سه دسته اطلاعات در نظر خواهیم گرفت که دو دسته از آنها اطلاعات ساختگی طبقه‌بندی شده و دسته سوم اطلاعات واقعی سنجش از دور هستند. ابتدا اطلاعات ورودی را با میانگین‌گیری یکنواخت روی بلوک‌های $s \times s$ از پیکسل‌های مجاور کاهش دقت می‌دهیم؛ سپس با استفاده از روش‌های بیان شده، تصویر تخریب شده را بازسازی می‌کنیم. برای مقایسه نتایج کاربرد روش‌های بالا در افزایش دقت مکانی تصاویر، طبقه‌بندی تصویر اولیه را به عنوان مرجع در نظر گرفته و با طبقه‌بندی اطلاعات بازسازی شده صحت آن را به دست می‌آوریم. در این مقایسه دو شاخص درصد صحت طبقه‌بندی (PCC^1) و همچنین شاخص $KAPPA$ را برای اطلاعات خروجی به دست آورده‌ایم. شاخص $KAPPA$ چنین تعریف می‌شود:

$$KAPPA = [\sum_{i=1}^K w_i - \sum_{i=1}^K v_i u_i] / [1 - \sum_{i=1}^K v_i u_i] \quad (9)$$

که u_i نشان‌دهنده درصد طبقه i در اطلاعات بازسازی شده، v_i درصد واقعی این طبقه و w_i حداقل این دو است.

همچنین برای مقایسه توانایی روش‌های بالا در بازسازی پیکسل‌های مخلوط شاخص‌های PCC ، $KAPPA$ را برای پیکسل‌های واقع در لبه‌های تصاویر مرجع (که در فرآیند تخریب پیکسل‌های مخلوط را تشکیل می‌دهند) نیز مقایسه کرده‌ایم (PCC_{mix} , $KAPPA_{mix}$).

۱-۴- اطلاعات ساختگی

از آنجا که در عمل به طور معمول اطلاعات مکانی دقیق‌تری از تصویر ورودی وجود ندارد، چنانچه گفته شد در مراجع مختلف از تصاویر ساختگی شامل چند طبقه برای ارزیابی روش‌های افزایش دقت استفاده شده است.

در این پژوهش نیز دو تصویر ساختگی شامل دو و چهار طبقه در نظر گرفته شده که هر کدام شامل 256×256 پیکسل است؛ سپس با میانگین‌گیری با وزن یکسان از بلوک‌های 8×8 یک تصویر 32×32 پیکسل با دقت مکانی کمتر به دست آمده است. در انتهای این تصاویر خرابشده از سه روش پیشنهادی بازسازی شده‌اند. افزایش دقت مکانی از طریق روش پیشنهادی در سه مرحله انجام شده که در هر مرحله دقت مکانی دو برابر شده است. در شکل‌های (۳) و (۴) تصاویر افزایش دقت مکانی یافته با استفاده از روش‌های

شکل (۲) فرآیند جستجو را به طور ساده نمایش می‌دهد. با به دست آوردن پیکسل‌های مشابه در دو تصویر ساختار زیرپیکسل‌های آنها نیز با توجه به رابطه‌های (۶) و (۷) مشابه خواهد بود و برای هر پیکسل تصویر ورودی یک مجموعه بهینه از زیرپیکسل‌ها به دست می‌آید. لازم به ذکر است که هرچه تعداد پیکسل‌های خالص، نسبت به تعداد پیکسل‌های مخلوط در تصویر اولیه بیشتر باشد، در فرآیند بازترکیب تعداد بیشتری از پیکسل‌های مخلوط به پیکسل‌های خالص تجزیه می‌شوند. چنانچه خطای مشابهت پیکسل‌ها از یک آستانه تعريف شده توسط کاربر بیشتر شود، در این صورت روش پیشنهادی قادر به تجزیه آن پیکسل نیست؛ در چنین حالتی در مرحله تجزیه زیرپیکسل‌ها، آن پیکسل را به صورت یک بلوک $s \times s$ تکرار می‌کنیم. بدین ترتیب می‌توان اطمینان حاصل کرد که خطای طبقه‌بندی اطلاعات خروجی روش پیشنهادی کمتر از طبقه‌بندی سخت است. در هر صورت، نیازمند یک طبقه‌بندی دلخواه در تصویر نهایی برای تعیین طبقه زیرپیکسل‌ها هستیم.

