

# ارائه الگوریتم پویا برای تنظیم هم‌روندی

## فرایندهای کسب‌وکار



مهدی یعقوبی<sup>۱\*</sup>، مرتضی زاهدی<sup>۲</sup> و علیرضا احمدی فرد<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup>دانشگاه صنعتی شاهرود، دانشکده کامپیوتر و فناوری اطلاعات، شاهرود، ایران

<sup>۲</sup>دانشگاه صنعتی شاهرود، دانشکده برق و رباتیک، شاهرود، ایران

### چکیده

سامانه‌های مدیریت فرایندهای کسب‌وکار (BPMS)، سامانه‌های پیچیده اطلاعاتی هستند که جهت رقابت در بازار جهانی و افزایش بهره‌وری اقتصادی، استفاده از آن‌ها در هر سازمانی، امری حیاتی و ضروری است. ایجاد تعادل بارکاری منابع در BPMS، یکی از چالش‌هایی است که از دیرباز مورد مطالعه و بررسی پژوهش‌گران قرار گرفته است. تعادل بارکاری منابع، باعث افزایش پایداری سامانه، افزایش کارایی منابع و افزایش کیفیت محصولات می‌شود. در این مقاله، مسئله تنظیم هم‌روندی در BPMS به عنوان یک مسئله کاربردی در جهت بهبود تعادل بارکاری منابع و یک‌نواختی در بارکاری هر منبع معرفی می‌شود و برای حل این مسئله، در ابتدای هر فرایند یک عنصر تأخیردهنده در نظر گرفته می‌شود و هدف مسئله تنظیم مقدار تأخیر در ابتدای هر فرایند است. برای این منظور یک الگوریتم بهینه‌سازی پویا ارائه و سرعت اجرای الگوریتم پویای پیشنهاد شده نسبت به الگوریتم جستجوی فضای حالت و الگوریتم تکاملی PSO مقایسه می‌شود. مقایسه انجام شده نشان می‌دهد سرعت الگوریتم پیشنهادی نسبت به الگوریتم جستجوی فضای حالت به صورت ۳۷ ساعت به ۵/۸ سال است؛ در حالی که الگوریتم POS همین مسئله را در سه دقیقه حل می‌کند. آزمایش انجام شده روی یک پایگاه داده واقعی ۲۱/۶۴ درصد بهبود را در عملکرد الگوریتم پیشنهادی نشان می‌دهد.

واژگان کلیدی: سامانه مدیریت فرایندهای کسب‌وکار، تنظیم هم‌روندی فرایندها، تعادل بارکاری، بهینه‌سازی پویا، پیچیدگی زمانی.

## A Dynamic Programming Algorithm for Tuning Concurrency of Business Processes

Mehdi Yaghoubi<sup>1\*</sup>, Morteza Zahedi<sup>2</sup> & Alireza Ahmayfard<sup>3</sup>

<sup>1,2</sup>Computer & IT Engineering Department, Shahrood university of technology, Shahrood, Iran.

<sup>3</sup>Electrical & Robotics Engineering Department, Shahrood university of technology, Shahrood, Iran.

### Abstract

Business process management systems (BPMS) are vital complex information systems to compete in the global market and to increase economic productivity. Workload balancing of resources in BPMS is one of the challenges have been long studied by researchers. Workload balancing of resources increases the system stability, improves the efficiency of the resources and enhances the quality of their products. Workload balancing of resources in BPMS is considered as an important factor of the performance and the stability in systems. Setting the workload of each source at a certain level increases the efficiency of the resources.

The main objectives of this research are the concept of resource workload balance and uniformity of the workload for each source at a specified level. To optimize the balance workload and uniformity of each source, the setting multi-process concurrency was offered and studied. Also, the regulation of multi-process concurrency was mentioned as an optimization problem. In this paper, tuning concurrency of the business process is introduced as a problem in BPMS, which is an application issue to improve at workload balance of resources and uniformity in the workload of each resource.

\* Corresponding author

\* نویسنده عهده‌دار مکاتبات

فصلنامه



سال ۱۳۹۷ شماره ۲ پیاپی ۳۶

To solve this problem, a delay vector is defined, each element of delay vector makes the synthetic delay at the first of each business process, then a dynamic optimization algorithm is presented to compute delay vector and the speed of the proposed algorithms is compared with and state-space search algorithm and evolutionary algorithm of PSO. The comparison shows that the speed of the proposed algorithm is 37 hours to 5.8 years compared to the state-space search algorithm, while the POS algorithm solves the same problem in just 3 minutes. The experimental results on a real dataset show 21.64 percent improvement in the performance of the proposed algorithm.

**Keywords:** Business process management systems, tuning concurrency of business processes, workload balancing, dynamic optimization, time complexity

## ۱- مقدمه

ظهور سامانه‌های مدیریت فرایندهای کسب‌وکار (BPMS) تحولی انقلابی در سامانه‌های هوشمند و سامانه‌های اطلاعاتی ایجاد کرده است. توسعه و بهروزی، در بسیاری از شرکت‌ها و سازمان‌ها به سرعت در حال افزایش است. اگرچه این توسعه به‌واسطه استفاده از فناوری نوین و مهارت‌های پیشرفته در مدیریت حاصل می‌شود، ولی نقش BPMS را در این توسعه نمی‌توان نادیده گرفت. شرکت‌ها و سازمان‌هایی که در یک زمینه‌ای خاص در تجارت جهانی مشغول فعالیت هستند، برای تداوم صنعت و حفظ و افزایش مشتریان خود، باید از روش‌های نوین مشتری‌مداری و مدیریت فرایندهای کسب‌وکار بهره ببرند. BMPS امکانی را برای مدیریت بهتر فرایندهای کسب‌وکار به‌وجود می‌آورد [1-3]. BPMS برای کاربران خود این امکان را فراهم می‌کند که مدیریت هوشمندانه‌ای روی فرایندهای کسب‌وکار داشته باشند. از آنجایی که ابزارهایی مانند WFMS (سامانه‌های مدیریت جریان کاری<sup>۲</sup>) توسعه، اجرا و مدیریت فرایندها را فراهم می‌کنند، BPMS به‌گونه‌ای گسترش یافته است تا علاوه بر قابلیت‌های ذکر شده بالا، امکان مدیریت و تعامل بین فرایندها را فراهم کنند و سازگاری بیشتری با فرایندهای درون‌سازمانی داشته باشد [3,4].

ایجاد تعادل در بارکاری منابع در BPMS باعث افزایش کارایی و بازدهی منابع و مدیریت بهتر منابع انسانی می‌شود و در نهایت باعث افزایش کیفیت محصولات می‌شود. سامانه‌های مدیریت فرایندهای کسب‌وکار به دلیل تعامل شدید با انسان، دارای ماهیت احتمالاتی هستند؛ لذا عملکرد الگوریتم‌ها و روش‌های ارائه‌شده در این سامانه‌ها، وابسته به پارامترهای آماری متعددی است. تنوع و کثرت این پارامترها، طراحی یک الگوریتم جامع جهت ایجاد تعادل بارکاری در این سامانه‌ها را بسیار پیچیده می‌کند. در پیشینه پژوهش از روش‌هایی مانند

مدل‌سازی فرایندهای کسب‌وکار در شبکه صف [5,7] استفاده شده و مسئله تعادل بارکاری را به‌صورت تئوری برای یک فرایند کسب‌وکار حل شده است. از آنجایی که مسئله تعادل بارکاری در تعامل شدید با فعالیت‌های منابع است برخی از پژوهش‌گران با بهره‌گیری از روش‌های یادگیری تقویتی نوعی هوشمندی و یادگیری به الگوریتم خود اضافه کرده‌اند [8] و توانستند عملکرد مناسب الگوریتم را برای مدت طولانی‌تری تضمین کنند. متأسفانه در سابقه پژوهش به مسئله تعادل بارکاری در محیط‌های چند فرایندی توجه چندانی نشده است. در این مقاله، بهبود تعادل بارکاری منابع و تثبیت بارکاری هر منبع را در یک سطح مشخص به‌عنوان هدف اصلی قرار داده‌ایم و مسئله تنظیم هم‌روندی را در محیط‌های چندفرایندی به‌عنوان یک مسئله بهینه‌سازی معرفی می‌کنیم. در ادامه، چند روش مختلف برای حل این مسئله ارائه می‌شود. حل مسئله معرفی‌شده با الگوریتم جستجوی فضای حالت دارای پیچیدگی زمانی نامایی است. در این مقاله، جهت افزایش سرعت اجرای آن، یک روش ابتکاری با بهینه‌سازی پویا برای حل آن ارائه می‌دهیم به‌طوری‌که پیچیدگی زمانی آن در مقابل الگوریتم جستجوی فضای حالت به‌صورت قابل توجهی کاهش می‌یابد. علاوه بر آن، برای حل مسئله تنظیم هم‌روندی به‌عنوان یک مسئله بهینه‌سازی از الگوریتم تکاملی PSO استفاده کردیم و در انتهای مقاله برای یک سناریوی مشخص، سرعت اجرای سه روش ارائه‌شده را مورد مقایسه قرار دادیم.

## ۲- پژوهش‌های مرتبط

یکی از روش‌های افزایش پایداری در BPMS، تعادل بارکاری منابع است، به‌خصوص در مواقعی که تعداد منابع سرویس‌دهنده محدود است. این روش در زمینه‌های مختلف در صنعت و علوم کامپیوتر مورد استفاده قرار می‌گیرد. به‌عنوان

<sup>1</sup> Business process management system

<sup>2</sup> Workflow Management Systems

تصادفی پویا با هدف کاهش چرخه زمانی<sup>۱</sup> جهت تخصیص وظایف ارائه دهند. ایشان با اضافه کردن یک پارامتر جدید به شبکه صف، تخمین بهتری از چرخه زمانی ارائه دادند و با جابه‌جایی واحدهای کاری در صف اختصاصی (فهرست کاری) منابع تعادل بارکاری منابع را افزایش دادند و هم‌زمان چرخه زمانی درخواست‌ها را بهبود بخشیدند. ایده اصلی آن‌ها در کاهش بارکاری منابع با جابه‌جایی واحدهای کاری، از منابع با بارکاری بالا به منابع غیرفعال است.

در پژوهشی که توسط Georgoulakos و همکاران انجام شد [20]، یک روش بهینه‌سازی چندهدفه تکاملی برای طراحی مدل فرایند سازمانی ارائه شد که نشان داد، روش برنامه‌ریزی پویا و الگوریتم تکاملی ژنتیک در تحلیل و آنالیز ارتباط زیرفرایندها با فرایند اصلی می‌تواند سودمند باشد.

