



انتخاب اعضای ترکیب در خوشه‌بندی ترکیبی با استفاده از رأی‌گیری

علیرضا لطیفی پاکدهی و نگین دانشپور*

دانشکده مهندسی کامپیوتر، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، تهران، ایران

چکیده

خوشه‌بندی ترکیبی، به ترکیب نتایج حاصل از خوشه‌بندی‌های موجود می‌پردازد. پژوهش‌های دهه اخیر نشان می‌دهد، چنان‌چه به جای ترکیب همه خوشه‌بندی‌ها، تنها دسته‌ای از آن‌ها بر اساس کیفیت و تنوع انتخاب شوند، آن‌چه به‌عنوان خروجی خوشه‌بندی ترکیبی حاصل می‌شود، بسیار دقیق‌تر خواهد بود. این مقاله به ارائه یک روش جدید برای انتخاب خوشه‌بندی‌ها بر اساس دو معیار کیفیت و تنوع می‌پردازد. برای رسیدن به این منظور ابتدا خوشه‌بندی‌های مختلفی با استفاده از الگوریتم k-means ایجاد می‌شود که در هر بار اجرا، مقدار k یک عدد تصادفی است. در ادامه خوشه‌بندی‌هایی که به این نحو تولید شده‌اند، با استفاده از الگوریتم جدیدی که براساس میزان شباهت بین خوشه‌بندی‌های مختلف عمل می‌کند، گروه‌بندی می‌شوند تا آن دسته از خوشه‌بندی‌هایی که به یکدیگر شبیه‌اند در یک دسته قرار گیرند؛ سپس از هر دسته، با استفاده از یک روش مبتنی بر رأی‌گیری، با کیفیت‌ترین عضو آن برای ایجاد خوشه‌بندی ترکیبی انتخاب می‌شود. در این مقاله از سه تابع MCLA و CSPA و HPGA برای ترکیب خوشه‌بندی‌ها استفاده شده است. در انتها برای آزمایش این روش جدید از داده‌های واقعی موجود در پایگاه داده UCI استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد که روش جدید کارایی بیشتر و دقیق‌تری نسبت به روش‌های قبلی دارد.

واژگان کلیدی: خوشه‌بندی ترکیبی، انتخاب اعضا، شاخص‌های ارزیابی کیفیت

Cluster ensemble selection using voting

Alireza Latifi-Pakdehi & Negin Daneshpour*

Faculty of Computer Engineering, Shahid Rajaee Teacher Training University, Tehran, Iran

Abstract

Clustering is the process of division of a dataset into subsets that are called clusters, so that objects within a cluster are similar to each other and different from objects of the other clusters. So far, a lot of algorithms in different approaches have been created for the clustering. An effective choice (can combine) two or more of these algorithms for solving the clustering problem. Ensemble clustering combines results of existing clusterings to achieve better performance and higher accuracy. Instead of combining all of existing clusterings, recent decade researchers show, if only a set of clusterings is selected based on quality and diversity, the result of ensemble clustering would be more accurate. This paper proposes a new method for ensemble clustering based on quality and diversity. For this purpose, firstly first we need a lot of different base clusterings to combine them. Different base clusterings are generated by k-means algorithm with random k in each execution. After the generation of base clusterings, they are put into different groups according to their similarities using a new grouping method. So that clusterings which are similar to each other are put together in one group. In this step, we use normalized mutual information (NMI) or adjusted rand index (ARI) for computing similarities and dissimilarities between the base clustering. Then from each group, a best qualified clustering is selected via a voting based method. In this method, Cluster-validity-indices were used to measure the quality of clustering. So that all members of the group are evaluated by the Cluster-validity-indices. In each group, clustering that optimizes the most number of Cluster-validity-indices is selected. Finally, consensus functions combine all selected clustering. Consensus function is an algorithm for combining

* نویسنده عهده‌دار مکاتبات • تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۵/۱۰/۱۱ • تاریخ آخرین بازنگری: ۱۳۹۷/۸/۲۲ • تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۱۰/۱۹
Corresponding author

existing clusterings to produce final clusters. In this paper, three consensus functions including CSPA, MCLA, and HGPA have used for combining clustering. To evaluate proposed method, real datasets from UCI repository have used. In experiment section, the proposed method is compared with the well-known and powerful existing methods. Experimental results demonstrate that proposed algorithm has better performance and higher accuracy than previous works.

Keywords: Ensemble clustering, select member, validity index.

- الگوریتم‌های خوشه‌بندی متفاوت: تعدادی از الگوریتم‌های خوشه‌بندی متفاوت برای ایجاد خوشه‌بندی‌های پایه مورد استفاده قرار می‌گیرند [12] و [13].
- زیرمجموعه‌ای از صفات مختلف: زیرمجموعه‌های مختلف از صفات برای تولید خوشه‌بندی‌های مختلف انتخاب می‌شوند [11] و [14].
- زیرمجموعه‌ای از اشیای مختلف: در هر بار زیرمجموعه‌های متفاوت از داده‌ها برای تولید خوشه‌بندی‌های مختلف انتخاب می‌شوند [15].

برای نخستین بار [16] نشان داد که در یادگیری ترکیبی^۲، انتخاب اعضای ترکیب از ترکیب کامل ممکن است بهتر باشد (در ترکیب کامل، همه اعضای یادگیری ترکیب، اما در انتخاب اعضای ترکیب، اعضا قبل از ترکیب انتخاب می‌شوند. اجزای یادگیری نیز با توجه به نوع یادگیری متفاوت است. برای مثال در ترکیب طبقه‌بندی‌ها، اجزای یادگیری، طبقه‌بندی‌های پایه هستند که قرار است ترکیب شوند. در خوشه‌بندی ترکیبی، اجزای یادگیری، خوشه‌بندی‌های پایه هستند که قرار است با یکدیگر ترکیب شوند). در همین اواخر روش‌های خوشه‌بندی جدیدی ایجاد شده که اعضای ترکیب بر اساس تنوع و کیفیت انتخاب می‌شوند. این روش‌ها با عنوان انتخاب اعضای ترکیب^۳ (CES) شناخته می‌شوند [17]. CES برای بهبود کارایی خوشه‌بندی ترکیبی پیشنهاد شده است [18] و برای انتخاب زیرمجموعه‌ای از مجموعه بزرگ خوشه‌بندی‌ها به کار می‌رود تا مجموعه‌ای کوچک‌تر حاصل شود؛ به نحوی که نتایج مجموعه جدید به خوبی ترکیب کامل یا حتی بهتر از آن باشد. [19, 20].

تاکنون تعداد کمی مطالعه روی این مسأله انجام شده که چگونه زیرمجموعه‌ای از خوشه‌بندی‌ها باید براساس کیفیت و تنوع انتخاب شوند [21-23]. روش‌هایی که تاکنون در این زمینه ارائه شده‌اند، نیازمند یک پارامتر ورودی جهت تعیین تعداد خوشه‌بندی‌های انتخاب شده از مجموع کل تعداد خوشه‌بندی‌ها هستند. یک راه برای عبور از چنین معضلی، آزمایش بازه وسیعی از این پارامتر و نشان دادن خروجی به‌ازای

² Ensemble learning

³ Cluster Ensemble Selection

۱- مقدمه

خوشه‌بندی، فرآیندی است که در آن مجموعه‌ای از داده‌ها به گروه‌های متفاوتی (که خوشه نامیده می‌شوند) افراز می‌شوند؛ به طوری که داده‌های موجود در یک گروه، در ویژگی‌ها یا خصوصیات، اشتراک دارند که ممکن است، در داده‌های دیگر گروه‌ها موجود نباشند [1]. خوشه‌بندی به طور گسترده در رشته هوش مصنوعی مورد استفاده قرار گرفته است [2]. در اغلب موارد هدف از خوشه‌بندی فهم بهتر توزیع داده‌هاست؛ ولی در بعضی موارد گام نخست برای پردازش‌های بعدی نظیر اندیس‌گذاری یا فشرده‌سازی است [3]. خوشه‌بندی در بسیاری از زمینه‌ها مثل ستاره‌شناسی، فیزیک، داروسازی و بازاریابی مورد استفاده قرار گرفته است.

خوشه‌بندی ترکیبی^۱ نتایج حاصل از چندین خوشه‌بندی را برای به دست آوردن خوشه‌بندی دقیق‌تر، با کیفیت‌تر و مقیاس‌پذیرتر ترکیب می‌کند. در خوشه‌بندی ترکیبی نیاز است تا به جای خود داده فقط به نتایج خوشه‌بندی‌های پایه دسترسی داشته باشیم؛ بنابراین خوشه‌بندی ترکیبی رویکردی مناسب برای تأمین خصوصی سازی و استفاده مجدد از دانش است [4]. همچنین خوشه‌بندی ترکیبی این امکان را فراهم می‌کند تا با اجماع نتایج اجرای چندین باره یک الگوریتم خوشه‌بندی، به نتایج پایدارتری دست پیدا کنیم [5]. خوشه‌بندی ترکیبی می‌تواند امکان استفاده از فناوری پردازش موازی را نیز فراهم آورد [6]. خوشه‌بندی ترکیبی کاربردهایی در بیوانفورماتیک، پردازش تصویر و بازاریابی دارد [7-9].