۴- نتایج شبیه سازی‌ها

مشخص است که با هدف کاهش پیکسل‌های مخلوط، کلیه روش‌های مرسوم بزرگ‌نمایی به کارفته در پردازش تصاویر، مانند درون‌یابی‌ها که به دلیل استفاده از کانولوشن پیکسل‌های مخلوط بیشتری تولید می‌کنند، در عمل کاربردی در سنجش از دور ندارند [24]؛ همچنین به دلیل عدم وجود تصاویر نهایی با دقت مکانی بالاتر از تصاویر موجود، ابهاماتی نیز در مورد نحوه بررسی میزان صحت روش‌های پیشنهادی افزایش دقت مکانی وجود دارد. به همین خاطر بیشتر شبیه‌سازی‌ها بر روی اطلاعات ساختگی انجام شده است [22]. مقایسه بین روش‌های معروف شده بر اساس معیارهای مختلفی مانند ضرایب همبستگی، تفسیر چشمی، صحت طبقه‌بندی و لبه‌ها است.

با توجه به مطالب بیان شده در بخش دوم، واضح است که در بین روش‌های موجود افزایش دقت مکانی، تنها گزینه‌های موجود برای مقایسه با روش پیشنهادی، طبقه‌بندی سخت (که در آن هر پیکسل نشان‌دهنده طبقه‌ای است که بیشینه درصد را در آن پیکسل دارد و تأثیر سایر زیرپیکسل‌ها نادیده گرفته می‌شود) و ترکیبی از دو روش FCM و مستقیم (FCM+DIRECT) است که برای تعیین نسبت و مکان زیرپیکسل‌ها نیازی به اطلاعات اضافی و آموزش ندارند. این روش‌ها فقط از اطلاعات همزمان تصاویر

^۱ Percent of Correction Classification



data, c, d: restoration of destroyed data using FCM+DIRECT and proposed methods respectively)

(جدول-۱): مقایسه نتایج طبقه‌بندی روش‌های مختلف افزایش

دقت مکانی برای اطلاعات ساختگی شامل دو طبقه

(Table-1): Comparison of different magnification methods for two classes of synthetic data

	طبقه‌بندی سخت	FCM+ DIRECT	روش پیشنهادی
PCC	0.98	0.98	0.99
KAPPA	0.96	0.96	0.98
PCCmix	0.77	0.76	0.90
KAPPAmix	0.62	0.61	0.90

(جدول-۲): مقایسه نتایج طبقه‌بندی روش‌های مختلف افزایش

دقت مکانی برای اطلاعات ساختگی شامل چهار طبقه

(Table-2): Comparison of different magnification methods for four classes of synthetic data

	طبقه‌بندی سخت	FCM+ DIRECT	روش پیشنهادی
PCC	0.95	0.92	0.97
KAPPA	0.93	0.88	0.95
PCCmix	0.77	0.67	0.85
KAPPAmix	0.71	0.58	0.80

(جدول-۳): جدول ارزیابی خطای طبقه‌بندی سخت در تخمین

بیکسل‌های مخلوط (چهار طبقه)

(Table-3): Evaluation table of hard classification error for mixed pixels estimation (four classes)

	C1	C2	C3	C4	صحت
C1	2700	319	515	0	76%
C2	372	2218	181	0	80%
C3	576	279	3726	218	77%
C4	0	0	250	870	77%
اعتبار	74%	78%	79%	79%	

(جدول-۴): جدول ارزیابی خطای طبقه‌بندی روش پیشنهادی در تخمین

بیکسل‌های مخلوط (چهار طبقه)

(Table-4): Evaluation table of proposed method error for mixed pixels estimation (four classes)