در مطالعه‌ای که توسط Wibig انجام شد [21]، یک روش خودکار برای زمان‌بندی کارها بر اساس روش‌های بهینه‌سازی ژنتیک و برنامه‌ریزی پویا در مدل‌سازی فرایندهای کسب‌وکار معرفی شد. ایشان نشان داد برنامه‌ریزی پویا هزینه محاسبات را به‌صورت قابل توجهی می‌تواند کاهش دهد. Wibig در ادامه پژوهش‌های خود یک الگوریتم مرتب‌سازی ژنتیک غیرغالب<sup>۲</sup> نسخه دوم (NSGA II) برای بهینه‌سازی چندهدفه ارائه داد [22]. ایشان در ارائه الگوریتم پیشنهادی خود از روش برنامه‌ریزی پویا استفاده کرد و نشان داد روش او دارای پیچیدگی زمانی کم‌تری نسبت به الگوریتم پایه NSGA است.

## ۲-۲- میزان بارکاری، سطح فشار عصبی و کارایی منابع

در پژوهشی توسط آلویسی و مورگان انجام شد، میزان تأثیر فشار عصبی منابع بر بازدهی آن‌ها اندازه‌گیری شد. همان‌طور که در شکل (۱) آمده است، این پژوهش نشان داد. منابع انسانی در حد متعادلی از فشار عصبی، دارای بازدهی بهینه هستند و بازدهی منابع نسبت به میزان فشار عصبی آن‌ها دارای تابع گوسی شکل است. از آنجایی که بارکاری منابع با فشار عصبی آن‌ها رابطه مستقیم دارد، بنابراین از نتیجه این پژوهش برای مدل‌کردن میزان کارایی منابع بر اساس بارکاری آن‌ها می‌توان استفاده کرد؛ به عبارت دیگر برای هر منبع سطح مشخصی از بارکاری وجود دارد که اگر بارکاری در این سطح

مثال، به سیستم‌های توزیع شده و محاسبات موازی [9]، محاسبات گریدی [10] و سامانه‌های مدیریت پایگاه داده [11] می‌توان اشاره کرد. از این روش در سامانه‌های مدیریت جریان کاری نیز بارها استفاده شده است [5,6,12-17].

در کل، نحوه تخصیص وظیفه به منابع، عامل اصلی در کارایی فرایندهای کسب‌وکار است. از ساده‌ترین روش‌های ارائه‌شده FIFO<sup>۳</sup>، SPT<sup>۴</sup>، EDD<sup>۵</sup> و MST<sup>۴</sup> را می‌توان نام برد [18]. مزیت این روش‌های پایه‌ای در این است که به‌سادگی آن‌ها را در هر سامانه‌ای مورد استفاده می‌توان قرار داد یا با روش‌های پیچیده‌تر دیگر ترکیب کرد. عامل دیگری که در کارایی فرایندهای کسب‌وکار مؤثر است، استفاده از توانایی و تخصیص منابع در زمان تخصیص وظایف است [4,19]، این رویکرد به‌طور غیرمستقیم تلاش می‌کند با توجه به نقش منابع، تخصیص وظایف به هر منبع را اولویت‌بندی کند که در مجموع باعث بهتر شدن عملکرد الگوریتم تخصیص در انتخاب منبع مناسب، ولی باعث کاهش انعطاف‌پذیری الگوریتم تخصیص وظیفه در انتخاب آزادانه منابع می‌شود.

## ۲-۱- تعادل بارکاری منابع

در برخی از پژوهش‌ها، تعادل بارکاری منابع به‌عنوان هدف اصلی پژوهش در نظر گرفته شده است. در این پژوهش‌ها با استفاده از تئوری صف و مدل‌سازی فرایندهای کسب‌وکار در شبکه صف<sup>۵</sup>، الگوریتم‌های هوشمندی جهت تخصیص منابع ارائه شده است؛ به‌طوری‌که تعادل بارکاری منابع را اولویت اصلی خود قرار داده‌اند. پژوهشی که به‌وسیله بیونگ‌هیون و همکاران [5] انجام شد، نشان داد ایجاد تعادل در بارکاری منابع باعث افزایش پایداری سامانه می‌شود. بیونگ‌هیون و همکاران در پژوهش دیگری [6]، الگوریتمی جهت تعادل بارکاری منابع در BPMS ارائه کردند؛ آن‌ها یک مدل تحلیلی بر اساس داده‌های ذخیره‌شده در سابقه رویدادها ارائه دادند؛ سپس با استفاده از مدل تحلیلی خود و ترکیب آن با شبکه صف توانستند، روشی رسمی (فرمال) برای ایجاد تعادل بارکاری منابع ارائه دهند، آن‌ها روش خود را به کمک شبیه‌سازی فرایندهای کسب‌وکار مورد ارزیابی قرار دادند. زی و همکاران [7] در تکمیل پژوهش بیونگ‌هیون و همکاران [6] روش آن‌ها را گسترش دادند و توانستند با ترکیب نظریه صف و مدل‌های تصادفی، روش بهتری به‌عنوان «تخصیص

<sup>1</sup> First in First out

<sup>2</sup> Shortest Processing Time

<sup>3</sup> Earliest Due Date

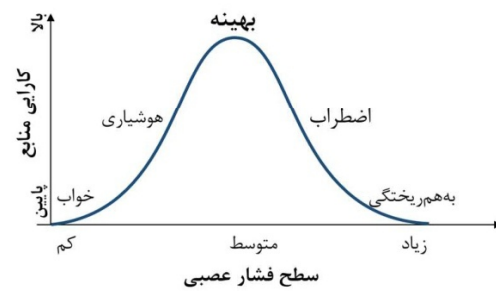
<sup>4</sup> Minimum Slack Time

<sup>5</sup> Queueing network

<sup>6</sup> Dynamic Stochastic task allocation approach for Workload Balancing

<sup>7</sup> Non-dominated Sorting Genetic Algorithm

باشد، منبع مورد نظر دارای بیشینه کارایی و بازدهی در انجام وظایف خود است.



(شکل-۱): قاعده Yerkes-Dodson نشان می‌دهد هرچه سطح فشار عصبی منابع انسانی پایین باشد، کارایی آن پایین و حتی اگر سطح فشار عصبی بیش از حد باشد، باز هم کارایی پایین است. فقط در سطح معینی از فشار عصبی کارایی منابع در حالت بهینه خود قرار می‌گیرد [23]

(Figure-1): The Yerkes-Dodson law is an empirical relationship between arousal and performance, The law dictates that performance increases with physiological or mental arousal, but only up to a point. When levels of arousal become too high, performance decreases [23].

### ۳- طرح مسئله

یک BPMS شامل مجموعه‌ای از فرایندهای کسب و کار است که برای توصیف تمام فعالیت‌های موجود در یک سازمان تعریف می‌شود. این فرایندها با توجه به نوع و عملکرد هر سازمان تعریف می‌شوند و از مجموعه‌ای از منابع انسانی برای اجرای فعالیت‌های تعریف شده در سازمان استفاده می‌شود. به‌طور عمومی هر فرایند دارای یک ورودی درخواست است و درخواست‌های ورودی هر فرایند با توجه به جامعه درخواست‌دهنده دارای آهنگ یا نرخ ورود متفاوتی هستند؛ البته اگر تابع توزیع آماری آن‌ها پواسن یا گاما فرض شود؛ بنابراین در محیط‌های چندفرایندی حل مسئله تعادل بارکاری در شرایطی که نرخ ورود متفاوت است، بسیار مشکل می‌شود؛ درحالی‌که این مسئله برای یک فرایند مشخص با نرخ ورود ثابت حل شده است [5-7]. نکته قابل توجه این است؛ زمان فعال‌سازی فرایند یا به عبارت دیگر زمان شروع برای رسیدن نخستین درخواست توسط مدیران در سازمان‌ها تعیین می‌شود با تعیین زمان مناسب برای فعال‌سازی هر فرایند در محیط‌های چند فرایندی می‌توان تعادل بارکاری منابع و سطح بهینه برای بارکاری هر منبع را بهبود داد؛ لذا در ادامه، برای شرح مسئله تنظیم هم‌روندی فرایندها لازم است، برخی مفاهیم و تعاریف بیان شود.

### ۳-۱- مفاهیم و تعاریف

تعریف ۱: مدل تحلیلی فرایند کسب و کار

مدل تحلیلی فرایند کسب و کار به‌صورت چند تایی  $p = \langle \varphi, W, R, L, U, \mu, \xi, \sigma, T, last, ld \rangle$  تعریف می‌شود.  $\varphi$  نرخ ورود درخواست مشتریان است. (در مدل تحلیلی فرایند توزیع آماری درخواست‌های ورودی را پواسن فرض می‌شود)

ب.  $W$  مجموعه وظایف<sup>۱</sup> تعریف شده در فرایند است.

ج.  $R$  مجموعه منابع انسانی موجود در فرایند است.

د. مجموعه  $L \subseteq W \times W$  شامل اتصالات بین وظایف است.

به‌عنوان مثال،  $\langle w_1, w_2 \rangle \in L$  نشان می‌دهد در فرایند  $p$  وظیفه  $w_2$  بعد از وظیفه  $w_1$  انجام می‌شود.

ه. مجموعه  $U \subseteq W \times R$  منابع مسئول هر وظیفه را

مشخص می‌کند. به‌عنوان مثال  $\langle w, r \rangle \in U$  نشان

می‌دهد در فرایند  $p$  منبع  $r$  مسئول انجام دادن وظیفه  $w$

است. طبق تعریف  $U$  می‌توان نتیجه گرفت در فرایند  $p$

برای هر وظیفه  $w \in W$  ممکن است، چند منبع مسئول

وجود داشته باشد؛ بنابراین به‌اختصار  $R_w$

به‌صورت  $R_w = \{r | \langle w, r \rangle \in U\}$  تعریف می‌شود که

مجموعه تمام منابع مسئول فعالیت  $w$  در فرایند  $p$  است.

و.  $\mu: U \rightarrow \mathbb{R}^+$  یک نگاشت از مجموعه  $U$  به اعداد حقیقی

مثبت ایجاد می‌کند. مقدار  $\mu(\langle w, r \rangle)$  بیان‌گر متوسط

زمان انجام وظیفه  $w$  توسط منبع  $r$  است که به‌اختصار با

$\mu_{w,r}$  نشان داده می‌شود.

ز.  $\xi: U \rightarrow [0, 1]$  یک نگاشت از مجموعه  $U$  به اعداد حقیقی

بین صفر و یک است. از آن‌جایی‌که برای هر وظیفه  $w$

مجموعه‌ای از منابع مسئول  $R_w$  وجود دارد و در اجرای

فرایند فقط یکی از منابع وظیفه  $w$  را انجام

می‌دهد؛  $\xi(\langle w, r \rangle)$  بیان‌گر احتمال انجام وظیفه  $w$

توسط منبع  $r$  است که به‌اختصار به‌صورت  $\xi_{w,r}$  نشان

داده می‌شود.