روش‌های سنتی خوشه‌بندی ترکیبی خوشه‌بندی‌های متعددی از مجموعه داده تولید می‌کردند و سپس با ترکیب همه آن‌ها، خوشه‌بندی نهایی تولید می‌شد. برای ایجاد خوشه‌بندی‌های متفاوت، رویکردهای متفاوتی وجود دارد [10]:

- **مقداردهی اولیه پارامترها به صورت متفاوت:** در هر بار اجرا مقدار پارامتر اولیه از یک مجموعه انتخاب می‌شود [11].

¹ Ensemble clustering

می‌کند. در [4] سه مورد توابع اجماع مبتنی بر گراف معرفی شده که عبارتند از: الگوریتم بخش‌بندی شباهت مبتنی بر خوشه^۳ (CSPA)، الگوریتم بخش‌بندی ابر گراف^۴ (HGPA)، الگوریتم ابر خوشه‌بندی^۵ (MCLA). به‌طوراساسی اگر دو شیء در یک خوشه باشند، مشابه در نظر گرفته می‌شوند و در غیر این صورت غیر مشابه هستند. بر اساس این دیدگاه در CSPA یک ماتریس شباهت برای هر یک از خوشه‌بندی‌ها ساخته می‌شود. در ماتریس شباهت اگر عنصر مربوط به دو اندیس در یک خوشه باشند، درایه متناظر یک و در غیر این صورت صفر خواهد بود. بعد از محاسبه تمامی ماتریس‌های شباهت مربوط به تمام خوشه‌بندی‌ها، ماتریس نهایی از میانگین درایه‌های ماتریس شباهت به‌دست می‌آید؛ سپس از الگوریتم METIS [24] استفاده می‌شود تا خوشه‌بندی نهایی حاصل شود.

در تابع اجماع HGPA مسأله خوشه‌بندی ترکیبی به مسأله بخش‌بندی ابرگراف به‌وسیله حذف کمترین تعداد ابريال تبدیل می‌شود. بنابراین لازم است، ابرگراف را تعریف کنیم. یک ابر گراف، گرافی است که رأس‌هایش از مجموعه‌ای از اشیای مجموعه‌داده تشکیل شده است و یال‌هایش ارتباط بین رأس‌ها را (با در نظر گرفتن خوشه‌بندی) معین می‌کنند. این یال‌ها دارای وزنی یکسان هستند؛ سپس از الگوریتم HMETIS [25] برای شکستن ابرگراف و تولید خوشه‌بندی نهایی استفاده می‌شود.

در تابع اجماع MCLA بر خلاف CSPA که در آن اشیای رأس‌های گراف را می‌ساختند، خوشه‌ها به‌عنوان رأس در نظر گرفته می‌شوند و وزن یال‌ها با استفاده از مقیاس Jaccard دودویی به‌دست می‌آید [4]. به این صورت که وزن بین دو رأس h_1 و h_2 با رابطه (۱) محاسبه می‌شود:

$$w(C_x, C_y) = \frac{C_x C_y}{\|C_x\|_2^2 + \|C_y\|_2^2 - C_x C_y} \quad (1)$$

به‌طوری‌که C_x و C_y بردارهایی هستند که دو خوشه h_1 و h_2 را نمایش می‌دهند و C_x نیز ترانهاده C_x است. هر عنصر بردار، نمایان‌گر یک شیء است. اگر خوشه، حاوی شیئی باشد، عنصر معادل برابر یک و در غیر این صورت صفر خواهد بود؛ سپس برای تعیین خوشه‌بندی نهایی از الگوریتم METIS [24] استفاده می‌شود.

³ Cluster-based Similarity Partitioning Algorithm

⁴ Hyper Graph Partitioning Algorithm

⁵ Meta-CLustering Algorithm

هر مقدار از این پارامتر است؛ اما این یک راه حل کلی محسوب نمی‌شود؛ بنابراین نیاز به حذف این پارامتر، یک نیاز جدی است که روش پیشنهادی این مقاله، این معضل را برطرف کرده است.

این مقاله یک روش ترکیبی جدید بر اساس تنوع و کیفیت ارائه می‌دهد. در نخستین گام، خوشه‌بندی‌های متعددی از مجموعه‌داده تولید می‌شود. این خوشه‌بندی‌ها با استفاده از اجرای چندین بار الگوریتم k -means ایجاد می‌شوند که در هر بار اجرا مقدار k ، خروجی یک تابع تصادفی است؛ سپس این خوشه‌بندی‌ها گروه‌بندی می‌شوند و در هر گروه نیز با کیفیت‌ترین خوشه انتخاب می‌شود. در این روش نیازی به بیان تعداد خوشه‌بندی‌های انتخاب‌شده نیست و گروه‌بندی و انتخاب بدون نیاز به این عدد انجام می‌شود. در روش ارائه‌شده، برای انتخاب از هر گروه، راه‌کار جدیدی براساس رأی‌گیری روی شاخص‌های ارزیابی کیفیت^۱ پیشنهاد شده است. بدین ترتیب اندازه مجموعه‌داده با حذف خوشه‌بندی‌هایی که در عمل در نتیجه نهایی تأثیر مثبتی نداشتند، کاهش می‌یابد و در نهایت این مجموعه‌داده کاهش‌یافته برای تولید خوشه‌بندی نهایی در اختیار توابع اجماع^۲ قرار می‌گیرد.

بقیه مطالب مقاله به این صورت است: در بخش دو به تبیین مفاهیم پرکاربرد در مقاله و در بخش ۳ پیشینه پژوهش و کارهای مشابه تشریح شده و در بخش ۴ به بیان روش پیشنهادی و چارچوب کلی راه حل پرداخته شده است. در بخش ۵ نتایج راه حل پیشنهادی روی داده‌های واقعی برگرفته از UCI نشان داده و در نهایت نتیجه‌گیری در بخش ۶ ذکر شده است.

۲- مفاهیم پایه

در این بخش به شرح دو مفهوم پر استفاده در این مقاله یعنی تابع اجماع و معیارهای شباهت و تفاوت پرداخته و سپس در بخش بعد، روش پیشنهادی بیان می‌شود.

۲-۱- تابع اجماع

تابع اجماع کار اصلی در خوشه‌بندی ترکیبی را بر عهده دارد. تابع اجماع خوشه‌بندی‌های متعدد تولیدشده را به‌عنوان ورودی می‌گیرد و با ترکیب آن‌ها، خوشه‌بندی نهایی را تولید

¹ Validity index

² Consensus function

۳- پیشینه پژوهش

ایده اولیه ترکیب خوشه‌بندی‌های مختلف جهت به دست آوردن خوشه‌بندی بهتر، تحت روش‌های مختلف مورد بررسی قرار گرفته است [28, 29]؛ اما چارچوب رسمی خوشه‌بندی ترکیبی برای نخستین بار در [4] معرفی شد. فرض کنید داده $X=(x_1, x_2, \dots, x_n)$ ، نمایانگر مجموعه داده‌ای باشد که n نمونه دارد. مجموعه داده H بار با الگوریتم‌های خوشه‌بندی، بخش‌بندی می‌شوند تا H نتیجه $P=(p_1, p_2, \dots, p_H)$ حاصل شود، به طوری که $p_k(k=1, 2, \dots, H)$ نتیجه خوشه‌بندی در k امین اجرا باشد. در نهایت تابع اجماع Γ ، مجموعه خوشه‌بندی‌های تولید شده را ترکیب می‌کند تا خوشه‌بندی نهایی تولید شود. توابع اجماع به کار بسته شده در این روش HPGA، CSPA و MCLA هستند که همگی مبتنی بر گرافند.

در [17] سه روش بر پایه کیفیت و تنوع ارائه شده است. نخستین روش که معیار مشترک^۴ نام دارد، یک تابع هدف^۵ ارائه که کیفیت و تنوع را ترکیب می‌کند. دومین روش CAS^۶ نامیده شده است. این روش، ابتدا یک ماتریس شباهت می‌سازد که هر عنصر آن، فاصله دو خوشه‌بندی مربوط به دو اندیس آن عنصر است؛ سپس این ماتریس شباهت به عنوان تابع وزنی به الگوریتم خوشه‌بندی طیفی داده می‌شود تا خوشه‌بندی‌ها گروه‌بندی شود؛ سپس از هر گروه بهترین آن را با استفاده از معیارهای کیفیت، شناسایی کرده و در اختیار توابع اجماع مبتنی بر گراف قرار می‌دهد. روش آخر که پوسته محدب^۷ نامیده شده، ابتدا دیاگرام کیفیت-تنوع برای مجموعه خوشه‌بندی‌ها می‌سازد. به طوری که هر نقطه، متناظر با یک جفت خوشه‌بندی در مجموعه خوشه‌بندی‌هاست؛ سپس پوسته محدب همه نقاط، مجموعه کاهش یافته را برای توابع اجماع به وجود می‌آورد.