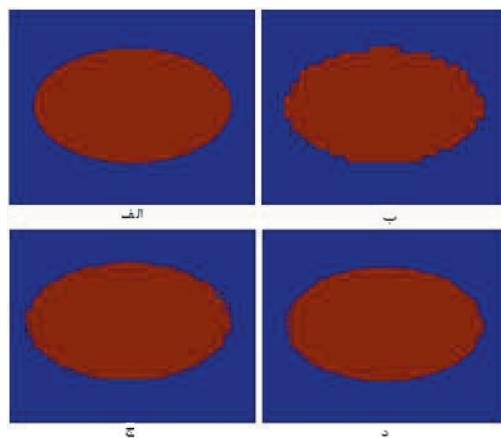
	C1	C2	C3	C4	صحت
C1	3216	90	228	0	90%
C2	166	2505	100	0	90%
C3	532	225	3865	177	80%
C4	0	0	333	787	70%
اعتبار	82%	88%	85%	81%	

۲-۴- اطلاعات واقعی

در این قسمت دو دسته از اطلاعات سنجش از دور حومه جنوب ایندیانا مورد تحلیل قرار می‌گیرند. گروه نخست اطلاعات ایندیانا که برای شبیه‌سازی استفاده شده شامل ۱۲ باند و هر باند دارای یک تصویر 220×140 پیکسل و همچنین اطلاعات زمین مرجع است (شکل ۵). این اطلاعات در ۹ طبقه (ذرت، سویا، جنگل، گندم، علف، جو دو سر،

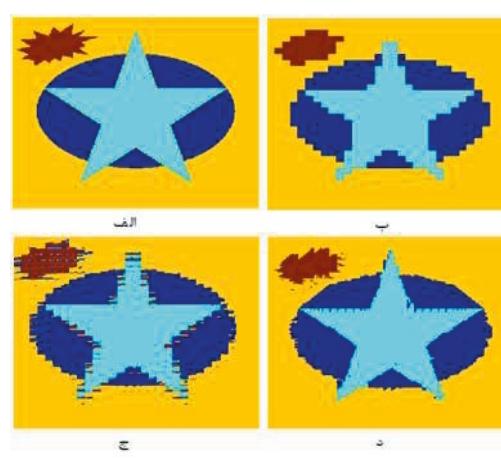
مختلف مقایسه شده‌اند.

در جداول (۱) و (۲) مقایسه‌ای بین نتایج صحبت طبقه‌بندی اطلاعات بازسازی شده توسط روش‌های مختلف افزایش دقت مکانی دیده می‌شود که نشان‌دهنده بهبود نسبی شاخص‌های طبقه‌بندی توسط روش معرفی شده است. همچنین برای بررسی بهتر، جداول (۳) و (۴) ارزیابی دقیقی از چگونگی خطای ایجادشده در بازسازی پیکسل‌های مخلوط در طبقه‌بندی سخت و روش پیشنهادی را نشان دهند.



(شکل-۳): مقایسه خروجی‌های روش‌های مختلف افزایش دقت مکانی (الف: اطلاعات مرجع. ب: طبقه‌بندی سخت اطلاعات خراب شده. ج، د: بازسازی اطلاعات خرابشده توسط روش‌های FCM+DIRECT و پیشنهادی بهتر ترتیب)

(Figure-3): Comparison of different magnification methods outputs (a: reference data, b: hard classification of destroyed data, c, d: restoration of destroyed data using FCM+DIRECT and proposed methods respectively)



(شکل-۴): مقایسه خروجی‌های روش‌های مختلف افزایش دقت مکانی (الف: اطلاعات مرجع. ب: طبقه‌بندی سخت اطلاعات خراب شده. ج، د: بازسازی اطلاعات خرابشده توسط روش‌های FCM+DIRECT و پیشنهادی بهتر ترتیب)

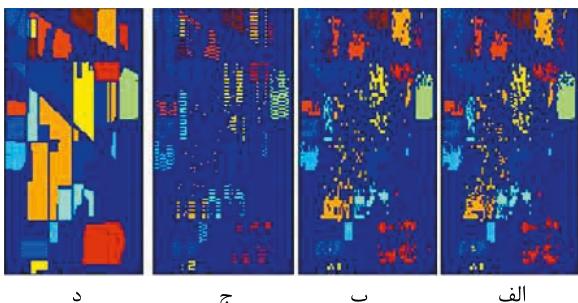
(Figure-4): Comparison of different magnification methods outputs (a: reference data, b: hard classification of destroyed

۲۲۰ باند انتخاب شده و با استفاده از ۲۵۰ نمونه آموزشی در یازده طبقه طبقه‌بندی شده‌اند. این اطلاعات با میانگین‌گیری یکنواخت از بلوک‌های ۲×۲ کاهش دقت یافته و سپس اطلاعات کاهش دقت مکانی یافته، با استفاده از طبقه‌بندی سخت و روش پیشنهادی، افزایش دقت مکانی پیدا کرده‌اند. شکل (۶) اطلاعات بالا و جدول (۶) مقایسه‌ای بین نتایج طبقه‌بندی را نشان می‌دهد.