ح.  $\sigma: R \rightarrow \mathbb{R}^+$  یک نگاشت از مجموعه  $R$  به اعداد حقیقی

مثبت است و برای هر عضو  $r \in R$  به‌اختصار به‌صورت  $\sigma_r$

بیان می‌شود. مقدار  $\sigma_r$  بیان‌گر بهترین مقدار برای

بارکاری منبع  $r$  است؛ به‌طوری‌که در این سطح از

بارکاری منبع  $r$  طبق قاعده Yerkes-Dodson بهترین

کارایی را دارد. مقادیر  $\sigma$  با بررسی و تحلیل آماری سابقه

رویدادها برای هر منبع  $r$  قابل محاسبه است.

<sup>1</sup> Tasks

در رابطه (۳)،  $W_r = \{w | (w, r) \in U\}$  مجموعه تمام وظایفی است که در فرایند برای منبع  $r$  تعریف شده است.

### تعریف ۲: تعادل بارکاری

در پیشینه پژوهش تعاریف متفاوتی از تعادل بارکاری منابع ارائه شده است [5,6,24]. در اینجا دو تعریف را ارائه می‌دهیم که از نظر مفهوم، یکسان هستند. در تعریف نخست طبق رابطه (۴) پیشینه بارکاری منابع باید کمینه شود:

$$\min_{r \in R} \max_{t \in T} \left\{ \int ld_r(t) d(t) \right\} \quad (4)$$

در تعریف نخست، مجموع بارکاری را در طول زمان در نظر گرفته است؛ درحالی‌که در تعریف دقیق‌تر، بارکاری منابع در هر لحظه از زمان باید متعادل باشد. به عبارت دیگر، برای یک بازه زمانی مشخص  $[t_0, t_N]$  مجموع تغییرات بارکاری باید کمینه شود. به بیان دیگر، اگر در بازه زمانی  $[t_0, t_N]$  مقدار رابطه (۵) کمینه شود، تعادل بارکاری برای منابع به وجود آمده است:

$$EL(t) = \sum_{r \in R} ld_r(t) / |R|$$

$$\min \left\{ \frac{\sum_{r \in R} \sum_{i=0}^N (ld_r(t_i) - EL(t_i))^2}{N|R|} \right\} \quad (5)$$

از آنجایی‌که تغییرات در بارکاری منابع در لحظه تخصیص وظایف به منابع انجام می‌شود، مقادیر  $t$  در رابطه (۵) گسسته فرض شده است. تعریف ارائه‌شده از تعادل بارکاری در رابطه (۵) به تغییرات بارکاری در هر لحظه از زمان توجه دارد؛ به طوری‌که ابتدا میانگین بارکاری در لحظه  $t$  محاسبه می‌شود  $(EL(t))$ ؛ سپس تغییرات بارکاری نسبت به میانگین در هر لحظه از زمان، باید کمینه شود تا تعادل بارکاری برای منابع در طول زمان ایجاد شود.

### تعریف ۳: سطح بهینه برای بارکاری منابع

همان‌طور که در بخش ۲-۲ اشاره شده؛ سطح فشار عصبی در کارایی منابع تأثیرگذار است. از آنجایی‌که میزان بارکاری هر منبع رابطه مستقیم با میزان فشار عصبی آن دارد، بهتر است بارکاری هر منبع  $r$  در سطحی مشخص  $\sigma_r$ ، با کمینه تغییرات باشد. بنابراین ایجاد یکنواختی در بارکاری هر منبع در طول زمان در سطح مشخص  $\sigma_r$  باعث توزیع بهتری از حجم کاری منبع در طول دوره کاری‌اش می‌تواند ایجاد کند و در نتیجه باعث افزایش کارایی آن منبع و افزایش کیفیت سرویس‌دهی

ط.  $T: \langle t_0, t_1, t_2, \dots, t_N \rangle$  دنباله گسسته از اعداد طبیعی است؛ به طوری‌که  $\forall t_i \in T, t_i < t_{i+1}$  و  $t_i$  ها بیان‌گر زمان‌هایی است که بارکاری دست‌کم یکی از منابع  $r \in R$  در فرایند  $p$  تغییر کرده است (بارکاری منابع در زمان تخصیص وظیفه به منبع افزایش و در زمان تکمیل اجرای آن کاهش می‌یابد).

ی.  $last$  تابعی است که مقدار آخرین عنصر دنباله  $T$  از فرایند  $p$  را برمی‌گرداند. به عبارت دیگر مقدار  $t_N$  را برمی‌گرداند و به صورت  $last(p)$  استفاده می‌شود.

ک.  $ld: R \times T \rightarrow \mathbb{R}^+$  یک نگاشت از مجموعه  $R \times T$  به اعداد حقیقی مثبت است که برای هر عضو  $(r, t_i) \in R \times T$  مشخص می‌کند بارکاری منبع  $r$  در فرایند  $p$  در زمان  $t_i$  چقدر بوده است و به اختصار با  $ld_{r,p}(t_i)$  نشان داده می‌شود.

وقتی یک فرایند کسب‌وکار در شبکه صف مدل می‌شود، هر وظیفه در فرایند یک ایستگاه سرویس‌دهی و هر منبع منتسب به این وظیفه، یک عامل سرویس‌دهنده است. از آنجایی‌که در هر وظیفه  $w$  احتمال قرارگرفتن واحدکاری در فهرست اختصاصی منبع  $\xi_{w,r}$  است، رابطه (۱) برای تمام سرویس‌دهنده‌های (منابع) تعریف‌شده در یک ایستگاه سرویس‌دهی (وظیفه) برقرار است:

$$\sum_{r \in R_w} \xi_{w,r} = 1, \forall w \in W \quad (1)$$

میزان بارکاری هر ایستگاه سرویس‌دهی را با داشتن نرخ ورود درخواست به هر ایستگاه و نرخ سرویس‌دهی می‌توان به دست آورد. اگر مشتریان در هر صف سرویس‌دهی به چند دسته تقسیم شوند و نرخ ورود دسته  $i$  ام را با  $\lambda_i$  نشان دهیم و میانگین نرخ سرویس‌دهی را با  $\mu_i$  نشان دهیم. متوسط نرخ بهره‌وری  $\rho$  از سرویس‌دهنده‌ها از رابطه (۲) به دست می‌آید [۳۷].

$$\rho = \sum \frac{\lambda_i}{\mu_i} \quad (2)$$

در این مقاله، کلیه منابع مسئول انجام یک وظیفه در یک دسته قرار می‌گیرند؛ بنابراین هر دسته در رابطه (۲) بیان‌گر یک وظیفه در فرایند و منابع مسئول آن است. اگر  $\varphi_w(t)$  تابع نرخ ورود وظیفه  $w$  در زمان  $t$  و  $\xi_{w,r}$  احتمال تخصیص وظیفه  $w$  به منبع  $r$  و  $\mu_{w,r}$  میانگین نرخ سرویس‌دهی منبع  $r$  روی وظیفه  $w$  باشد. رابطه (۳) میزان بارکاری منبع  $r$  را در زمان  $t$  محاسبه می‌کند:

$$ld_r(t) = \sum_{w \in W_r} \frac{\xi_{w,r} \varphi_w(t)}{\mu_{w,r}} \quad (3)$$

آن شود. رابطه (۶) تعریف کمترین تغییرات نسبت به سطح بهینه برای بارکاری منابع است:

$$\min \left\{ \frac{\sum_{r \in R} \sum_{i=0}^N (ld_r(t_i) - \sigma_r)^2}{N|R|} \right\} \quad (6)$$

#### تعریف ۴: مجموعه فرایندها با منابع مشترک

در هر سازمان مجموعه‌ای از فرایندهای کسب‌وکار وجود دارد. وظایف تعریف‌شده در این فرایندها توسط منابع انسانی مسئول در سازمان انجام می‌شود. بنابراین مجموعه  $P = \{p | \exists q \in P, p \neq q, p.R \cap q.R \neq \emptyset\}$  به عنوان کلیه فرایندهای کسب‌وکار موجود در یک سازمان با منابع مشترک تعریف و مجموعه  $RS = \bigcup_{p \in P} p.R$  به عنوان مجموعه تمام منابع انسانی موجود در سازمان در نظر گرفته می‌شود.

#### تعریف ۵: الگوی بارکاری منابع در طول زمان

اگر به تابع تعریف‌شده در رابطه (۳) پارامتر فرایند ( $p$ ) اضافه شود، رابطه (۷) به دست می‌آید. اگر مقادیر تعریف‌شده در رابطه (۷) با استفاده از روش‌های شبیه‌سازی محاسبه شود و اجرای  $i$  ام شبیه‌ساز با  $ld_{r,p}^i(t)$  نشان داده شود و  $N$  تعداد دفعات اجرای شبیه‌ساز باشد، آنگاه الگوی بارکاری منابع در طول زمان مطابق با رابطه (۸) حاصل می‌شود:

$$ld_{r,p}(t) = \sum_{w \in W_r} \frac{\xi_{w,r} \cdot \varphi_w(t)}{\mu_{w,r}}, p \in P, w \in p.W, r \in p.R \quad (7)$$

$$\overline{ld_{r,p}}(t) = \begin{cases} \sum_{i=1}^N ld_{r,p}^i(t_0) / N & t = t_0 \\ \sum_{i=1}^N ld_{r,p}^i(t_1) / N & t = t_1 \\ \vdots & \vdots \\ \sum_{i=1}^N ld_{r,p}^i(t_n) / N & t = t_n \end{cases} \quad (8)$$

### ۳-۲- بهینه‌سازی در تنظیم هم‌روندی فرایندها

تنظیم هم‌روندی فرایندها هنگام اجرای آن‌ها طوری باید انجام شود که اگر یک منبع در یک فرایند، بارکاری کم‌تری دارد، در همان لحظه در فرایندی دیگر بارکاری بیش‌تری نسبت به سایر منابع داشته باشد. تنظیم هم‌روندی بهینه برای دو فرایند با یک الگوریتم خطی ساده امکان‌پذیر است؛ ولی تنظیم هم‌روندی برای چند فرایند، یک مسئله پیچیده‌تر است. در این مقاله، این مسئله برای چند فرایند به عنوان یک مسئله بهینه‌سازی معرفی و برای حل آن، یک الگوریتم پویا ارائه می‌شود.

برای تنظیم هم‌روندی فرایندها باید به فرض‌ها و محدودیت‌های زیر اشاره کرد:

الف) جابه‌جایی بارکاری یک منبع در فرایند در راستای محور زمان امکان‌پذیر نیست؛ در صورت لزوم، بارکاری تمام منابع شرکت‌کننده در فرایند را در راستای زمان جابه‌جا کرد. به عبارت دیگر کل فرایند در راستای زمان قابل جابه‌جایی است؛ ولی بارکاری یک منبع مشخص در فرایند را در راستای زمان نمی‌توان جابه‌جا کرد.