در [19]، یک روش تطبیقی ارائه شده است که بر اساس آن داده‌ها به دو دسته پایدار و ناپایدار تقسیم می‌شوند. نویسندگان نشان دادند که در داده‌های ناپایدار، انتخاب خوشه‌بندی‌های با تنوع زیاد، نتایج را بهبود می‌دهد.

در الگوریتم SELSCE [30]، خوشه‌بندی‌های اولیه با استفاده از الگوریتم خوشه‌بندی طیفی ساخته می‌شوند. در این روش ابتدا T رتبه‌بندی مختلف از خوشه‌بندی‌های پایه ایجاد می‌شود و سپس از این T رتبه‌بندی، یک رتبه‌بندی واحد تولید می‌شود. در این روش برای ایجاد هر رتبه‌بندی از

۲-۲- اندازه‌گیری میزان شباهت و تفاوت:

برای تعیین میزان شباهت دو خوشه‌بندی معیارهای متفاوتی وجود دارد [21, 22, 26] که از پرکاربردترین آنها می‌توان به NMI^2 [4] و ARI^3 [27] اشاره کرد. NMI یک روش برای محاسبه میزان شباهت یا تفاوت دو خوشه‌بندی است. فرض کنید π_a و π_b دو خوشه‌بندی روی مجموعه داده‌ای با N نمونه باشد، در این صورت NMI بین دو خوشه‌بندی به صورت رابطه (۲) است:

$$NMI(\pi_a, \pi_b) = \frac{\sum_{h=1}^{k_a} \sum_{l=1}^{k_b} n_{h,l} \log_2 \left(\frac{N \cdot n_{h,l}}{n_h \cdot n_l} \right)}{\sqrt{\left(\sum_{h=1}^{k_a} n_h \log_2 \frac{n_h}{N} \right) \left(\sum_{l=1}^{k_b} n_l \log_2 \frac{n_l}{N} \right)}} \quad (2)$$

به طوری که k_a تعداد خوشه‌های π_a ، k_b تعداد خوشه‌های π_b ، $n_{h,l}$ تعداد نمونه‌های مشترک h امین خوشه π_a و l امین خوشه π_b است. $N_{h,l}$ تعداد نمونه‌های h امین خوشه π_a و n_l تعداد نمونه‌های l امین خوشه π_b است. NMI میزان اطلاعات مشترک بین دو خوشه‌بندی را اندازه می‌گیرد و می‌تواند مقداری بین صفر تا یک را بپذیرد. اگر مقدار خروجی NMI برابر یک باشد، دو خوشه‌بندی به طور کامل مشابه‌اند و هر چقدر از مقدار یک کاسته شود، نشان می‌دهد که دو خوشه‌بندی تفاوت بیشتری دارند و اگر صفر باشد دو خوشه‌بندی به طور کامل متفاوت هستند.

ARI [27] روش دیگری برای تعیین میزان شباهت دو خوشه‌بندی است. ابتدا همانند بالا فرض می‌کنیم π_a و π_b دو خوشه‌بندی روی مجموعه داده‌ای با N نمونه باشد. در این صورت ARI بین دو خوشه‌بندی به صورت رابطه (۳) محاسبه می‌شود:

$$ARI(\pi_a, \pi_b) = \frac{\sum_{h=1}^{k_a} \sum_{l=1}^{k_b} \binom{n_{h,l}}{2} - t_3}{1/2(t_1 + t_2) - t_3} \quad (3)$$

به طوری که:

$$t_1 = \sum_{h=1}^{k_a} \binom{n_h}{2}, \quad t_2 = \sum_{l=1}^{k_b} \binom{n_l}{2}, \quad t_3 = \frac{2t_1 t_2}{n(n-1)}$$

متغیرهای $k_a, k_b, n_{h,l}, n_h, n_l$ نیز مشابه موارد گفته شده

در معیار NMI است.

⁴ Joint Criterion

⁵ Objective function

⁶ Cluster And Select

⁷ Convex Hull

¹ Measure

² Normalized Mutual Information

³ Adjusted Rand Index

گرفته‌اند). در این روش با استفاده از چندین شاخص اعتبار⁴، کیفیت هر یک از خوشه‌بندی‌ها را محاسبه می‌کند. به عبارت دیگر به‌ازای هر شاخص اعتبار یک رتبه‌بندی از خوشه‌بندی‌ها ایجاد می‌شود. در ادامه مجموع رتبه‌ها برای هر خوشه‌بندی محاسبه شده و سپس آنها از کوچک به بزرگ مرتب می‌شوند. در نهایت با توجه به تعداد خوشه‌بندی‌هایی که از قبل برای انتخاب تعیین شده است، خوشه‌بندی‌هایی با کمترین رتبه انتخاب می‌شود.

الگوریتم HCES [10] از الگوریتم‌های خوشه‌بندی سلسله‌مراتبی برای گروه‌بندی خوشه‌بندی‌ها بهره می‌برد. در این روش ابتدا خوشه‌بندی‌های متعددی با استفاده از الگوریتم k-means ایجاد می‌شود. در هر بار اجرای k-means مقدار k یک عدد تصادفی است. در گام بعدی کلیه این خوشه‌بندی‌ها با استفاده از توابع اجماع HPGA و CSPA ترکیب می‌شوند تا h^* که همان خوشه‌بندی ترکیب کامل نام دارد، حاصل شود. در این روش برای به‌دست‌آوردن فاصله بین دو خوشه‌بندی A و B، ابتدا فاصله بین هر یک از A و B با h^* به‌دست می‌آید و قدرمطلق تفاضل مقدارهای به‌دست‌آمده، فاصله بین A و B در نظر گرفته می‌شود؛ سپس ماتریس شباهت محاسبه می‌شود که هر مؤلفه ماتریس، فاصله بین دو خوشه‌بندی را نشان می‌دهد. در گام بعدی با استفاده از خوشه‌بندی سلسله‌مراتبی، خوشه‌بندی‌ها گروه‌بندی می‌شوند و از هر گروه با استفاده از معیار کیفیت NMI، بهترین خوشه‌بندی انتخاب می‌شود (در هر لایه از درخت سلسله‌مراتب⁵) و در اختیار توابع اجماع قرار می‌گیرد. در نهایت خوشه‌بندی با بالاترین کیفیت، انتخاب می‌شود.

در این قسمت از مقاله، الگوریتم‌های متعددی که برای انتخاب اعضای ترکیب طراحی شده بودند، مورد بررسی قرار گرفتند. این الگوریتم‌ها سعی داشتند تا با کاهش تعداد خوشه‌بندی‌های پایه (که به‌عنوان ورودی به تابع اجماع داده می‌شوند)، کیفیت خوشه‌بندی ترکیبی را بهبود ببخشند. بعضی الگوریتم‌ها از روش‌های مبتنی بر شباهت و تفاوت استفاده کرده بودند؛ نظیر [10, 17, 31, 32] و برخی نیز با استفاده از روش رتبه‌بندی اقدام به انتخاب خوشه‌بندی‌ها کرده بودند؛ نظیر [21, 30]. به‌طور تقریبی در همه الگوریتم‌های ذکر شده نیاز به تعیین تعداد خوشه‌بندی‌هایی که باید انتخاب شوند، یک نیاز اساسی است و جزو ورودی‌های آن الگوریتم محسوب می‌شود؛ بنابراین ارائه یک الگوریتم جدید که در آن نیازی به تعیین این عدد نباشد، ضروری است.

خوشه‌بندی‌ها، ابتدا نیمی از آنها به‌صورت تصادفی انتخاب و خوشه‌بندی ترکیبی آنها تولید می‌شود؛ سپس با استفاده از معیارهای ارتباط¹ (معیارهای اندازه‌گیری شباهت و تفاوت)، یک رتبه‌بندی ایجاد و برای ایجاد T رتبه‌بندی، این مرحله T مرتبه تکرار می‌شود. در نهایت براساس تعدادی که کاربر در پارامتر ورودی مشخص می‌کند، خوشه‌بندی از ابتدای رتبه‌بندی انتخاب و به توابع اجماع داده می‌شود تا فرآیند خوشه‌بندی ترکیبی کامل شود.

در الگوریتم similarity-based [31] یک روش جدید برای انتخاب اعضای ترکیب ارائه می‌شود که بر پایه قاعده نزدیک‌ترین همسایه است. بدین ترتیب که در ابتدا مجموعه اولیه خوشه‌بندی‌ها و تعداد خوشه‌بندی‌هایی که می‌بایست در نهایت ترکیب شوند از ورودی دریافت می‌شوند؛ سپس این مجموعه بر اساس قاعده نزدیک‌ترین همسایه آن‌قدر کاهش داده می‌شوند تا به تعداد مورد نظر دست یابند. برای این منظور ابتدا فاصله دوبه‌دوی تمام خوشه‌بندی‌ها بر اساس معیارهای شباهت به‌دست می‌آیند؛ سپس نزدیک‌ترین خوشه‌بندی به هر خوشه‌بندی تعیین و فاصله بین آن‌ها به‌عنوان فاصله تا نزدیک‌ترین خوشه‌بندی ذخیره می‌شود. در نهایت آن خوشه‌بندی که کم‌ترین فاصله را تا نزدیک‌ترین خوشه‌بندی خود دارد، حذف می‌شود و این فرآیند ادامه می‌یابد تا تعداد مورد نظر حاصل شود.