(جدول-۵): مقایسه نتایج طبقه‌بندی سخت و روش پیشنهادی افزایش دقت مکانی برای اطلاعات واقعی گروه یک

(Table-5): Comparison of group one classification results using hard classification and proposed method

	اطلاعات مرجع	طبقه‌بندی سخت	روش پیشنهادی
PCC	0.73	0.77	0.79
KAPPA	0.66	0.71	0.73
PCCmix	0.56	0.35	0.63
KAPPAmix	0.58	0.28	0.55



(شکل-۶): مقایسه طبقه‌بندی‌های مختلف اطلاعات واقعی دسته دو با زمین مرجع. (الف: زمین مرجع. ب: طبقه‌بندی اطلاعات مرجع. ج: طبقه‌بندی سخت. د: روش پیشنهادی)

(Figure-6): Comparison of different classification of group two with ground reference (a: ground reference data. b: reference classification. c: hard classification of destroyed data. d: restored data using proposed method.)

(جدول-۶): مقایسه صحت طبقه‌بندی اطلاعات واقعی گروه دو در مقایسه با زمین مرجع

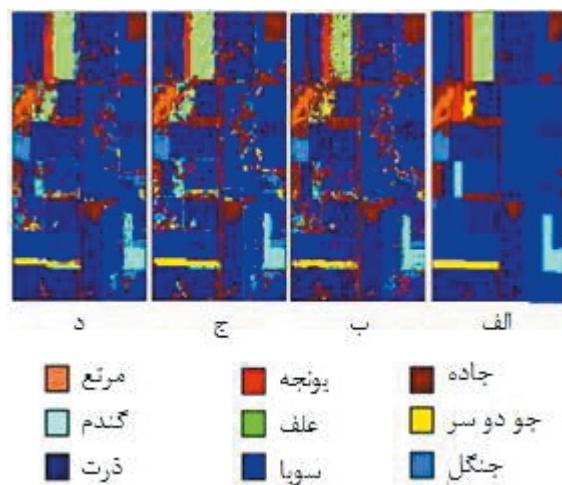
(Table-5): Comparison of group two classification results using hard classification and proposed method

	اطلاعات مرجع	طبقه‌بندی سخت	روش پیشنهادی
PCC	0.65	0.71	0.72
KAPPA	0.50	0.60	0.61
PCCmix	0.62	0.51	0.54
KAPPAmix	0.48	0.36	0.40

۳-۴-بحث و تفسیر

در بررسی شبیه‌سازی‌های بالا نکات قابل توجهی وجود دارد. در تمام موارد روش پیشنهادی در بازسازی کل پیکسل‌ها و پیکسل‌های مخلوط عملکرد بهتری داشته است بهنحوی که

مرتع، یونجه و جاده) طبقه‌بندی شدند؛ سپس این اطلاعات با میانگین‌گیری یکنواخت از بلوک‌های ۲×۲ کاهش دقت یافته و سپس اطلاعات کاهش دقت مکانی یافته با استفاده از طبقه‌بندی سخت و روش پیشنهادی، افزایش دقت مکانی پیدا کرده‌اند. شکل (۵) اطلاعات بالا و جدول (۵) مقایسه‌ای بین نتایج طبقه‌بندی را نشان می‌دهد.



(شکل-۵): اطلاعات بخش جنوبی تایپکانو، ایندیانا. شامل ۱۲ باند ۲۲۰×۱۴۰ پیکسل و ۹ طبقه از پرواز FLC1 در ژوئن ۱۹۶۶ با استفاده از سنجنده M7. (الف: اطلاعات زمین مرجع. ب: طبقه‌بندی اطلاعات ورودی. ج: طبقه‌بندی سخت اطلاعات خراب شده. د: بازسازی اطلاعات خراب شده توسط روش پیشنهادی)

(Figure-5): Data of south taipkano, Indiana. Consist of 12 bands, each band contain 220*140 pixels of nine classes (a: ground reference data. b: reference classification. c: hard classification of destroyed data. d: restored data using proposed method.)