ب) برای جابه‌جایی بارکاری تمام منابع در یک فرایند در راستای محور زمان، فقط امکان ایجاد تأخیر در ابتدا فرایند (قبل از شروع فرایند) وجود دارد.

اگر از یک عنصر تأخیردهنده در ابتدای فرایند  $p$  استفاده شود، آنگاه اثر آن در الگوی بارکاری منبع  $r$  به صورت  $\overline{ld_{r,p}}(t - \Delta t_p)$  می‌شود که  $\Delta t_p$  میزان تأخیر ایجادشده توسط عنصر تأخیردهنده در شروع فرایند  $p$  است. طبق محدودیت (الف) برای تمام منابع شرکت‌کننده در فرایند  $p$  مقدار  $\Delta t_p$  باید یکسان باشد. برای ایجاد هم‌روندی بین چند فرایند کافی است، درخواست‌ها در یک لحظه از زمان به فرایندها برسند و این باعث می‌شود بارکاری منابع مشترک باهم جمع شود. هدف از حل مسئله تنظیم هم‌روندی فرایندها، قراردادن عناصر تأخیردهنده در ابتدای فرایندها است؛ به‌صورتی که مقادیر  $\Delta t_p$  ها به گونه‌ای تنظیم شود که انحراف از تعادل بارکاری در منابع (رابطه (۱۳)) و تغییرات نسبت به سطح بهینه برای هر منبع (رابطه (۱۱))، کمینه شود. به عبارت دیگر، مقادیر  $\Delta t_p$  در رابطه (۹) طوری تعیین شود تا رابطه (۱۴) کمینه شود:

$$total\_ld_r(t) = \sum_{p \in P} \overline{ld_{r,p}}(t - \Delta t_p) \quad (9)$$

$$RS = \bigcup_{p \in P} p.R \quad (10)$$

$$ULD = \frac{\sum_{r \in RS} \sum_{i=0}^N (total\_ld_r(t_i) - \sigma_r)^2}{N|RS|} \quad (11)$$

$$EL(t) = \sum_{r \in RS} total\_ld_r(t) / |RS| \quad (12)$$

$$VLD = \frac{\sum_{r \in RS} \sum_{i=0}^N (total\_ld_r(t_i) - EL(t_i))^2}{N|RS|} \quad (13)$$

$$LBFAT = \alpha ULD + (1 - \alpha) VLD \quad (14)$$

در رابطه‌های (۹) تا (۱۴) به‌ازای هر فرایند یک مجهول  $\Delta t_p$  وجود دارد که میزان تأخیر ایجادشده در ابتدای فرایند  $p$  را نشان می‌دهد. مقادیر  $\Delta t_p$  ها نقش تنظیم‌کننده را در هم‌روندی فرایندها دارند. رابطه (۹) مقدار مجموع بارکاری منبع  $r$  را در اجرای هم‌روندی فرایندهای مجموعه  $P$  محاسبه



## ۲-۴- بهینه‌سازی پویا

روش برنامه‌نویسی پویا یا بهینه‌سازی پویا، روش شناخته‌شده‌ای است که در ریاضیات، علوم رایانه و علوم مدیریت استفاده می‌شود. با اینکه نخستین بار این روش توسط ریچارد بلمن در سال ۱۹۴۰ معرفی و استفاده شد [25]، هنوز مورد توجه پژوهش‌گران و نویسندگان قرار می‌گیرد [26-29]. بهینه‌سازی پویا یکی از روش‌های بهینه‌سازی به روش تقسیم حل است که به‌صورت بازگشتی (پایین به بالا) جواب بهینه مسئله را پیدا می‌کند. اگر  $P = \{p_1, p_2\}$  باشد، با دوبار پیمایش روی بازه زمانی  $[t_0, t_N]$  مقدار بهینه برای LBFAT حاصل می‌شود. الگوریتم WorkloadMerge نحوه ادغام بارکاری منابع را برای حالتی که  $|P| \geq 2$  است و مقدار کمینه LBFAT حاصل می‌شود، نشان می‌دهد.

(الگوریتم-۱): ادغام بارکاری فرایندها

**Algorithm WorkloadMerge ()**

**Input:**

(A: list of Process,  $D_A$ : delay vector of A, q: process)

**Output:**  $\langle \min LBFAT, newD, ld_r^{A \cup \{q\}} \rangle$

```
{ P ← A.push(q);
MinWLFAT = ∞;
for (m = 0; m < max(last(p)); m++) {
    D ← D_A.push(m);
    ld_r(t) = ∑_{p_i ∈ P} ld_{r,p_i}(t - D(i)); ∀t
    ∈ {t_0, t_1, t_2, ..., t_{max(last(p), last(q))}}
    Rs = ∪_{p ∈ P} p.R
    ULD = (∑_{r ∈ Rs} ∑_{i=0}^N (total_ld_r(t_i) - σ_r)^2) / (N|Rs|)
    EL(t) = ∑_{r ∈ Rs} total_ld_r(t) / |Rs|
    VLD = (∑_{r ∈ Rs} ∑_{i=0}^N (total_ld_r(t_i) - EL(t_i))^2) / (N|Rs|)

    LBFAT ← (ULD + VLD) / 2
    if (LBFAT < minLBFAT) {
        minLBFAT ← LBFAT;
        newD ← D;
        ld_r^{A ∪ {q}}(t) = ld_r(t);
    } //if
} //for
for (n = 1; n < last(q); n++) {
    foreach (d_i ∈ D_A) do d_i ← d_i + n;
    D ← D_A.push(0);
    ld_r(t) = ∑_{p_i ∈ P} ld_{r,p_i}(t - D(i)); ∀t
    ∈ {t_0, t_1, t_2, ..., t_{max(last(p), last(q))}}
    Rs = ∪_{p ∈ P} p.R
```

می‌کند. رابطه (۱۱) میزان یک‌نواختی بارکاری منابع را در طول زمان محاسبه می‌کند، در صورتی مقدار  $ULD'$  کمینه می‌شود که بارکاری  $total\_ld_r(t)$  برای تمام منابع مانند  $r$  در طول زمان تغییرات کم‌تری نسبت به مقدار  $\sigma_r$  داشته باشد. در رابطه (۱۳)،  $VLD'$  جمع مربعات تفاوت بارکاری منابع نسبت به میانگین در طول زمان است که کمینه‌شدن آن به معنای تعادل بیش‌تر در بارکاری منابع است. در رابطه (۱۴)،  $LBFAT'$  تابع هدف مسئله تنظیم هم‌روندی است و معیار اندازه‌گیری جهت تعادل بارکاری کلیه منابع و یک‌نواختی در بارکاری هر منبع است. مقدار  $\alpha$  و  $(1 - \alpha)$  به‌ترتیب به‌عنوان ضریب تأثیر مقادیر  $ULD$  و  $VLD$  معرفی می‌شوند.

## ۴- حل مسئله تنظیم هم‌روندی

### ۴-۱- جستجوی فضای حالت

نخستین و ساده‌ترین روش برای حل مسئله تنظیم هم‌روندی جستجو در فضای حالت مسئله است. با بررسی تمام حالت‌های موجود مسئله و محاسبه مقدار LBFAT برای هر حالت، با توجه به روابط (۹ تا ۱۴) به‌سادگی به این نتیجه می‌توان رسید که پیچیدگی زمانی محاسبه مقدار LBFAT، در بدترین حالت  $O(|P||Rs| + 2N|Rs| + |Rs|) = O(|Rs|(|P| + 2N + 1))$  می‌شود. که در آن  $|P|$  تعداد فرایندهای هم‌رود شده است.  $N$  تعداد رویدادهای اتفاق افتاده در طول اجرای فرایند است که در هر رویداد بارکاری برخی منابع تغییر کرده و  $|Rs|$  تعداد منابع موجود در سازمان است.

برای تنظیم مسئله هم‌روندی چند فرایند در جستجوی فضای حالت تمام حالت‌هایی که  $\Delta t_p$ ها را می‌توان مقداردهی کرد، شمارش می‌کنیم. با محاسبه جایگشت‌های مختلف فرایندها و فاصله زمانی هر دو فرایند پشت سر هم به این نتیجه می‌توان رسید که کل حالت‌های مسئله برابر با  $\left(\frac{N}{|P|}\right)!$  می‌شود. با جای‌گذاری مقدار ترکیب  $|P|$  از  $N$  این تعداد به‌صورت  $\frac{N!}{(N-|P|)!}$  ساده می‌شود. بنابراین با اعمال پیچیدگی زمانی محاسبه LBFAT پیچیدگی زمانی الگوریتم جستجوی فضای حالت برای حل مسئله پیشنهادشده به‌صورت  $\theta\left(\frac{N!}{(N-|P|)!}|Rs|(|P| + 2N + 1)\right)$  می‌شود. با بسط  $N!$  و  $(N - |P|)!$  و ساده‌سازی عبارات بسط داده‌شده، به پیچیدگی زمانی  $O(N^{|P|}|Rs|(|P| + 2N + 1))$  می‌توان رسید.