الگوریتم ESDF [32] تلاش می‌کند تا نشان دهد با اولویت‌بندی خوشه‌بندی‌ها بر اساس فرکانس² و تنوع، و انتخاب خوشه‌بندی‌ها به‌صورت حریمانه³ و با ترتیب نزولی اولویت‌ها، خوشه‌بندی ترکیبی بهتری ایجاد می‌شود؛ چون تعداد خوشه‌بندی‌های کم‌تری در خوشه‌بندی ترکیبی شرکت می‌کنند. هم‌چنین خوشه‌بندی‌هایی در خوشه‌بندی ترکیبی شرکت می‌کنند که اختلاف بیش‌تری با دیگر خوشه‌بندی‌ها دارند (با این عقیده که دورترین عضو به‌احتمال دارای اطلاعات مفیدی است) و تعداد تکرارشان بیشتر است.

در [21] نویسنده روش‌های متعددی ارائه می‌کند که یکی از بهترین روش‌های آن SR است. در این روش، برای نخستین‌بار شاخص‌های ارزیابی کیفیت در موضوع انتخاب اعضای ترکیب در خوشه‌بندی ترکیبی، مورد استفاده قرار گرفته است (شاخص‌های ارزیابی خوشه‌بندی برای دهه‌های متمادی، برای ارزیابی کیفیت خوشه‌بندی مورد استفاده قرار

¹ Relevance measure

² Frequency

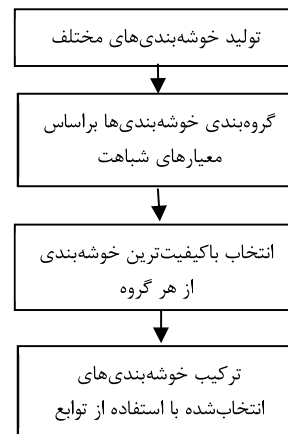
³ Greedy

⁴ Validity index

⁵ Dendogram

روش پیشنهادی، برای ایجاد خوشه‌بندی ترکیبی شامل چهار گام است. در گام نخست خوشه‌بندی‌های متعددی روی مجموعه داده انجام می‌شود. در گام دوم با استفاده از الگوریتم گروه‌بندی، خوشه‌بندی‌های تولیدشده در مرحله قبل گروه‌بندی می‌شود. در گام سوم با کمک الگوریتم انتخاب، از هر گروه بهترین خوشه‌بندی انتخاب می‌شود و در نهایت در گام آخر، خوشه‌بندی‌های انتخاب‌شده با استفاده از توابع اجماع ترکیب می‌شود. در ادامه این بخش، مراحل ذکر شده با جزئیات کامل بیان خواهند شد.

در خوشه‌بندی ترکیبی سنتی، همه خوشه‌بندی‌های ایجاد شده، با استفاده از توابع اجماع ترکیب می‌شوند؛ اما در CES (رویکرد جدید خوشه‌بندی ترکیبی) این‌گونه نیست؛ در این رویکرد، خوشه‌بندی‌ها بر اساس تنوع و کیفیت انتخاب می‌شوند تا نتیجه ترکیب بهبود یابد. در نتیجه این انتخاب، توابع اجماع درگیر افزونگی نمی‌شوند؛ چون خوشه‌بندی‌های مشابه در عمل تأثیری در خوشه‌بندی نهایی ندارند. برای رسیدن به این هدف لازم است بعد از تولید خوشه‌بندی‌های متعدد، ابتدا خوشه‌بندی‌ها گروه‌بندی شوند و سپس در هر گروه با استفاده از رأی‌گیری روی شاخص‌های ارزیابی کیفیت، تنها یک مورد با کیفیت آن انتخاب شود و در اختیار توابع اجماع قرار گیرد. شکل (۱) این مراحل را بیان می‌کند.



شکل-۱: چارچوب خوشه‌بندی ترکیبی ارائه شده

(Figure-1): Framework of the proposed ensemble clustering

۴-۱- تولید خوشه‌بندی‌های مختلف

نخستین مرحله چارچوب خوشه‌بندی ترکیبی، ایجاد خوشه‌بندی‌های متفاوت است. خوشه‌بندی‌های متفاوت می‌تواند یا با الگوریتم‌های متفاوت انجام شوند، نظیر [12, 13] و یا می‌تواند شامل تکرار یک الگوریتم مشخص مانند k-means و DBSCAN و Spectral با پارامترهای مختلف باشد [11]. در روش پیشنهادی از روش دوم استفاده شده است.

۲-۴- الگوریتم گروه‌بندی

پس از تولید خوشه‌بندی‌های اولیه، نوبت به گروه‌بندی می‌رسد. هدف الگوریتم گروه‌بندی این است که خوشه‌بندی‌های مشابه در یک گروه قرار گیرند تا در مرحله بعدی (الگوریتم انتخاب)، از هر گروه یک خوشه‌بندی با کیفیت انتخاب شود. شکل (الگوریتم گروه‌بندی ارائه شده را نشان می‌دهد).

```

Algorithm 1: Grouping
Input: matrix GSC;
Output: Vector group_label;
Begin
Vector Obtained_NMI;
for i←1 to n //n is number of clustering
  for j← i+1 to n
    Current_NMI←NMI(GSC (j) , GSC (i));
    If Current_NMI>=Obtained_NMI(j) and j!=i
      Obtained_NMI(j) ←Current_NMI;
      Index ← j;
    end if
    i and index are given same group_label;
  end for
End for
End Algorithm
    
```

شکل-۲: الگوریتم گروه‌بندی
(Figure-2): Grouping algorithm

ورودی این الگوریتم، ماتریس GSC، حاوی خوشه‌بندی‌های تولیدشده از مجموعه داده اولیه است. هر سطر این ماتریس حاوی یک خوشه‌بندی از مجموعه داده اولیه است. اگر تعداد خوشه‌بندی‌های اولیه n باشد، تعداد سطرهای ماتریس هم n خواهد بود. خروجی این الگوریتم یک بردارستونی بنام group_label است که نشان می‌دهد هر خوشه‌بندی به کدامیک از خوشه‌بندی‌ها نزدیک‌تر است. در اینجا نیز اگر تعداد خوشه‌بندی‌های اولیه n باشد، تعداد سطرهای این بردار نیز n خواهد بود. خوشه‌بندی‌های دارای group_label یکسان، در یک گروه قرار دارند.

همچنین در این الگوریتم یک بردار ستونی به نام Obtained_NMI در نظر گرفته شده که نشان می‌دهد هر خوشه‌بندی با چه میزان شباهت با دیگر خوشه‌بندی‌ها در یک گروه قرار گرفته است. این بردار ابتدا با صفر مقداردهی شده است. متغیر index نیز در واقع، اندیس شبیه‌ترین خوشه‌بندی را به خوشه‌بندی مورد بررسی در خود قرار می‌دهد.

وظیفه الگوریتم گروه‌بندی این است که مشابه‌ترین خوشه‌بندی‌ها را در یک گروه قرار دهد. برای یافتن شبیه‌ترین خوشه‌بندی به هر خوشه‌بندی می‌بایست میزان شباهت آن با

اعضای گروه‌ها با شاخص‌ها مورد سنجش قرار می‌گیرند. در هر گروه، خوشه‌بندی‌ای که تعداد بیشتری از شاخص‌ها را بهینه کند، انتخاب می‌شود. DB [33]، CH [34] و SI [35] از جمله این شاخص‌ها هستند که در ادامه به توضیح آنها می‌پردازیم:

شاخص DB [33] تابعی است که نسبت جمع پراکندگی داخل خوشه‌ای را به پراکندگی بین خوشه‌ای محاسبه می‌کند. رابطه (۴)، این تابع ارزیابی را بیان می‌کند:

$$DB(k) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k \max_{i' \neq i} \frac{S_n(c_i) + S_n(c_{i'})}{S(c_i, c_{i'})} \quad (4)$$

به طوری که k تعداد خوشه‌ها، S_n میانگین فاصله اشیا c_i خوشه از مرکز این خوشه و $S(c_i, c_{i'})$ فاصله بین مراکز خوشه‌های c_i و $c_{i'}$ است. اگر خوشه‌ها فشرده باشند و نسبت به یکدیگر فاصله داشته باشند، این نسبت کوچک است. بنابراین DB مقدار کوچکی برای خوشه خوب دارد [36]. شاخص CH [34] به صورت رابطه (۵) تعریف می‌شود:

$$CH(k) = \frac{B / (k-1)}{W / (n-k)} \quad (5)$$

به طوری که k تعداد خوشه‌ها، B مجموع مربعات فاصله بین خوشه‌ها، W مجموع مربعات فاصله در میان خوشه‌ها و n تعداد داده‌هاست. در مورد گروه‌هایی که اندازه یکسان دارند CH اغلب معیار خوبی برای مشخص کردن تعداد صحیح گروه‌هاست. بهترین خوشه‌بندی، بالاترین مقدار CH را دارد. علاوه بر شاخص‌های اعتبار می‌توان از SNMI [4] در ارزیابی کیفیت خوشه‌بندی‌ها بهره برد. فرض کنیم که مجموعه E شامل k خوشه‌بندی باشد که به صورت $E = (p_1, p_2, \dots, p_k)$ نمایش داده شود، آن‌گاه معیار SNMI به صورت رابطه (۶) تعریف می‌شود:

$$SNMI(p, E) = \sum_{i=1}^k NMI(p, p_i) \quad (6)$$

اما از آنجایی که هر شاخص ممکن است، برای داده مشخصی مناسب باشد، در روش پیشنهادی از روش رأی‌گیری شاخص‌ها بهره گرفته شده است تا این نقص پوشش داده شود. شکل (۳) الگوریتم انتخاب خوشه‌بندی را نمایش می‌دهد.