گروه دوم اطلاعات ایندیانا در ۲۲۰ باند و هر باند شامل یک تصویر ۱۴۵×۱۴۵ پیکسل و همچنین اطلاعات زمین مرجع است. اطلاعات زمین مرجع شامل هفده طبقه است. دامنه اطلاعات در محدوده ۹۹۵-۸۰۰۰ است که به ۲۵۵-۰ نگاشت شده است. پنجاه نمونه آموزشی برای هر یک از ۱۴ طبقه و ۱۵ نمونه آموزشی برای هر یک از سه طبقه دیگر تعریف شده است که استفاده از آنها در طبقه‌بندی باعث می‌شود، ماتریس‌های کوواریانس ویژه شوند. برای حل این مشکل طبقه‌های با تعداد نمونه کمتر از سیصد در طبقه نخست ادغام شده‌اند و تعداد نمونه آموزشی برای هر طبقه به ۲۵۰ نمونه افزایش یافته است. ۱۹۰ باند با نویفه کمتر از

^۱ <https://engineering.purdue.edu/~biehl/MultiSpec/hyperspectral.html>

پیشنهادی است. گرچه این روش برای تصاویر با کیفیت بالا پیشنهاد شده، ولی کاربردهای مختلفی در تصاویر مختلف سنجش از دور، پزشکی و نظامی خواهد داشت. در پژوهش‌های بعدی، سعی در تعمیم روش بالا به تصاویر با کیفیت پایین خواهد شد.

6-References

6-مراجع

- [1] J.J. Settle, N.A. Drake, "Linear Mixing and the Estimation of Ground Cover Proportions", *International Journal of Remote Sensing*, Vol. 14, No. 6, pp.1159-1177, 1993.
- [2] J. Li, Q. Yuan, H. Shen, X. Meng and L. Zhang, "Hyperspectral Image Super-Resolution by Spectral Mixture Analysis and Spatial-Spectral Group Sparsity", *IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters*, Vol. 13, No. 9, pp. 1250 – 1254, 2016.
- [3] C. Wu, A.T. Murray, "Estimating Impervious Surface Distribution by Spectral Mixture Analysis", *Remote Sensing Of Environment*, Vol. 84, pp. 493-505, 2003.
- [4] Zhang Hongen, Lin Qizhong, Liu Suhong, Shi Jiancheng, "Sub-Pixel Lake Mapping In Tibetan Plateau", *Geoscience And Remote Sensing Symposium, Proceedings IEEE*, Vol. 5, pp .3073 – 3076, 2004.
- [5] L. Weiguo Elaine, Y. Wu, "Comparison Of Non-Linear Mixture Models: Sub-Pixel Classification", *Remote Sensing Of Environment*, Vol. 94, pp.145–154, 2005.
- [6] G.M. Foody, R.M. Lucas, P.J. Curran and M. Honzak, "Non-Linear Mixture Modeling Without Endmembers Using An Artificial Neural Network", *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 18, pp. 937-953, 1997.
- [7] Z. Mitrak, F. Del Frate, "Non-linear spectral mixture analysis of Landsat imagery by means of neural networks", *IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium (IGARSS)*, pp. 1765 – 1768, 2015.
- [8] G.M. Foody, D.P. Cox, "Sub-Pixel Land Cover Composition Estimation Using A Linear Mixture Model And Fuzzy Membership Functions", *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 15, pp. 619-631, 1994.
- [9] J. Zhang, G.M. Foody, "Fully-Fuzzy Supervised Classification Of Sub-Urban Land Cover From Remotely Sensed Imagery: Statistical And Artificial Neural Network Approaches", *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 22, No.4, pp. 615–628, 2001.
- [10] G.M. Foody, "Estimation Of Sub-Pixel Land Cover Composition In The Presence Of Untrained Classes", *Computers & Geosciences*, Vol. 26, pp.469-478, 2000.