<sup>1</sup> Uniformity of workload

<sup>2</sup> Variance of workload

<sup>3</sup> Load Balancing Factor Along Time

با  $p_1$  ادغام  $WorkloadMerge(\{p_2, p_3\}, [\Delta t_{p_2}, \Delta t_{p_3}], p_1)$  و به همین صورت برای ادغام  $p_2$  با  $\{p_1, p_3\}$  تابع به صورت  $WorkloadMerge(\{p_1, p_3\}, [\Delta t_{p_1}, \Delta t_{p_3}], p_2)$  فراخوانی می شود و خروجی کمینه این سه فراخوانی به عنوان ادغام بهینه برای مجموعه  $\{p_1, p_2, p_3\}$  در نظر گرفته می شود. به همین صورت زیرمجموعه های چهارعضوی حل و از مقادیر حاصل شده در مراحل قبلی استفاده می شود و این مراحل تا رسیدن به جواب نهایی که مجموعه  $P$  است، ادامه می یابد. حال اگر  $S_P^k$  مجموعه تمام زیرمجموعه های  $k$  تایی از مجموعه فرایندهای  $P$  باشد و اگر تابع  $WorkloadMerge$  به اختصار با  $WM$  نشان شود و برای دسترسی به خروجی تابع  $WorkloadMerge$  که به صورت سه تایی  $\langle w, D, ld \rangle$  است، از نمادهای  $WM_w$ ،  $WM_D$  و  $WM_{ld}$  استفاده شود، رابطه بازگشتی (۱۵) برای حل مسئله تنظیم همروندی به صورت پویا ارائه می شود:

$$\forall A \in S_P^2: \langle w_A, D_A, ld_A^A \rangle \leftarrow WM(\{\{p\}, [0, q]\}, p, q) \quad \forall p, q \in A, p \neq q$$

$$\forall B \in S_P^k$$

$$3 \leq k \leq |P|$$

$$\begin{cases} w_B \leftarrow \min_{q \in B} (WM_w(\langle B - \{q\}, D_{B-\{q\}}, ld_r^{B-\{q\}} \rangle)) \\ p \leftarrow \text{Arg min}_{q \in B} (WM_w(\langle B - \{q\}, D_{B-\{q\}}, ld_r^{B-\{q\}} \rangle)) \\ D_B \leftarrow WM_D(\langle B - \{p\}, D_{B-\{p\}}, ld_r^{B-\{p\}} \rangle) \\ ld_r^B \leftarrow WM_{ld}(\langle B - \{p\}, D_{B-\{p\}}, ld_r^{B-\{p\}} \rangle) \end{cases} \quad (15)$$

در رابطه (۱۵) ابتدا مسئله تنظیم همروندی برای تمام زیرمجموعه های دو عضوی  $P$  حل می شود و سه تایی های  $\langle w_A, D_A, ld_A^A \rangle$  برای تمام مجموعه های دو عضوی به دست می آید؛ سپس مسئله تنظیم همروندی برای زیر مجموعه های سه عضوی حل می شود. در حل مسائل با یک عضو بیش تر از مقادیر حاصل شده از زیرمجموعه های کوچک تر استفاده می شود و مسائل با یک عضو کم تر به کمک تابع  $WorkloadMerge$  با عضو جدید ادغام شده و مقدار کمینه آن برای مرحله بعد استفاده می شود.

پیچیدگی زمان الگوریتم پویای ارائه شده در این مقاله با توجه به رابطه (۱۵) قابل محاسبه است. تعداد دفعاتی که تابع  $WorkloadMerge$  فراخوانی می شود، برابر با  $\binom{|P|}{2} + 3\binom{|P|}{3} + 4\binom{|P|}{4} + \dots + |P|\binom{|P|}{|P|}$  است، در نتیجه در بدترین حالت تعداد دفعات فراخوانی  $O(|P|2^{|P|})$  و با اعمال پیچیدگی زمانی تابع  $WorkloadMerge$  پیچیدگی زمانی الگوریتم پویای ارائه شده در بدترین حالت  $O(|P|2^{|P|} \times |Rs|(|P| + 2N + 1) \times 2N)$  می شود؛

$$ULD = \frac{\sum_{r \in Rs} \sum_{i=0}^N (total_{ld_r}(t_i) - \sigma_r)^2}{N|Rs|}$$

$$EL(t) = \sum_{r \in Rs} total_{ld_r}(t) / |Rs|$$

$$VLD = \frac{\sum_{r \in Rs} \sum_{i=0}^N (total_{ld_r}(t_i) - EL(t_i))^2}{N|Rs|}$$

$$LBFAT \leftarrow (ULD + VLD) / 2$$

$$\text{if } (LBFAT < \min LBFAT) \{$$

$$\min LBFAT \leftarrow LBFAT;$$

$$newD \leftarrow D;$$

$$ld_r^{AU(q)}(t) = ld_r(t);$$

}//if  
}//for

**return**  $\langle \min LBFAT, newD, ld_r^{AU(q)}(t) \rangle$   
}//  $WorkloadMerge$

اگر فرض کنیم برای مجموعه ای از فرایندهای مانند  $A$  مسئله تنظیم همروندی به صورت بهینه حل شده و مقدار  $\Delta t_p$  برای  $\forall p \in A$  به صورت بهینه به دست آمده و در بردار  $D$  قرار گرفته است، الگوریتم  $WorkloadMerge$  یک ادغام بهینه (کمینه مقدار برای  $LBFAT$  در رابطه (۱۴)) از بارکاری منابع در فرایند  $q$  با بارکاری منابع در فرایندهای مجموعه  $A$  ایجاد می کند. اگر  $A = \{p\}$  و  $D = [0]$  باشد، الگوریتم  $WorkloadMerge$  یک ادغام بهینه بین بارکاری منابع در فرایندهای  $p$  و  $q$  ایجاد می کند. در این حالت کافی است تابع به صورت  $WorkloadMerge(\{p\}, [0], q)$  فراخوانی شود؛ در این حالت، در دو حلقه for یک بار برای فرایند  $p$  تأخیر با مقادیر  $m$  و یک بار برای فرایند  $q$  تأخیر با مقادیر  $n$  ایجاد و کم ترین مقدار  $LBFAT$  محاسبه می شود. پیچیدگی الگوریتم  $WorkloadMerge$  به سادگی قابل محاسبه است و برابر با  $O(|Rs|(|P| + 2N + 1) \times 2N)$  می شود که در آن  $|P|$  تعداد فرایند،  $|Rs|$  تعداد منابع مشترک در فرایندها و  $N = \max_{p \in P} (last(p))$  بیشینه تعداد رویدادهای رخ در فرایند است که به واسطه آن بارکاری دست کم یک منبع تغییر کرده است.

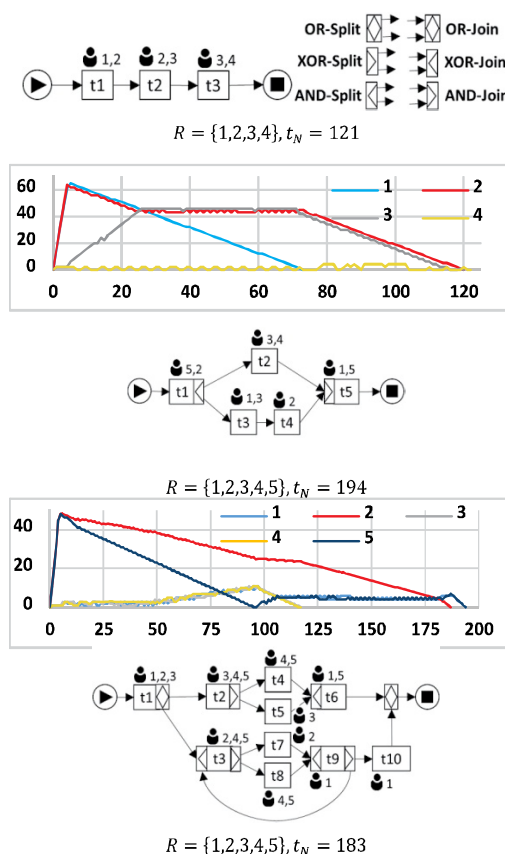
برای حل مسئله همروندی جهت فرایندهای بیش تر از دو فرایند، اگر  $P$  مجموعه ای فرایندهای ورودی مسئله باشد، کافی است، ابتدا مسئله برای تمام زیرمجموعه های دو عضوی از  $P$  با استفاده از الگوریتم  $WorkloadMerge$  حل شود؛ سپس تمام زیرمجموعه های سه عضوی  $P$  را به صورت بهینه ادغام می کنیم؛ به عنوان مثال برای حل یک زیرمجموعه سه عضوی مانند  $\{p_1, p_2, p_3\}$  سه بار تابع ادغام بارکاری به صورت های  $WorkloadMerge(\{p_1, p_2\}, [\Delta t_{p_1}, \Delta t_{p_2}], p_3)$  برای ادغام  $p_3$  با  $\{p_1, p_2\}$  و



عمومی و محلی ذرات است، مقدار  $w$  هم ضریب اینرسی ذره است. در آزمایش انجام‌شده در این مقاله مقادیر  $c_1$  و  $c_2$  و به ترتیب  $0.7$ ،  $0.3$  و  $0.6$  در نظر گرفته شده است. برای کمینه‌کردن مقدار رابطه (۱۴) از الگوریتم تکاملی PSO استفاده می‌کنیم. جهت بهینه‌سازی مسئله تنظیم هم‌رندی چند فرایند، کافی است، مقدار رابطه (۱۴) به‌عنوان تابع هدف، کمینه شود؛ در این بهینه‌سازی، بردار  $\Delta t$  به‌عنوان بردار موقعیت ذرات در نظر گرفته می‌شود، که بعد این بردار برابر با تعداد فرایندهایی است که قرار است، هم‌رند شوند.

## ۵- آزمایش و نتایج

در این بخش، برای مقایسه سرعت اجرای سه الگوریتم ارائه‌شده در بخش ۴ یک آزمایش با پنج فرایند کسب‌وکار با پنج منبع مشترک انجام می‌شود. در شکل (۵-۱) نمودار YAWL [36] پنج فرایندهای کسب‌وکار با نمودارهای بارکاری منابع مسئول در این فرایندها آمده است.



<sup>1</sup> Yet another workflow language

بنابراین در حل مسئله تنظیم هم‌رندی، الگوریتم پویا ارائه‌شده نسبت به الگوریتم جستجوی فضای حالت دارای پیچیدگی زمانی کم‌تری است. در هر دو الگوریتم پیچیدگی زمانی نسبت به  $|P|$  نمایی است؛ با این تفاوت که در نسخه پویا پایه از  $N$  به  $2$  کاهش یافته و در الگوریتم جستجوی فضای حالت پیچیدگی زمانی نسبت به  $N$  یک چندجمله‌ای از درجه  $|P| + 1$  است؛ در حالی که در نسخه پویا یک چندجمله‌ای از درجه  $2$  است. از آنجایی که مقدار  $N$  بزرگ‌ترین مؤلفه در مسئله تنظیم هم‌رندی است و این مؤلفه نسبت به  $|P|$  بسیار بزرگ است. تغییرات حاصل‌شده در پیچیدگی زمانی در نسخه پویا تأثیر چشم‌گیری در سرعت اجرای الگوریتم دارد.