سایر خوشه‌بندی‌ها سنجیده شود. به این صورت که در هر مرحله، ابتدا میزان شباهت دو خوشه‌بندی با استفاده از معیار NMI سنجیده می‌شود و درون متغیر Current_NMI قرار می‌گیرد؛ سپس اگر Current_NMI میان دو خوشه‌بندی مورد بررسی بزرگ‌تر از Obtained_NMI باشد، در این بردار جایگزین می‌شود و اندیس آن درون متغیر index قرار می‌گیرد. Current_NMI، مقدار فعلی به دست آمده بین دو خوشه‌بندی است و Obtained_NMI، بالاترین مقدار NMI را که تاکنون برای هر خوشه‌بندی به دست آمده است، نشان می‌دهد. این روال ادامه پیدا می‌کند تا شبیه‌ترین خوشه‌بندی به خوشه‌بندی مورد نظر یافت شود و اندیس آن درون متغیر index قرار گیرد. در نهایت، خوشه‌بندی مورد نظر و خوشه‌بندی با اندیس index درون یک گروه قرار می‌گیرند (برچسب یکسانی در بردار group_label خواهند گرفت).

به عنوان مثال فرض کنیم با استفاده از روشی که در پاراگراف قبلی به آن اشاره شد، شبیه‌ترین خوشه‌بندی به خوشه‌بندی نخست، خوشه‌بندی n ام باشد. این دو خوشه‌بندی، یعنی خوشه‌بندی نخست و n ام درون یک گروه قرار می‌گیرند (برچسب یکسان خواهند گرفت). پس از آن نوبت به خوشه‌بندی دوم می‌رسد. شبیه‌ترین خوشه‌بندی به خوشه‌بندی دوم نیز با الگوریتم بالا یافت می‌شود و برچسب آن را به خود می‌گیرد (اگر خوشه‌بندی یافت شده برچسب نداشت، یعنی عضو هیچ گروهی نبود، این دو خوشه‌بندی گروه جدیدی را تشکیل خواهند داد). همین روال برای سایر خوشه‌بندی‌ها تکرار می‌شود؛ در نتیجه خوشه‌بندی‌های شبیه به هم دارای یک برچسب یکسان در بردار group_label خواهند شد و در یک گروه قرار می‌گیرند.

در این الگوریتم می‌توان برای محاسبه میزان شباهت دو خوشه‌بندی از معیار ARI نیز استفاده کرد؛ به این ترتیب که هر جا نام NMI آمده، با ARI جایگزین می‌شود.

۳-۴- الگوریتم انتخاب

بعد از گروه‌بندی باید در هر گروه با کیفیت‌ترین آن انتخاب شود. هدف از این الگوریتم پیدا کردن باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی از هر گروه است. در بخش آزمایش‌ها نشان خواهیم داد که این کاهش افزونگی در بسیاری موارد باعث افزایش کارایی خوشه‌بندی ترکیبی خواهد شد.

برای سنجش کیفیت خوشه‌بندی می‌توان از شاخص‌های اعتبار خوشه بهره گرفت. بدین ترتیب که همه

¹ Davies Bouldin

² Calinski Harabasz

³ Silhouette

متغیرهای y_1 تا y_4 ، نتیجه‌ای که بیشترین تکرار را داشته انتخاب می‌شود (اندیس آن درون متغیر Y قرار می‌گیرد). در نهایت، این خوشه‌بندی انتخاب‌شده (خوشه‌بندی با اندیس Y) به ماتریس RGSC اضافه می‌شود.

مهم‌ترین مزیت روش رأی‌گیری این است که چنانچه نتیجه معیارهای مختلف هم‌خوانی نداشته باشد، آن نتیجه‌ای که تکرار بیشتری دارد، انتخاب می‌شود. در روش رأی‌گیری به کار گرفته‌شده به هر معیار وزن یکسانی تعلق گرفته است؛ چون درصد موفقیت معیارها به‌طور تقریبی یکسان است. بنابراین منطقی است که به معیارها وزن یکسانی اختصاص داده شود. روال پیدا کردن باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی از هر گروه (پاراگراف بالا)، برای سایر گروه‌ها انجام می‌شود و از هر گروه باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی انتخاب و به ماتریس RGSC اضافه می‌شود. در انتهای این الگوریتم، این ماتریس یا همان مجموعه خوشه‌بندی‌های کاهش‌یافته، آماده عمل ترکیب می‌شود. به‌عنوان مثال اگر در یک گروه از خوشه‌بندی‌ها تعداد C خوشه‌بندی مختلف وجود داشته باشد، الگوریتم انتخاب برای هر یک از این C خوشه‌بندی، چهار شاخص یادشده را اجرا می‌کند. به‌عنوان مثال شاخص DB و بقیه شاخص‌ها هر کدام به تشخیص خود یک خوشه‌بندی را به‌عنوان باکیفیت‌ترین انتخاب می‌کنند. در نهایت بین تشخیص آنها رأی‌گیری به‌عمل آمده و بهترین مورد انتخاب می‌شود. همین کار برای دیگر گروه‌ها نیز انجام می‌شود تا بهترین خوشه‌بندی سایر گروه‌ها انتخاب شود و بهترین خوشه‌بندی‌ها به تابع اجماع اعمال می‌شود.

۴-۴- ترکیب خوشه‌بندی‌های مختلف

در آخرین گام چارچوب خوشه‌بندی ترکیبی (مرحله چهارم)، مجموعه خوشه‌بندی‌های کاهش یافته در اختیار توابع اجماع قرار می‌گیرد تا عمل ترکیب انجام شود.

به‌اختصار چارچوب کلی روش پیشنهادی به‌صورت زیر خواهد بود:

۱. روی یک مجموعه داده خوشه‌بندی‌های مختلف تولید می‌شود؛
۲. خوشه‌بندی‌های تولیدشده با استفاده از الگوریتم (۱) گروه‌بندی می‌شود؛
۳. از هر گروه با توجه به الگوریتم (۲) بهترین خوشه‌بندی انتخاب می‌شود؛
۴. توابع اجماع روی مجموعه‌های کاهش‌یافته به کار گرفته می‌شود تا خوشه‌بندی نهایی تولید شود.

Algorithm 2: Selection

Input: Matrix GSC, Vector group_label;

Output: Matrix RGSC;

Begin

For each group repeat

$y_1 \leftarrow$ index of clustering that obtains min DB value

$y_2 \leftarrow$ index of clustering that obtains max CH value

$y_3 \leftarrow$ index of clustering that obtains max SI value

$y_4 \leftarrow$ index of clustering that obtains max SNMI value

$Y \leftarrow$ mode (y_1, y_2, y_3, y_4);

Add GSC(Y) to RGSC

end For

end Algorithm

(شکل-۳): الگوریتم انتخاب

(Figure-3): Selection algorithm

ورودی الگوریتم انتخاب، ماتریس GSC است که حاوی خوشه‌بندی‌های اولیه است. ورودی دیگر این الگوریتم، بردار group_label است که نشان می‌دهد هر خوشه‌بندی با کدام خوشه‌بندی در یک گروه قرار گرفته است (خوشه‌بندی-هایی که برچسب یکسانی در این بردار دارند، در یک گروه قرار دارند). در واقع بردار group_label خروجی الگوریتم گروه‌بندی است.

خروجی الگوریتم انتخاب، ماتریس RGSC است که مجموعه خوشه‌بندی‌ها بعد از فرآیند انتخاب است. این مجموعه کاهش یافته، به‌منظور انجام عمل ترکیب در اختیار توابع اجماع قرار می‌گیرد.