در اطلاعات ساختگی صحت طبقه‌بندی را حداقل ۰.۱٪ و در پیکسل‌های مخلوط حداقل ۷٪ بهبود داده است. در اطلاعات واقعی، با وجود کیفیت پایین اطلاعات، حدود ۳٪ پیکسل‌های مخلوط بیشتری، صحیح طبقه‌بندی شده‌اند. اعتبار و صحت طبقه‌بندی نیز، به جز در یک مورد، در سایر حداقل ۲٪ بهبود یافته‌اند.

یک مقایسه چشمی نیز نشان‌دهنده بهبود نسبی اطلاعات بازسازی شده توسط روش پیشنهادی، بهخصوص در طبقه‌های بزرگ‌تر است. همچنین به نظر می‌رسد که خطای تعیین درصد زیرپیکسل‌ها در روش FCM+DIRECT زیاد بوده و اطلاعات لبه‌ها در طبقه‌بندی سخت از بین رفته‌اند. افزایش تعداد طبقه‌ها بر عملکرد همه روش‌ها تأثیر منفی داشت. نامناسب‌ترین نمایش را روش FCM+DIRECT داشت و از آنجا که تشخیص طبقه‌ها در تصویر خروجی آن غیرممکن بود، مجبور به حذف نتایج آن بر روی اطلاعات واقعی شدیم. به نظر می‌رسد، خطای ایجادشده در محاسبه درصد زیرپیکسل‌ها باعث این عملکرد ضعیف شده است که ناشی از انتساب اولیه نامناسب خوش‌ها توسط FCM بود. همچنین صحت طبقه‌بندی کل پیکسل‌های اطلاعات واقعی پس از کاهش دقت بهتر از اطلاعات ورودی است که ناشی از خاصیت کاهش نوفه عمل میانگین‌گیری است در حالی‌که میانگین‌گیری باعث از بین رفتن اطلاعات لبه‌ها شده است.

چنانچه در بررسی اطلاعات واقعی دیده می‌شود، کاهش تعداد پیکسل‌های خالص نسبت به پیکسل‌های مخلوط تأثیر منفی بر عملکرد روش پیشنهادی گذاشته است.

5-جمع‌بندی

با توجه به بررسی‌های انجام‌شده به نظر می‌رسد روش جدید بدون استفاده از اطلاعات اضافی و تنها با استخراج اطلاعات کمتر به چشم آمده موجود در تصاویر، توانایی بهبود دقت مکانی را دارد. در این مبحث نیازی به محاسبات پیچیده و تصاویر خاص و آموزش ندارد. احتیاجی به محاسبه جداگانه درصد و محل زیرپیکسل‌ها نیست. توانایی این روش در لبه‌های استخراج‌شده نیز واضح است و می‌توان کیفیت لبه‌ها را به عنوان معیاری در میزان صحت نتایج در نظر گرفت. محاسبه شاخص‌های طبقه‌بندی نیز مؤید توانایی روش

- Remote Sensing Symposium*, Vol. 3, pp.1007–1010, 2009.
- [22] X. Tong, X. Xu, A. Plaza, H. Xie, H. Pan, W. Cao and D. LvA, “New Genetic Method for Subpixel Mapping Using Hyperspectral Images”, *IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing*, Vol. 99, pp. 1-12, 2016.
- [23] A. Boucher, “Sub-Pixel Mapping Of Coarse Satellite Remote Sensing Images With Stochastic Simulations From Training Images”, *Mathematical Geoscience*, Vol. 41, pp.265–290, 2009.
- [24] M. Zeinali, H. Ghasseian and M.N. Moghaddasi, “A New Magnification Method For Rgb Color Images Based On Subpixels Decomposition”, *IEEE Signal Processing Letters*, Vol. 21, No. 5, pp. 577–560, 2014.



منصور زینلی مدارک کارشناسی و کارشناسی ارشد خود را در رشته‌های مهندسی الکترونیک و مخابرات از دانشگاه صنعتی اصفهان بهترتب در سال‌های ۱۳۷۴ و ۱۳۷۷ دریافت کرد. همچنین در سال ۱۳۹۳ از رساله دکترای خود در دانشگاه علوم و تحقیقات تهران دفاع کرد. در شانزده سال اخیر وی عضو هیأت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد نجف‌آباد بوده است. زمینه اصلی پژوهشی ایشان پردازش سیگنال، دنباله‌ها و تبدیل‌های متعامد است.