## ۳-۴ الگوریتم تکاملی PSO

الگوریتم‌های ارائه‌شده در بخش‌های ۴-۱ و ۴-۲ مسئله تنظیم هم‌رندی فرایندهای کسب‌وکار را به‌صورت بهینه حل می‌کنند و با توجه به کاهش چشم‌گیر در پیچیدگی زمانی در نسخه پویا، هنوز هر دو الگوریتم نسبت به مؤلفه  $|P|$  نمایی هستند. الگوریتم‌های زیادی وجود دارد که به‌صورت تقریبی مسائل بهینه‌سازی را حل می‌کنند و پیچیدگی زمانی آن‌ها نسبت به حل بهینه کم‌تر است، مانند الگوریتم ژنتیک، PSO، ICA [30] و کلونی مورچه‌ها، تپه‌نوردی و غیره. در این بخش برای حل مسئله تنظیم هم‌رندی از الگوریتم PSO استفاده می‌کنیم. PSO یک الگوریتم تکاملی برای حل مسائل بهینه‌سازی است [31]، که در بسیار از پژوهش‌ها از آن استفاده شده است [32-35]. این الگوریتم با استفاده از یک جمعیت اولیه از ذرات در یک فضای  $d$  بعدی با مقادیر اولیه تصادفی برای موقعیت و سرعت این ذرات، با یک الگوریتم تکراری، مسائل بهینه‌سازی را به‌صورت تقریبی حل می‌کند. در این الگوریتم یک تابع هزینه برای هر ذره تعریف می‌شود؛ ورودی این تابع مقدار موقعیت ذره  $X(c)$  در فضای  $d$  بعدی است. برای مقداردهی سرعت  $V^{new}$  و موقعیت جدید  $X^{new}$  هر ذره  $c$  در هر تکرار از دو مقدار بهترین (کم‌هزینه‌ترین) جواب عمومی ذرات و بهترین جواب محلی ذره استفاده می‌شود. در رابطه‌های (۱۶ و ۱۷) روش به‌نگام‌سازی سرعت و موقعیت هر ذره آمده است:

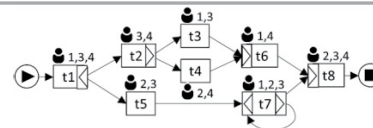
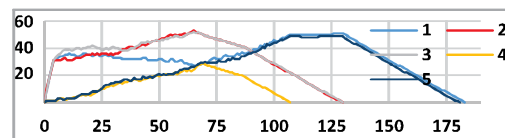
$$V^{new}(c) = c_1 r_1 (Global - X^{cur}(c)) + c_2 r_2 (Local(c) - X^{cur}(c)) + w V^{cur}(c) \quad (16)$$

$$X^{new}(c) = X^{cur}(c) + V^{new}(c) \quad (17)$$

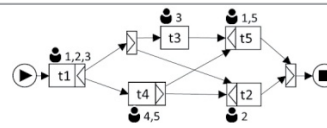
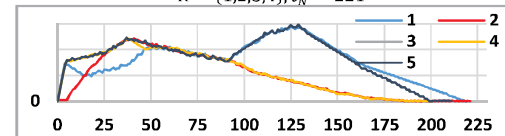
مقادیر  $r_1$  و  $r_2$  دو عدد تصادفی با توزیع یکنواخت بین صفر و یک است، مقادیر  $c_1$  و  $c_2$  به ترتیب ضرایب تأثیر جواب

شده و نرخ ورود روی مقدار ۰/۱ تنظیم شده و مجموع کل درخواست‌های ورودی به دویست درخواست محدود شده است. برای هر فرایند جهت استخراج الگوی بارکاری، اجرای شبیه‌ساز پنج بار تکرار شد و الگوی بارکاری طبق رابطه (۸) به‌دست آمد. در شکل (۲) علاوه بر الگوی بارکاری منابع مدل فرایند کسب‌وکار با زبان مدل‌سازی YAWL رسم شده است. در هر مدل روی هر وظیفه شماره منابع مسئول مشخص شده است.

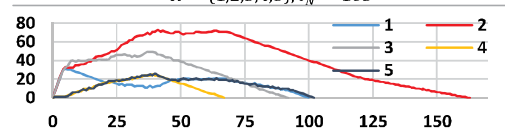
اگر مقادیر  $\Delta t_p$  ها را به‌عنوان بردار تأخیر  $D$  (تنظیم کننده هم‌روندی) دارای مقدار  $D = [0, 0, 0, 0, 0]$  فرض شود، الگوی بارکاری جمع‌شده منابع به‌صورت شکل (۳ الف) و مقدار LBFAT آن برابر با مقدار ۸۸۳۵۷ می‌شود. بعد از تکرار نخست در الگوریتم PSO برای مقدار بردار تأخیر به‌صورت  $D = [0, 7.6, 43, 57.2, 11.7]$  حاصل شد که در این حالت مقدار LBFAT برابر با ۸۰۳۸۹ می‌شود (الگوی شکل (۳ د)). با حل مسئله تنظیم هم‌روندی با یکی از روش‌های بخش ۴ به‌صورت بهینه، الگوی شکل (۳ ب) یا به‌صورت تقریبی (با الگوریتم PSO) الگوی شکل (۳ ج) حاصل می‌شود؛ که به‌ترتیب مقادیر ۶۱۹۸۹ و ۶۲۰۷۳ برای LBFAT به‌دست آمده است. تنظیم مقدار  $D$  در هم‌روندی فرایندها باعث می‌شود، بارکاری منابع در راستای محور زمان به‌گونه‌ای جابه‌جا شود تا هدف بهینه‌سازی مسئله که تعادل بارکاری و یک‌نواختی بارکاری منابع است، تأمین شود.



$$R = \{1, 2, 3, 4\}, t_N = 221$$



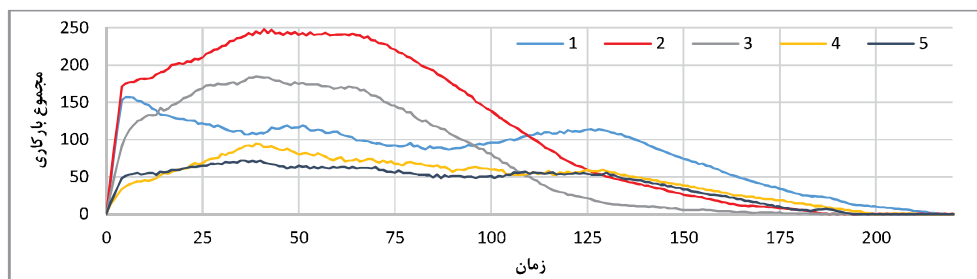
$$R = \{1, 2, 3, 4, 5\}, t_N = 163$$



(شکل-۲): پنج فرایند کسب‌وکار و نمودار بارکاری آن‌ها

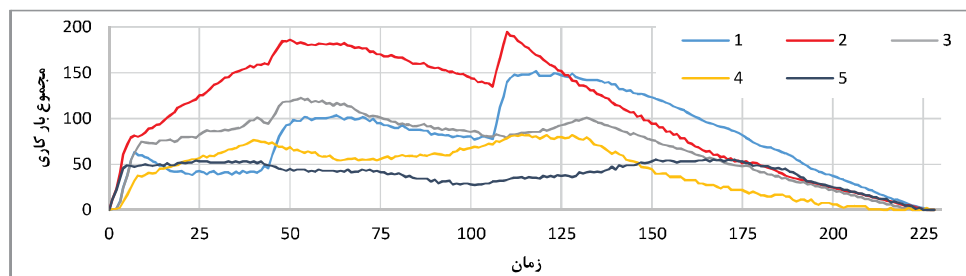
(Figure-2): Five business process and resource workload

در شکل (۲) الگوهای بارکاری منابع برای هر یک از فرایندهای توسط شبیه‌سازی به‌دست آمده است. در شبیه‌سازی توزیع آماری درخواست‌های ورودی پواسن فرض



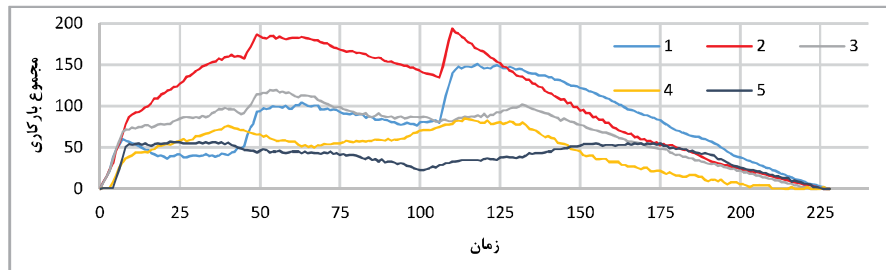
a) Before Optimization

(الف) قبل از بهینه‌سازی با  $D = [0, 0, 0, 0, 0]$  و  $LBFAT = 88357$

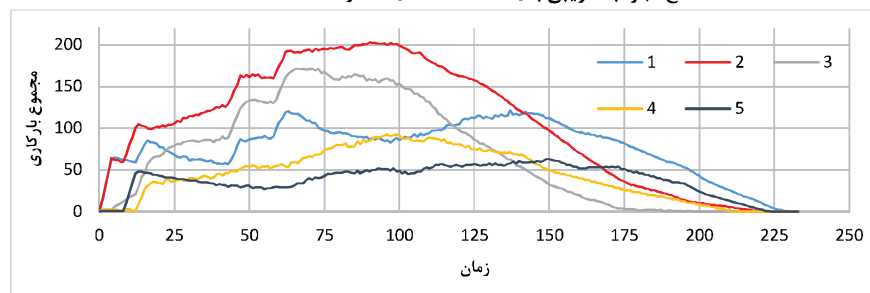


b) After full search optimization (Optimal solution)

(ب) جواب بهینه با  $D = [106, 0, 44, 2, 3]$  و  $LBFAT = 61989$



c) After PSO optimization (Approximate solution)  
LBFAF = 62073 و  $D = [106, 4, 45, 0, 3]$  (ج) جواب تقریبی با



d) After first step in PSO optimization  
LBFAF = 80389 و  $D = [0, 7, 6, 43, 57, 2, 11, 7]$  (د) جواب بعد از تکرار اول PSO با  
(شکل-۳): نتیجه تنظیم هم‌رندی فرایندها با استفاده از الگوریتم‌های پیشنهاد شده

(Figure-3): result of tuning concurrent by running the proposed algorithm

## ۶- مطالعه موردی

در این مطالعه از پایگاه داده مؤسسه غیر انتفاعی آموزش عالی میرداماد گرگان طی سال‌های ۱۳۹۰ الی ۱۳۹۶ استفاده شده است. شکل (۴) تعداد دانشجویان ثبت نامی، فارغ‌التحصیل و دانشجویان انتخاب واحد کرده را طی این ۶ سال به تفکیک نیم‌سال تحصیلی نشان می‌دهد.