بدنه این الگوریتم یک حلقه است که در هر بار تکرار، شاخص‌های ارزیابی کیفیت (DB، CH، SI و SNMI) را روی یک گروه از خوشه‌بندی‌ها اعمال و باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی هر گروه را انتخاب کرده و به ماتریس RGSC اضافه می‌کند. عمل انتخاب باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی از هر گروه شکل (۳) به این‌صورت است که ابتدا در هر گروه، اندیس خوشه‌بندی‌ای که شاخص‌ها را بهینه کرده، درون متغیرهای y_1 تا y_4 قرار می‌گیرد؛ به این ترتیب که اندیس خوشه‌بندی‌ای که کمترین مقدار DB را داشته درون y_1 ، اندیس خوشه‌بندی‌ای که بیشترین مقدار CH را داشته درون y_2 ، اندیس خوشه‌بندی‌ای که بیشترین مقدار SI را داشته درون y_3 و در نهایت اندیس خوشه‌بندی‌ای که بیشترین مقدار SNMI را داشته درون y_4 قرار می‌گیرد (قابل ذکر است که باکیفیت‌ترین خوشه‌بندی، کمترین مقدار را در DB و بیشترین مقدار را در سایر شاخص‌ها خواهد داشت)؛ سپس با انجام عمل رأی‌گیری (یا همان شاخص مد^۱ در آمار) روی

^۱ Mode

k در دسترس نباشد، k_{max} را برابر \sqrt{n} قرار می‌دهیم، به طوری که n برابر تعداد نمونه‌های موجود در مجموعه داده است [10, 17, 38]. در بخش آزمایش‌ها، جهت تولید خوشه‌بندی‌های اولیه، تعداد خوشه‌ها به صورت تصادفی از یک بازه مشخص، انتخاب شده است؛ اما در روش پیشنهادی نیازی به تعیین تعداد خوشه‌بندی‌هایی که در نهایت به تابع اجماع داده می‌شود، نیست.

(جدول-1): ویژگی‌های مجموعه داده‌ها

(Table-1): Feature of datasets

ردیف	مجموعه داده	تعداد خوشه‌ها	تعداد بعد	تعداد نمونه
1	Wine	3	13	178
2	Heart	2	13	270
3	Sonar	2	60	208
4	Soybean	4	35	47
5	Breast tissue	6	9	106
6	Glass	7	9	214
7	WDBC	2	30	569
8	Ecoli	8	7	336
9	Vehicle	4	18	846
10	Segmentation	7	19	2310
11	Sat. image	6	36	6435

با استفاده از روش بالا تعداد حداکثر یکصد خوشه‌بندی تولید و سپس از روش ارائه شده در بخش روش پیشنهادی استفاده می‌شود تا از بین خوشه‌بندی‌های تولید شده، فرآیند انتخاب بر اساس معیارهای کیفیت و تنوع صورت گیرد. پس از انتخاب خوشه‌بندی‌ها، یک تابع اجماع نیاز است تا آنها را ترکیب کند. در این مقاله از توابع اجماع مبتنی بر گراف MCLA، CSPA و HGPA بهره گرفته شده است. جدول (۲) نتایج مربوط به آزمایش‌ها بر اساس تابع اجماع CSPA، جدول (۳) نتایج مربوط به آزمایش‌ها بر اساس تابع اجماع MCLA و جدول (۴) نتایج مربوط به آزمایش‌ها بر اساس تابع اجماع HGPA است. هر عدد در هر خانه از این جداول، نتیجه میانگین ده بار اجرا است. برای هر مجموعه داده، بهترین مقدار دقت^۲ به دست آمده و مقادیر نزدیک به آن به شکل پررنگ، مشخص شده‌اند.

روش ارائه شده در این مقاله بر اساس معیارهای شباهت ARI و NMI که به ترتیب ARISelective و NMISelective نامیده شده‌اند با روش Full که در آن همه خوشه‌بندی‌ها ترکیب می‌شوند (ترکیب کامل)، روش CAS [17] و روش SR [21] بر اساس میزان دقت مقایسه شده است.

² Accuracy

به عنوان مثال اگر m خوشه‌بندی پایه داشته باشیم و الگوریتم گروه‌بندی، این m خوشه‌بندی را به n گروه تقسیم کرده باشد، از هر گروه با کیفیت‌ترین آن با توجه به رأی‌گیری روی شاخص‌ها انتخاب می‌شود (به عبارت دیگر خوشه‌بندی‌ای که تعداد بیشتری از شاخص‌ها را بهینه کرده، به عنوان با کیفیت‌ترین خوشه‌بندی گروه فعلی انتخاب می‌شود) و در نهایت n خوشه‌بندی در اختیار تابع اجماع قرار می‌گیرد تا خوشه‌بندی نهایی تولید شود.

در بخش بعدی روش پیشنهادی را روی مجموعه متنوعی از داده‌ها آزمایش می‌کنیم.

۵- آزمایش‌ها

در این بخش میزان کارایی الگوریتم ارائه شده مورد بررسی و آزمایش قرار می‌گیرد. ابتدا لازم است ویژگی‌های مجموعه داده‌ها بیان شوند و سپس به بررسی سایر تنظیمات مورد نیاز و مقایسه کارایی پرداخته خواهد شد.

۵-۱- مجموعه داده‌ها

در بخش آزمایش‌ها از داده‌های واقعی استفاده شده که همه آنها از سایت UCI [37] گرفته شده‌اند. این مجموعه داده‌ها در بسیاری از مقالات از جمله [10, 21, 30] استفاده شده‌اند. ویژگی‌های این مجموعه داده‌ها در جدول (۱) بیان شده است. از جمله ویژگی‌های این داده‌ها، بعد بالای آنها است. داده‌های با ابعاد بالا^۱ به دلیل برخی ویژگی‌هایشان نظیر پیچیدگی بیشتر، به معضل جدی در دنیای داده‌کاوی تبدیل شده و توجه زیادی را به خود جلب کرده‌اند.

۵-۲- کارایی روی مجموعه داده‌ها

در این قسمت الگوریتم ارائه شده در بخش قبل، روی مجموعه داده‌های معرفی شده آزمایش می‌شود. به ازای هر مجموعه داده می‌بایست خوشه‌بندی‌های متعددی تولید شود. برای این منظور از الگوریتم k -means استفاده شده است؛ زیرا بیش تر کارهای قبلی این حوزه، از جمله [10, 17, 21, 32, 38]، از الگوریتم k -means برای تولید خوشه‌بندی‌های پایه استفاده کرده‌اند. با استفاده از الگوریتم k -means و دادن مقادیر متفاوت تصادفی به پارامتر k ، خوشه‌بندی‌های متعددی می‌توان ایجاد کرد. در هر بار اجرا مقادیر متفاوت k از بین k_{min} و k_{max} به طور تصادفی انتخاب می‌شوند، به طوری که k_{min} برابر ۲ و k_{max} برابر $2k$ است. اگر اطلاعی از

¹ High dimensional data

(جدول-۲): مقایسه دقت روی CSPA
(Table-2): Accuracy comparison on CSPA

SR	CAS	ARISelective	NMISelective	Full	مجموعه داده	ردیف
70.65	71.04	70.39	71.12	70.16	Wine	1
70.31	71.23	73.19	73.61	70.85	Soybean	2
60.44	59.79	60.55	60.22	59.77	Heart	3
54.25	56.29	57.69	57.59	56.44	Sonar	4
80.01	82.34	84.35	84.35	84.20	WDBC	5
41.01	40.60	40.93	40.98	40.74	Glass	6
43.61	42.70	43.49	42.54	42.26	Breast tissue	7
47.96	47.79	48.77	48.48	48.06	Ecoli	8
39.01	38.70	38.93	39.48	38.78	Vehicle	9
57.98	59.76	60.77	60.13	59.65	Segmentation	10
60.76	62.63	64.98	64.87	64.45	Sat. image	11

(جدول-۳): مقایسه دقت روی MCLA
(Table-3): Accuracy comparison on MCLA

SR	CAS	ARISelective	NMISelective	Full	مجموعه داده	ردیف
71.97	72.34	72.47	72.47	72.47	Wine	1
71.29	72.63	74.68	73.40	72.97	Soybean	2
60.51	60.08	60.96	60.77	60.22	Heart	3
56.15	55.94	55.86	57.45	56.73	Sonar	4
79.43	81.07	82.39	82.35	80.35	WDBC	5
45.64	47.25	49.67	50	47.42	Glass	6
41.77	40.38	40.47	41.69	39.24	Breast tissue	7
51.26	53.10	53.60	53.51	53.33	Ecoli	8
42.79	43.34	43.97	44.23	43.38	Vehicle	9
61.48	60.71	62.96	62.34	60.65	Segmentation	10
68.34	65.45	68.88	67.62	67.30	Sat. image	11

(جدول-۴): مقایسه دقت روی HGPA
(Table-4): Accuracy comparison on HGPA

SR	CAS	ARISelective	NMISelective	Full	مجموعه داده	ردیف
72.12	72.55	72.47	72.47	72.69	Wine	1
73.08	72.70	73.40	74.04	72.97	Soybean	2
60.02	60.28	60.66	60.62	59.14	Heart	3
58.11	57.76	57.74	58.94	58.75	Sonar	4
81.88	83.02	84.48	82.79	83.30	WDBC	5
38.34	37.70	38.45	38.27	37.66	Glass	6
40.14	39.87	40.37	39.52	38.39	Breast tissue	7
51.23	49.72	52.41	52.85	52.17	Ecoli	8
39.54	39.26	41.56	40.84	40.25	Vehicle	9
60.97	61.12	61.97	61.74	61.34	Segmentation	10
65.97	65.36	66.45	66.97	64.43	Sat. image	11

روش CAS برای گروه‌بندی از الگوریتم خوشه‌بندی Spectral استفاده می‌کند؛ اما به‌نظر می‌رسد برای گروه‌بندی

CAS، یکی از قوی‌ترین کارهای این حوزه است و اغلب کارهای مشابه، روش خود را با آن مقایسه کرده‌اند.