نشانی رایانمه ایشان عبارت است از:

mansoorzeinali@pel.iaun.ac.ir



محمدحسن قاسمیان یزدی تحصیلات کارشناسی خود را در رشته مهندسی مخابرات در سال ۱۳۵۸ در دانشکده مخابرات ایران به پایان رساند. ایشان مدارک کارشناسی ارشد و دکترای خود را در رشته مخابرات از دانشگاه پردو ایالات متحده آمریکا بهترتب در سال‌های ۱۳۶۳ و ۱۳۶۷ اخذ کردن و پس از آن به عنوان عضو هیئت علمی دانشگاه تربیت مدرس به تدریس و پژوهش پرداختند. در حال حاضر ایشان به عنوان استاد گروه مخابرات در زمینه آنالیز و پردازش تصویر، بازناسی الگو، مهندسی سنجش از دور و نیز پردازش تصاویر و سیگنال‌های پزشکی فعالیت دارند. وی تاکنون بیش از چهارصد مقاله در مجلات معتبر علمی و کنفرانس‌ها ارائه کرده است.

نشانی رایانمه ایشان عبارت است از:

ghassemi@modares.ac.ir

- [11] Q. Fang, “Neuro-Fuzzy Based Analysis Of Hyper Spectral Imagery”, *Photogrammetric Engineering & Remote Sensing*, Vol. 74, No. 10, pp. 1235–1247, 2008.
- [12] P.M. Atkinson, A.R.L. Tatnall, “Introduction: Neural Networks In Remote Sensing”, *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 18, pp. 699-709, 1997.
- [13] G.M. Foody, M.K. Arora, “An Evaluation Of Some Factors Affecting The Accuracy Of Classification By An Artificial Neural Network”, *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 18, pp. 799-810, 1997.
- [14] M.Q. Nguyen, P.M. Atkinson and G.L. Hugh, “Superresolution Mapping Using A Hopfield Neural Network With Fused Images”, *IEEE Transactions On Geoscience And Remote Sensing*, Vol. 44, No. 3, pp. 736-750, 2006.
- [15] C.E. Woodcock, S. Gopal, and W. Albert, “Evaluation Of The Potential For Providing Secondary Labels In Vegetation Maps”, *Photogrammetric Engineering & Remote Sensing*, Vol. 62, pp. 393-399, 1996.
- [16] M.W. Thornton, P.M. Atkinson and D. A. Holland, “Sub-Pixel Mapping Of Rural Land Cover Objects From Fine Spatial Resolution Satellite Sensor Imagery Using Super-Resolution Pixel-Swapping”, *International Journal Of Remote Sensing*, Vol. 27, No. 3, pp.473–491, 2006.
- [17] C.M. Koen, B.D. Baets, L.P.C. Verbeke and R.R. De Wulf, “Direct Sub-Pixel Mapping Exploiting Spatial Dependence”, *Geoscience And Remote Sensing Symposium*, IEEE, pp. 3046-3050, 2004.
- [18] Qunming Wang, Wenzhong Shi and Liguo Wang, “Allocating Classes For Soft-Then-Hard Subpixel Mapping Algorithms In Units Of Class”, *IEEE Transactions On Geoscience And Remote Sensing*, Vol. 52, No. 5, pp. 2940 - 2959, 2014.
- [19] T. Kasetkasem, M.K. Arora, P.K. Varshney, “Super-Resolution Land Cover Mapping Using A Markov Random Field Based Approach Remote Sensing Of Environment”, *Remote Sensing Of Environment*, Vol. 96, pp. 302-314, 2005.
- [20] C.M Koen, L.P.C. Verbeke, , T. Westra and R.R. De Wulf., “Sub-Pixel Mapping And Sub-Pixel Sharpening Using Neural Network Predicted Wavelet Coefficients”, *Remote Sensing Of Environment*, Vol. 91, pp.225–236, 2004.
- [21] Y. Zhong, L. Zhang, P. Li, and H. Shen, “A Sub-Pixel Mapping Algorithm Based On Artificial Immune Systems For Remote Sensing Imagery”, *IEEE International Geoscience And*