در این مؤسسه طی این ۱۲ نیم‌سال تحصیلی (در این مطالعه از اطلاعات نیم‌سال‌های تابستانی استفاده نشده است) پنج فرایند اصلی وجود دارد که عبارتند از:

- ۱- ثبت نام دانشجویان تازه‌وارد
- ۲- انتخاب واحد دانشجویی
- ۳- ارائه دروس نیم‌سال تحصیلی جاری
- ۴- برگزاری امتحانات و اعلام نمرات
- ۵- تسویه حساب و فارغ‌التحصیلی

در این مؤسسه بارکاری منابع انسانی در ابتدای نیم‌سال تحصیلی متأثر از سه فرایند ثبت‌نام، ارائه دروس و انتخاب واحد است. کاربران و منابع انسانی در این مؤسسه در نقش‌های دانشجو، کارشناس آموزشی، کارشناس مالی، مدیر گروه آموزشی، مسئول ثبت‌نام و تأیید اولیه مدارک، مسئول فارغ‌التحصیلی و اساتید قرار گرفته‌اند. این منابع بر اساس نقش

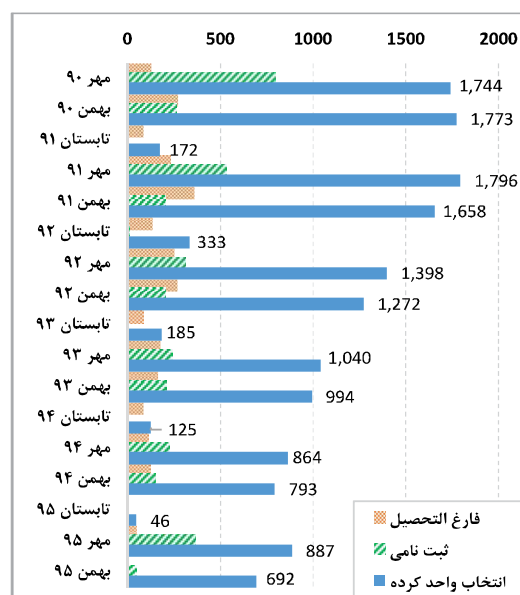
برای آزمایش سرعت اجرای الگوریتم‌های معرفی شده در این مقاله از یک رایانه با پردازنده Core i7 با فرکانس 4Ghr با حافظه اصلی استفاده و نتایج آزمایش در جدول (۱) گزارش شد.

(جدول-۱): پیچیدگی زمانی و زمان اجرای الگوریتم‌های ارائه شده  
( $|P| = 5, |Rs| = 5, N = 211$ )

(Table-1): Time complexity of the presented algorithms

الگوریتم	پیچیدگی زمانی	تکرار (m)	زمان اجرا	نوع جواب
جستجوی فضای حالت	$O(N^{ P } Rs ( P  + 2N + 1))$	×	۵/۸ سال (تخمینی)	بهینه
بهینه سازی پویا	$O( P 2^{ P } \times  Rs ( P  + 2N + 1) \times 2N)$	×	۳۷ ساعت	بهینه
PSO	$O( Rs ( P  + 2N + 1) \times mp)$	۲۰	۱:۲۶ دقیقه	تقریبی
PSO	$O( Rs ( P  + 2N + 1) \times mp)$	۲۰	۳:۰۲ دقیقه	بهینه

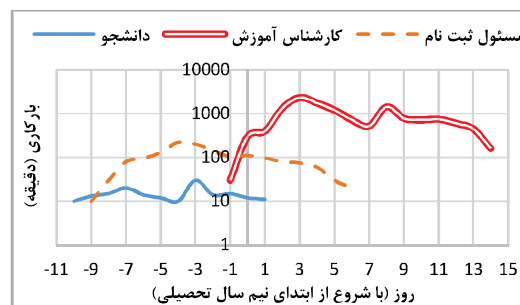
تعریف شده در فرایندهای یادشده مشغول فعالیت هستند. در شکل (۵) میانگین بارکاری برخی از منابع طبق رابطه (۸) برای سه فرایند یادشده محاسبه شده است.



(شکل-۴): تعداد دانشجویان انتخاب واحد کرده، ثبت نامی و

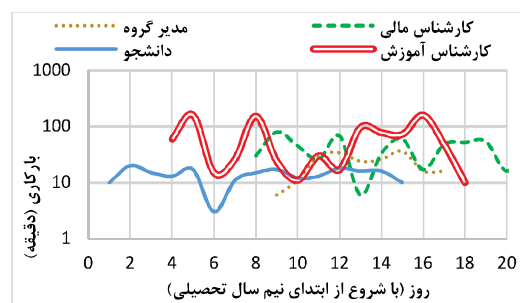
فارغ التحصیل در پایگاه داده مؤسسه آموزش عالی میرداماد

(Figure-4): Number of student that chosen courses, complete registration and graduated in Mirdamad institute of education data set.



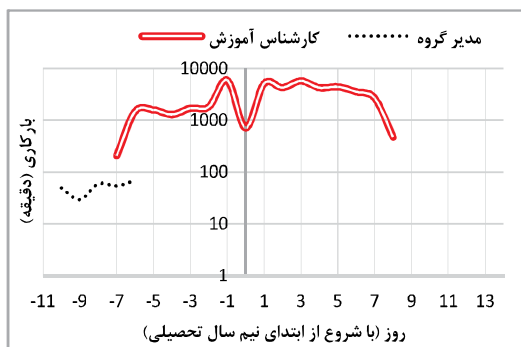
(الف) بارکاری در فرایند ثبت نام دانشجویان تازه وارد

a) Workload in registration process



(ب) بارکاری در فرایند انتخاب واحد

b) Workload in course selection process



(ج) بارکاری در فرایند ارائه درس

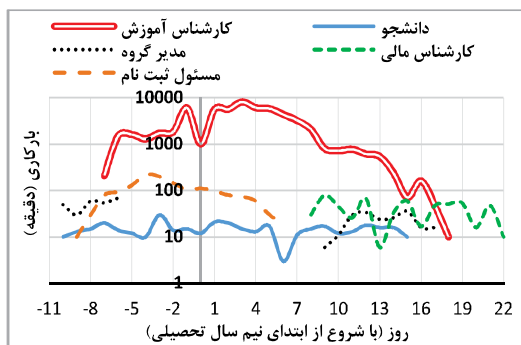
c) Workload in course presenting process

(شکل-۵): میانگین بارکاری منابع انسانی در ابتدای

نیم سال تحصیلی

(Figure-5): Average of resource workload in start of semester

در این مطالعه، هدف افزایش تعادل و یکنواختی بارکاری منابع درگیر در این فرایندها به خصوص کارشناسان آموزشی مؤسسه است. بعد از اجرای الگوریتم پیشنهادی و تنظیم همروندی برای سه فرایند ثبت نام، انتخاب واحد و ارائه درس مقدار بردار تأخیر به صورت  $D=[12.01, 0, 0.09]$  حاصل شد که نسبت به بردار تأخیر  $D=[0, 0, 0]$  (حالت فعلی فرایندها) مقدار LBFAT از  $1420.4$  به  $11130$  کاهش یافت. به بیان دیگر تنظیم همروندی باعث  $21/64$  درصد کاهش در مقدار LBFAT شد. این کاهش به معنای این است که اگر فرایند ثبت نام و ارائه درس به ترتیب با تأخیر ۱۲ و ۹ روز (در صورت امکان) انجام شوند، بارکاری منابع تعادل و یکنواختی بیشتری خواهد داشت. شکل (۶الف) و (۶ب) وضعیت مجموع بارکاری منابع قبل و بعد از اجرای الگوریتم همروندی را نشان می دهد.



(الف) قبل از اجرای الگوریتم همروندی فرایندها

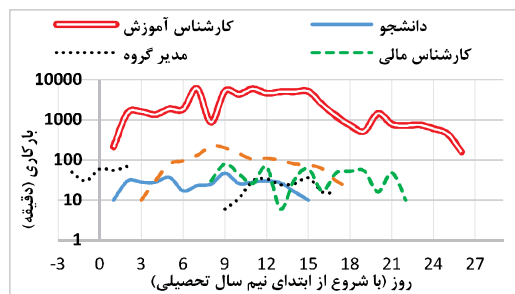
a) Before running tuning concurrent algorithm

داشت؛ به‌طوری‌که نسبت سرعت آن برای آزمایش انجام‌شده ۳۷ ساعت به ۵/۸ سال بود. علاوه‌برآن، حل مسئله مطرح‌شده با الگوریتم تکاملی PSO نشان داد الگوریتم تکاملی PSO به‌خوبی مسئله تنظیم هم‌روندی فرایندها را می‌تواند حل کند و برای آزمایش مطرح‌شده تنها در سه دقیقه جواب بهینه را یافت. با افزایش جمعیت ذرات در PSO احتمال به‌دست‌آمدن جواب بهینه افزایش می‌یابد؛ اما از نظر تئوری تضمین نمی‌کند در همه شرایط جواب بهینه را به‌دست آورد. در انتهای این پژوهش، روی پایگاه داده واقعی میرداماد طی سال‌های ۱۳۹۰ الی ۱۳۹۶ یک مطالعه موردی انجام شد و نتایج آزمایش الگوریتم تنظیم هم‌روندی روی سه فرایند ثبت‌نام، انتخاب واحد و ارائه دروس، ۲۱/۶۴ درصد بهبود را در تعادل و یک‌نواختی بارکاری منابع نشان داد.

## 8- References

## ۸- مراجع

- [1] M. Hammer, *The agenda: What every business must do to dominate the decade*: Crown Pub, 2003.
- [2] M. Hammer and J. Champy, *Reengineering the Corporation: Manifesto for Business Revolution, A*: Zondervan, 2009.
- [3] H. Smith and P. Fingar, *Business process management: the third wave* vol. 1: Meghan-Kiffer Press Tampa, 2003.
- [4] W. M. Van Der Aalst, A. H. Ter Hofstede, and M. Weske, "Business process management: A survey," in *International conference on business process management*, 2003, pp. 1-12.
- [5] B.-H. Ha, J. Bae, and S.-H. Kang, "Workload balancing on agents for business process efficiency based on stochastic model," in *Business Process Management*, ed: Springer, 2004, pp. 195-210.
- [6] B.-H. Ha, J. Bae, Y. T. Park, and S.-H. Kang, "Development of process execution rules for workload balancing on agents," *Data & Knowledge Engineering*, vol. 56, pp. 64-84, 2006.
- [7] Y. Xie, C.-F. Chien, and R.-Z. Tang, "A dynamic task assignment approach based on individual worklists for minimizing the cycle time of business processes," *Computers & Industrial Engineering*, vol. 99, pp. 401-414, September 2015.
- [8] X. Liu, J. Chen, Y. Ji, and Y. Yu, "Q-learning Algorithm for Task Allocation Based on Social Relation," *Process-Aware Systems*, pp. 49-58, 2015.
- [9] D. E. Culler, J. P. Singh, and A. Gupta, *Parallel computer architecture: a hardware/software approach*: Gulf Professional Publishing, 1999.
- [10] D. Grosu and A. T. Chronopoulos, "Algorithmic mechanism design for load balancing in distributed



(ب) بعد از اجرای الگوریتم هم‌روندی فرایندها  
b) After running tuning concurrent algorithm

(شکل-۶): مجموع بارکاری منابع در سه فرایند

(Figure-6): Total workload of resources in three process

همان‌طورکه در شکل (۶ب) مشخص است، الگوریتم هم‌روندی فرایندها با ایجاد تأخیر در دو فرایند ثبت‌نام (۱۲ روز) و ارائه دروس (۹ روز) توانست بارکاری کارشناس آموزش را یک‌نواخت‌تر کند و بارکاری دانشجویان را که کم‌ترین بارکاری بین کاربران سامانه دارند، بین روزهای اول تا پانزدهم تجمیع کند. علاوه برآن الگوریتم سعی کرده است، مقادیر بیشینه بارکاری منابع را تا حد امکان بر روی هم منطبق کند که نشان از تعادل بیش‌تر بارکاری منابع است.