بود و در همه موارد مقداری بیشتر از CAS و به‌جز مجموعه‌داده Breast tissue از SR مقدار دقت بیشتری را ایجاد کرده است. روش ARISelective نیز به‌جز در مورد مجموعه‌داده Sonar مقدار دقت کمتر از ترکیب کامل نداشته است و در اغلب موارد در سطح بالاترین مقدار قرار دارد.

نتایج جدول (۴) نشان می‌دهد که برای تابع اجماع HGPA نیز روش‌های NMISelective و ARISelective بهترین روش‌ها هستند. روش NMISelective برای همه مجموعه‌داده‌ها به‌جز دو مجموعه‌داده Wine و WDBC مقداری بالاتر از ترکیب کامل داشته و در اغلب موارد در سطح بالاترین مقدار است. روش ARISelective نیز به‌جز دو مجموعه‌داده Sonar و Wine مقدار دقت بالاتری نسبت به ترکیب کامل داشته و در اغلب موارد در سطح بالاترین مقدار قرار دارد.

همان‌طوری که آزمایش‌ها نشان می‌دهد با کاهش اعضای ترکیب، نه تنها کیفیت و دقت خوشه‌بندی کاهش نمی‌یابد، بلکه در موارد بسیاری افزایش دقت نیز رخ می‌دهد. آزمایش‌ها نشان می‌دهد که روش پیشنهادی در اغلب موارد از ترکیب کامل بهتر بوده و رفتاری قابل مقایسه با روش CAS و SR داشته و در بیشتر مواقع عملکردی بهتر از آن‌ها دارد. یکی دیگر از روش‌های مقایسه عملکرد خوشه‌بندها، مقایسه میزان خطای خوشه‌بندهاست. شکل (۴) میزان میانگین خطای خوشه‌بندی ۱۱ مجموعه‌داده بالا را نشان می‌دهد.

همان‌طوری که نمودار نشان می‌دهد، روش‌های NMISelective و ARISelective به‌ازای هر سه تابع اجماع، میانگین درصد خطای کمتری دارد.

۶- نتیجه‌گیری

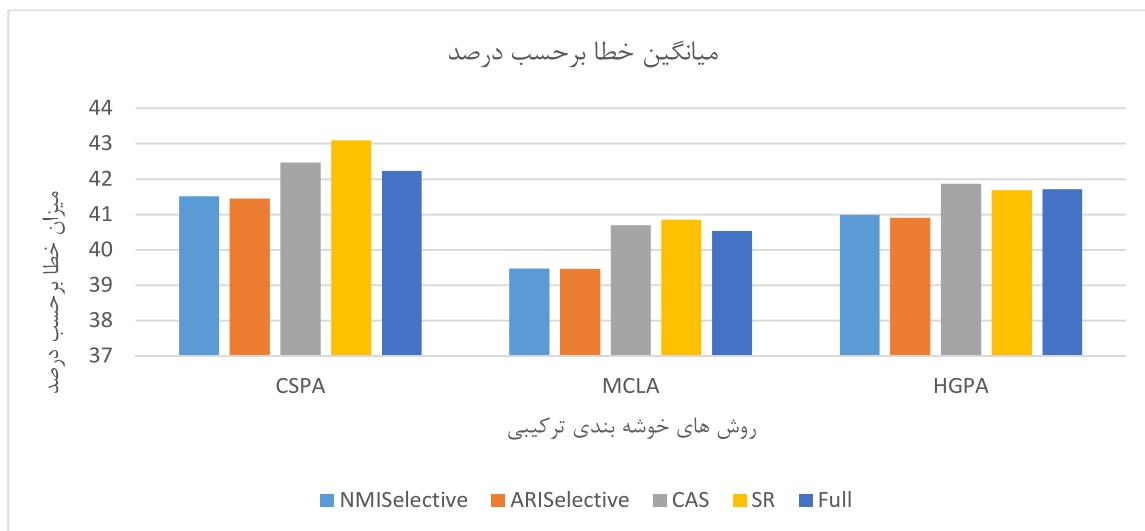
در این مقاله یک روش جدید برای انتخاب اعضای ترکیب در خوشه‌بندی ترکیبی ارائه و نشان داده شد که انتخاب درست خوشه‌بندی‌ها بر اساس کیفیت و تنوع آنها می‌تواند نتایجی بهتر از ترکیب کامل ایجاد کند. در روش پیشنهادی از یک الگوریتم جدید برای گروه‌بندی خوشه‌بندی‌ها استفاده شد. ضمن عمل گروه‌بندی می‌توان با حذف خوشه‌بندی‌های مشابه، معیار تنوع را تضمین کرد. هم‌چنین یک روش جدید برای انتخاب خوشه‌بندی‌ها در هر گروه پیشنهاد شد که براساس شاخص‌های ارزیابی کیفیت عمل می‌کرد. آزمایش‌ها روی مجموعه‌داده‌های مختلف برگرفته از UCI نشان داد که روش پیشنهادی عملکرد مناسبی از لحاظ دقت داشته و نتایج به‌مراتب بهتری نسبت به ترکیب کامل، CAS و SR دارد.

خوشه‌بندی‌ها نیازی به خوشه‌بندی مجدد نیست و در روش پیشنهادی ما برای گروه‌بندی روش ساده‌تری بر مبنای پیدا کردن نزدیک‌ترین خوشه‌بندی پیشنهاد شده است. به‌علاوه روش CAS برای انتخاب زیرمجموعه‌ای از مجموع خوشه‌بندی‌های پایه نیازمند یک پارامتر ورودی است و از قبل از اجرای الگوریتم، تعداد خوشه‌بندی‌هایی که قرار است، انتخاب شوند، باید مشخص باشد. یک راه برای عبور از این چنین معضلی، آزمایش بازه وسیعی از این پارامتر و نشان دادن خروجی به‌ازای هر مقدار از این پارامتر است. اما این یک راه حل کلی محسوب نمی‌شود. بنابراین نیاز به حذف این پارامتر، یک نیاز جدی است. در روش پیشنهادی ما، چنین پارامتری نیاز نیست. هم‌چنین در روش CAS برای انتخاب از هر گروه از معیار SNMI استفاده می‌کند که در [4] برای نخستین‌بار معرفی شده است. اما در روش پیشنهادی ما، علاوه بر SNMI از CH، BD و SI برای ارزیابی کیفیت استفاده شده است و روی نتایج آنها رأی‌گیری به‌عمل آمده است که این خود موجب افزایش دقت خواهد شد. هم‌چنین روش پیشنهادی با روش SR نیز مقایسه شده که یکی از جدیدترین و قوی‌ترین روش‌های موجود است.

دو روش CAS و SR نیازمند این هستند که تعداد خوشه‌بندی‌هایی که باید انتخاب شوند، به آنها داده شود. از این‌رو در جداول (۲ تا ۴) میانگین دقت این روش‌ها به‌ازای انتخاب تعداد ۹۰، ۳۰ و ۲۰ و ۱۰ خوشه‌بندی از مجموعه اولیه محاسبه شده و در جدول قرار داده شده است.

همان‌طوری که جدول (۲) نشان می‌دهد، برای تابع اجماع CSPA، بهترین روش NMISelective است که به‌جز دو مجموعه‌داده Glass و Breast tissue در همه موارد بالاترین میزان دقت را به‌دست آورده است. البته مقدار به‌دست‌آمده برای این دو مجموعه‌داده نیز از روش ترکیب کامل بیشتر است. این نتایج نشان می‌دهد که با استفاده از روش NMISelective هرگز میزان دقت به‌دست‌آمده کمتر از ترکیب کامل نخواهد بود و در اغلب موارد مقدار دقت بیشتری نسبت به CAS و SR ایجاد شده است. روش ARISelective نیز در همه مجموعه‌داده‌ها مقدار دقت کمتر از ترکیب کامل نداشته است.

برطبق جدول (۳)، بهترین روش برای تابع اجماع MCLA نیز روش NMISelective است، چرا که به‌جز مجموعه‌داده Soybean و Ecoli و Sat. image برای تمامی مجموعه‌داده‌ها بالاترین مقدار را به‌دست آورده و برای این مجموعه‌داده‌ها نیز مقداری بالاتر از ترکیب کامل دارد. این نتایج نیز نشان می‌دهد که با استفاده از روش NMISelective هرگز میزان دقت به‌دست‌آمده کمتر از ترکیب کامل نخواهد



(شکل-۴): خطای خوشه بندی به ازای توابع اجماع مختلف
(Figure-4): Cluster error rate for different consensus functions

microarray data analysis," *Artificial Intelligence in Medicine*, vol. 45, pp. 173-183, 2009.

- [8] S. Mimaroglu and E. Erdil, "Obtaining better quality final clustering by merging a collection of clusterings," *Bioinformatics*, vol. 26, pp. 2645-2646, 2010.
- [9] X. Ma, W. Wan, and L. Jiao, "Spectral clustering ensemble for image segmentation," in *Proceedings of the first ACM/SIGEVO Summit on Genetic and Evolutionary Computation*, 2009, pp. 415-420.
- [10] E. Akbari, H. M. Dahlan, R. Ibrahim, and H. Alizadeh, "Hierarchical cluster ensemble selection," *Engineering Applications of Artificial Intelligence*, vol. 39, pp. 146-156, 2015.
- [11] A. L. Fred and A. K. Jain, "Combining multiple clusterings using evidence accumulation," *IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence*, vol. 27, pp. 835-850, 2005.
- [12] A. Topchy, A. K. Jain, and W. Punch, "Clustering ensembles: Models of consensus and weak partitions," *IEEE Transactions on pattern analysis and machine intelligence*, vol. 27, pp. 1866-1881, 2005.
- [13] V. Berikov, "Weighted ensemble of algorithms for complex data clustering," *Pattern Recognition Letters*, vol. 38, pp. 99-106, 2014.
- [14] Y. Hong, S. Kwong, Y. Chang, and Q. Ren, "Unsupervised feature selection using clustering ensembles and population based incremental learning algorithm," *Pattern Recognition*, vol. 41, pp. 2742-2756, 2008.

7- References

۷-مراجع

- [۱] فضل ارثی، احسان و کاظمی نوقابی، مسعود، "خوشه بندی داده ها بر پایه شناسایی کلید" *فصلنامه پردازش علائم و داده ها*; ۱۴ (۴): ۳۱-۴۲؛ ۱۳۹۶.
- [1] Fazl Ersi, Ehsan and Kazemi Noghahi, Masoud, "Clustering of Data Based on Key Identification," *Journal of Signals and Data Processing (JSDP)*; 14 (4): 31-42; 2017.
- [2] A. K. Jain, M. N. Murty, and P. J. Flynn, "Data clustering: a review," *ACM computing surveys (CSUR)*, vol. 31, pp. 264-323, 1999.
- [3] H.-P. Kriegel, P. Kröger, and A. Zimek, "Clustering high-dimensional data: A survey on subspace clustering, pattern-based clustering, and correlation clustering," *ACM Transactions on Knowledge Discovery from Data (TKDD)*, vol. ۳, pp. 1, 2009.
- [4] A. Strehl and J. Ghosh, "Cluster ensembles---a knowledge reuse framework for combining multiple partitions," *Journal of machine learning research*, vol. 3, pp. 583-617, 2002.
- [5] S. Monti, P. Tamayo, J. Mesirov, and T. Golub, "Consensus clustering: a resampling-based method for class discovery and visualization of gene expression microarray data," *Machine learning*, vol. 52, pp. 91-118, 2003.
- [6] C. C. Aggarwal and C. K. Reddy, *Data clustering: algorithms and applications*: CRC Press, 2013.
- [7] R. Avogadri and G. Valentini, "Fuzzy ensemble clustering based on random projections for DNA

- [26] X. Lu, Y. Yang, and H. Wang, "Selective clustering ensemble based on covariance," in *International Workshop on Multiple Classifier Systems*, pp. 179-189, 2013.
- [27] L. Hubert and P. Arabie, "Comparing partitions," *Journal of classification*, vol. 2, pp. 193-218, 1985.
- [28] D. A. Neumann and V. T. Norton, "Clustering and isolation in the consensus problem for partitions," *Journal of classification*, vol. 3, pp. 281-297, 1986.
- [29] F. Yang, X. Li, Q. Li, and T. Li, "Exploring the diversity in cluster ensemble generation: Random sampling and random projection," *Expert Systems with Applications*, vol. 41, pp. 4844-4866, 2014.
- [30] J. Jia, X. Xiao, B. Liu, and L. Jiao, "Bagging-based spectral clustering ensemble selection," *Pattern Recognition Letters*, vol. 32, pp. 1456-1467, 2011.
- [31] J. Jia, X. Xiao, and B. Liu, "Similarity-based spectral clustering ensemble selection," in *Fuzzy Systems and Knowledge Discovery (FSKD), 2012 9th International Conference on*, 2012, pp. 1071-1074.
- [32] A. Banerjee, "Leveraging frequency and diversity based ensemble selection to consensus clustering," in *Contemporary Computing (IC3), 2014 Seventh International Conference on*, 2014, pp. 123-129.
- [33] D. L. Davies and D. W. Bouldin, "A cluster separation measure," *IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence*, pp. 224-227, 1979.
- [34] T. Caliński and J. Harabasz, "A dendrite method for cluster analysis," *Communications in Statistics-theory and Methods*, vol. 3, pp. 1-27, 1974.
- [35] W. S. Sarle, "Finding Groups in Data: An Introduction to Cluster Analysis," *Journal of the American Statistical Association*, vol. 86, pp. 830-833, 1991.
- [36] M. Charrad, Y. Lechevallier, M. B. Ahmed, and G. Saporta, "On the Number of Clusters in Block Clustering Algorithms," in *FLAIRS Conference*, 2010.
- [37] K. Bache and M. Lichman, "UCI machine learning repository," 2013.
- [15] B. Minaei-Bidgoli, A. Topchy, and W. F. Punch, "Ensembles of partitions via data re-sampling," in *Information Technology: Coding and Computing, 2004: Proceedings. ITCC 2004. International Conference on, 2004*, pp. 188-192.
- [16] Z.-H. Zhou, J. Wu, and W. Tang, "Ensembling neural networks: many could be better than all," *Artificial intelligence*, vol. 137, pp. 239-263, 2002.
- [17] X. Z. Fern and W. Lin, "Cluster ensemble selection," *Statistical Analysis and Data Mining*, vol. 1, pp. 128-141, 2008.
- [18] X. Wang, D. Han, and C. Han, "Rough set based cluster ensemble selection," in *Information Fusion (FUSION), 2013 16th International Conference on*, 2013, pp. 438-444.
- [19] J. Azimi and X. Fern, "Adaptive Cluster Ensemble Selection," in *IJCAI*, 2009, pp. 992-997.
- [20] L. I. Kuncheva and S. T. Hadjitodorov, "Using diversity in cluster ensembles," in *Systems, man and cybernetics, 2004 IEEE international conference on*, 2004, pp. 1214-1219.
- [21] M. C. Naldi, A. Carvalho, and R. J. Campello, "Cluster ensemble selection based on relative validity indexes," *Data Mining and Knowledge Discovery*, vol. 27, pp. 259-289, 2013.
- [22] H. Alizadeh, B. Minaei-Bidgoli, and H. Parvin, "To improve the quality of cluster ensembles by selecting a subset of base clusters," *Journal of Experimental & Theoretical Artificial Intelligence*, vol. 26, pp. 127-150, 2015.
- [23] B. Minaei-Bidgoli, H. Parvin, H. Alinejad-Rokny, H. Alizadeh, and W. F. Punch, "Effects of resampling method and adaptation on clustering ensemble efficacy," *Artificial Intelligence Review*, vol. 41, pp. 27-48, 2014.
- [24] G. Karypis and V. Kumar, "A fast and high quality multilevel scheme for partitioning irregular graphs," *SIAM Journal on scientific Computing*, vol. 20, pp. 359-392, 1998.
- [25] G. Karypis, R. Aggarwal, V. Kumar, and S. Shekhar, "Multilevel hypergraph partitioning: applications in VLSI domain," *IEEE Transactions on Very Large Scale Integration (VLSI) Systems*, vol. 7, pp. 69-79, 1999.

- [38] A. L. Fred and A. K. Jain, "Data clustering using evidence accumulation," in *Pattern Recognition, 2002. Proceedings. 16th International Conference on*, 2002, pp. 276-280.



علیرضا لطیفی پاکدهی مدرک

کارشناسی خود را در رشته مهندسی کامپیوتر-نرم افزار در سال ۱۳۹۰ از دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره) و در سال ۱۳۹۵ مدرک کارشناسی ارشد خود

را در دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی اخذ کرده است. موضوع پایان نامه ایشان، خوشه بندی داده های با ابعاد بالا با استفاده از ترکیب الگوریتم ها بوده است. نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:

Alireza.latifi@yahoo.com



نگین دانشپور استادیار دانشکده

مهندسی کامپیوتر دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی است. نامبرده تحصیلات خود را در مقطع کارشناسی مهندسی کامپیوتر-سخت افزار در سال ۱۳۷۸ در

دانشگاه شهید بهشتی و کارشناسی ارشد مهندسی کامپیوتر-نرم افزار در سال ۱۳۸۱ در دانشگاه صنعتی امیرکبیر به پایان رسانده و در سال ۱۳۸۹ دکترای خود را در رشته مهندسی کامپیوتر-نرم افزار از دانشگاه صنعتی امیرکبیر اخذ کرده است. زمینه های پژوهشی مورد علاقه ایشان عبارتند از: پایگاه داده، پایگاه داده تحلیلی، سیستم های تصمیم یار، پیش پردازش داده و داده کاوی.

نشانی رایانامه ایشان عبارت است از:

ndaneshpour@sru.ac.ir