## ۷- نتیجه‌گیری

تعادل بارکاری منابع در سامانه‌های مدیریت فرایندهای کسب‌وکار (BPMS) به‌عنوان یک عامل مهم کارایی و پایداری سامانه مطرح است. قرارگرفتن بارکاری هر منبع نیز در یک سطح مشخص باعث افزایش کارایی و بازدهی منابع می‌شود. در این مقاله، دو مفهوم تعادل بارکاری منابع و یک‌نواختی بارکاری هر منبع در یک سطح مشخص به‌عنوان اهداف اصلی این پژوهش تعریف و برای بهینه‌سازی میزان تعادل بارکاری و یک‌نواختی بارکاری هر منبع از ایده تنظیم هم‌روندی چند فرایند استفاده و مسئله تنظیم هم‌روندی چند فرایند را به‌عنوان یک مسئله بهینه‌سازی بیان شد. برای حل مسئله مطرح‌شده، سه روش متفاوت برای حل آن ارائه شده است؛ این روش‌ها عبارتند از: الگوریتم جستجوی فضای حالت، الگوریتم بهینه‌سازی پویا و الگوریتم تکاملی PSO. پیچیدگی زمانی هر یک از این الگوریتم‌ها در این مقاله محاسبه شد و در انتها برای آزمایش سرعت اجرای روش‌های ارائه‌شده یک مثال مشخص از پنج فرایند با الگوریتم‌های معرفی‌شده مورد آزمایش قرار گرفت و نتایج گزارش‌شده نشان داد که روش بهینه‌سازی پویای معرفی‌شده در این مقاله، کاهش قابل توجهی در پیچیدگی زمانی نسبت به الگوریتم جستجوی فضای حالت

*Journal of Applied Computer Science*, vol. 21, pp. 195-207, 2013.

- [23] E. A. Alluisi and B. B. Morgan Jr, "Engineering psychology and human performance," *Annual review of psychology*, vol. 27, pp. 305-330, 1976.
- [24] S. Dreyfus, "Richard Bellman on the birth of dynamic programming," *Operations Research*, vol. 50, pp. 48-51, 2002.
- [25] P. Diban, M. K. A. Aziz, D. C. Foo, X. Jia, Z. Li, and R. R. Tan, "Optimal biomass plantation replanting policy using dynamic programming", *Journal of Cleaner Production*, vol. 126, pp. 409-418, 2016.
- [26] R. Jia, S. J. Mellon, S. Hansjee, A. Monk, D. Murray, and J. A. Noble, "Automatic bone segmentation in ultrasound images using local phase features and dynamic programming," in *Biomedical Imaging (ISBI), 2016 IEEE 13th International Symposium on*, 2016, pp. 1005-1008.
- [27] M. Roozegar, M. Mahjoob, and M. Jahromi, "Optimal motion planning and control of a nonholonomic spherical robot using dynamic programming approach: simulation and experimental results," *Mechatronics*, 2016.
- [28] C. Finck and R. Li, "Operational load shaping of office buildings connected to thermal energy storage using dynamic programming," 2016.
- [۲۹] م. فتاحی حسن آباد، ح. قانع یخدان و ع. م. لطیف، "ارائه یک روش نوین جهت تعیین قوت واترمارک با استفاده از الگوریتم رقابت استعماری"، پردازش علائم و داده‌ها، شماره ۱۰، صفحات ۴۳-۵۶، ۱۳۹۲.
- [29] M. Fatehi Hassan Abaad, H. Ghane and A. M. Latif, "A novel method for suitable selection of watermark strength in digital image watermarking based on imperialist competitive algorithm" *JSDP*, vol. 10 no. 1, pp. 56-43, 2013.
- [30] J. Kennedy, "Particle swarm optimization," in *Encyclopedia of machine learning*, ed: Springer, 2011, pp. 760-766.
- [31] Z. Liu, P. Zhu, W. Chen, and R.-J. Yang, "Improved particle swarm optimization algorithm using design of experiment and data mining techniques," *Structural and Multidisciplinary Optimization*, vol. 52, pp. 813-826, 2015.
- [32] C. Ou-Yang, H.-J. Cheng, and Y.-C. Juan, "An Integrated mining approach to discover business process models with parallel structures: towards fitness improvement," *International Journal of Production Research*, vol. 53, pp. 3888-3916, 2015.
- [33] H.-J. Cheng, C. Ou-Yang, and Y.-C. Juan, "A hybrid approach to extract business process models with high fitness and precision," *Journal of systems*, *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B (Cybernetics)*, vol. 34, pp. 77-84, 2004.
- [11] E. Rahm, "Dynamic load balancing in parallel database systems," in *European Conference on Parallel Processing*, 1996, pp. 37-52.
- [12] L.-j. Jin, F. Casati, M. Sayal, and M.-C. Shan, "Load balancing in distributed workflow management system," in *Proceedings of the 2001 ACM symposium on Applied computing*, 2001, pp. 522-530.
- [13] W. Zhao, L. Yang, H. Liu, and R. Wu, "The Optimization of Resource Allocation Based on Process Mining," in *Advanced Intelligent Computing Theories and Applications*, ed: Springer, 2015, pp. 341-353.
- [14] M. Zur Muehlen, "Organizational management in workflow applications—issues and perspectives," *Information Technology and Management*, vol. 5, pp. 271-291, 2004.
- [15] J. Xu, C. Liu, and X. Zhao, "Resource allocation vs. business process improvement: How they impact on each other," in *BPM*, 2008, pp. 228-243.
- [16] A. S. Nisafani, A. Wibisono, S. Kim, and H. Bae, "Bayesian Selection Rule for Human-Resource Selection in Business Process Management Systems," *Journal of Society for e-Business Studies*, vol. 17, 2014.
- [17] A. Wibisono, A. S. Nisafani, H. Bae, and Y.-J. Park, "On-the-Fly Performance-Aware Human Resource Allocation in the Business Process Management Systems Environment Using Naïve Bayes," in *Asia Pacific Business Process Management*, ed: Springer, 2015, pp. 70-80.
- [18] S. Rhee, H. Bae, D. Ahn, and Y. Seo, "Efficient workflow management through the introduction of TOC concepts," in *Proceedings of the 8th annual international conference on industrial engineering theory, applications and practice (IJIE2003)*, 2003.
- [19] M. Shen, G.-H. Tzeng, and D.-R. Liu, "Multi-criteria task assignment in workflow management systems," in *System Sciences, 2003. Proceedings of the 36th Annual Hawaii International Conference on*, 2003.
- [20] K. Georgoulakos, K. Vergidis, G. Tsakalidis, and N. Samaras, "Evolutionary Multi-Objective Optimization of business process designs with pre-processing," in *Evolutionary Computation (CEC), 2017 IEEE Congress on*, 2017, pp. 897-904.
- [21] M. Wibig, "Dynamic Programming and Genetic Algorithm for Business Processes Optimisation," *International Journal of Intelligent Systems and Applications*, vol. 5, p. 44, 2012.
- [22] M. Wibig and C. Polska, "NSGA II algorithm application within the dynamic programming approach to business process optimisation,"





**علیرضا احمدی فرد** مدرک کارشناسی را از دانشگاه صنعتی اصفهان در مهندسی الکترونیک و کارشناسی ارشد را از دانشگاه صنعتی امیرکبیر در مهندسی مخابرات و مدرک دکترای تخصصی را در زمینه پردازش تصویر و ماشین بینایی از مرکز CVSSP دانشگاه Surrey در سال ۲۰۰۲ اخذ کردند. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان پردازش سیگنال، پردازش تصاویر و شناسایی الگو است.

نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:

ahmadyfard@shahroodut.ac.ir

*Industrial and Production Engineering*, vol. 32, pp. 351-359, 2015.

[۳۴] ف. احمدی زر، خ. ب. سلطانیان و ف. اخلاقیان طایف "طراحی و آموزش شبکه‌های عصبی مصنوعی به وسیله استراتژی تکاملی با جمعیت‌های موازی"، پردازش علائم و داده‌ها، شماره ۱۳، صفحات ۱۰۱-۱۱۴، ۱۳۹۵.

[34] F. Ahmadizar, Kh.B. Soltanian and F. Akhlaghian, " Construction and Training of Artificial Neural Networks using Evolution Strategy with Parallel Populations", *JSDP*. vol. 13, no. 1, pp. 101-114, 2016.

[35] W. M. van der Aalst and A. H. Ter Hofstede, "YAWL: yet another workflow language," *Information systems*, vol. 30, pp. 245-275, 2005.



**مهدی یعقوبی** دانشجوی دکترای دانشگاه صنعتی شاهرود در رشته مهندسی کامپیوتر گرایش هوش مصنوعی است. مدرک کارشناسی و کارشناسی ارشد خود را در رشته مهندسی کامپیوتر گرایش نرم‌افزار در سال‌های ۱۳۸۰ و ۱۳۸۳ از دانشگاه صنعت نفت و دانشگاه صنعتی امیرکبیر اخذ کرده است. از سال ۱۳۸۵ به‌عنوان عضو هیأت علمی گروه مهندسی کامپیوتر در دانشگاه گلستان فعالیت دارد. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان داده‌کاوی، فرایندکاوی، تحلیل و طراحی فرایندهای کسب‌وکار و طراحی و پیاده‌سازی سامانه‌های اطلاعاتی هوشمند است. نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:

m.yaghoubi@gu.ac.ir



**مرتضی زاهدی** در حال حاضر عضو هیأت علمی دانشکده مهندسی کامپیوتر دانشگاه صنعتی شاهرود است. وی پروژه‌هایی را در زمینه تعامل انسان و رایانه، شناسایی الگو، پردازش تصویر و ویدئو، و بینایی ماشین در دست اجرا دارد که در آنها به‌طورمعمول از اطلاعات و دانش آماری استفاده می‌شود. ایشان دارای دکترای تخصصی رایانه از دانشگاه RWTH-Aachen آلمان است. تألیف کتب و مقالات علمی و همچنین سرپرستی پروژه‌های دانشگاهی و صنعتی در ایران و کشورهای اروپایی در کارنامه کاری ایشان دیده می‌شود. نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:

m.zahedi@shahroodut.ac.ir

